

Integers



تسمى مجموعة العلوم التي تتعلق بنشأة الأرض وتكونها وعلاقتها بالكون بعلوم الأرض والتي تعد من أهم العلوم. وعلماء الأرض لابد أن يكون لديهم القدرة والامكانات لدراسة كيفية إيجاد الارتفاع والانخفاض عن مستوى سطح البحر وعلى قياس درجات الحرارة ارتفاعاً وانخفاضاً وعن درجة تجمد الماء أو تزايد ونقصان أفراد تجمع حيواني معين . ولكي يستطيع العلماء تحقيق ذلك فإنهم يحتاجون إلى استخدام نوع خاص من الأعداد تعرف بالأعداد الصحيحة .

مشروع الوحدة : (ثورة البراكين)



سنقوم من خلال المشروع بعمل مقارنة بين ارتفاع البراكين قبل ثوراتها وبعدها موظفين الأعداد الصحيحة .

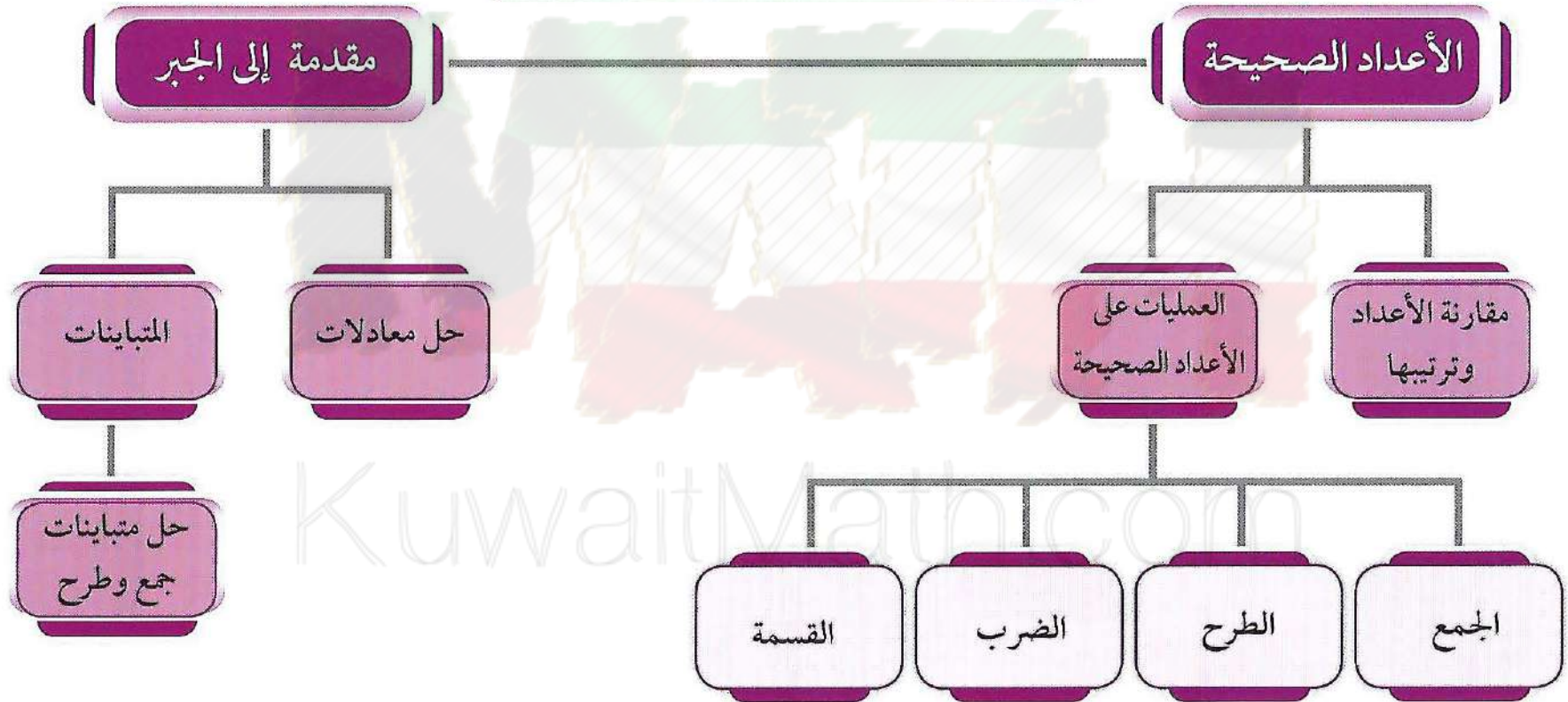
MidNight
Math_7

MidNight-7-Math

مع تحيات

https://telegram.me/MidNight_7_Math

مخطط تنظيمي للوحدة الثالثة



الأعداد الصحيحة Integers

١-٣

سوف تتعلم : العدد الصحيح وترتيب الأعداد الصحيحة .

زار أحمد مع والده متحفاً للأحافير يتألف من عدة طوابق ، وأثناء صعودهما بالمصعد
وجدا لوحة مسجل عليها أعداداً كما هو موضح بالصورة ، فسأل أحمد والده :
ماذا تعني الأعداد :



١- ، ٢- ، ٣- ، ٤- ، ٥-

فأجابه والده : أن العدد ١- يعبر عن الطابق الأول تحت
سطح الأرض فأكمل أحمد :

إذا العدد ٢- يعبر عن الطابق

والعدد ٣- يعبر عن الطابق

والعدد ١ يعبر عن الطابق

الأعداد ١ ، ٠ ، ١- ، ٢- ، ٣- ، ٤- ، ٥- تسمى أعداد صحيحة .

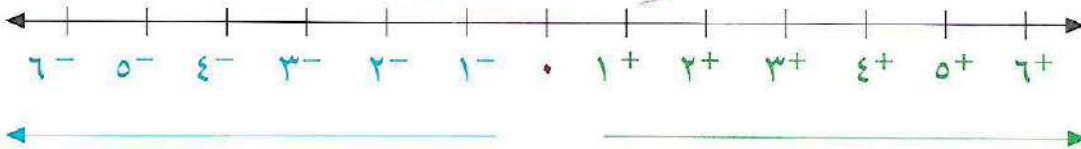
والأعداد الصحيحة تتضمن أعداد صحيحة موجبة وأعداد صحيحة سالبة و الصفر .

خط الأعداد الصحيحة :

الأعداد الصحيحة
السالبة هي أعداد
أصغر من الصفر.

الصفر هو عدد
صحيح وهو غير
موجب وغير سالب .

الأعداد الصحيحة
الموجبة هي أعداد
أكبر من الصفر.



التقدم جهة اليسار يعني التقدم
باتجاه العدد الأصغر .

التقدم جهة اليمين يعني التقدم
باتجاه العدد الأكبر .

العبارات والمفردات :

- عدد صحيح

Integer

- عدد موجب

Positive Numbers

- عدد سالب

Negative Numbers

- الأعداد الكلية

Whole Numbers

- الأعداد الصحيحة

الموجبة

Positive Integers

- الأعداد الصحيحة

السالبة

Negative Integers

- الأعداد الصحيحة

Integers

معلومات مفيدة :

يتعامل عمال منطاد
الهواء الساخن ،
بالأعداد الصحيحة
لتحديد النقل
أو الوزن اللازم
للحفاظ على ارتفاع
معين .



تدرب (١) ↑↑ :

عبر عن المواقف التالية في صورة عدد صحيح :

١ عمق بئر ٤٠ م -٤٠

٢ طول منال ١٧٥ سم $+١٧٥$

٣ ارتفاع بركان ٣٥ متر عن سطح الأرض $+٣٥$

٤ تبلغ درجة حرارة كوكب نبتون ٢٣٠° سيليزية تحت الصفر -٢٣٠

٥ تغوص غواصة مسافة ٢٠٠ متر تحت مستوى سطح البحر -٢٠٠

تدرب (٢) ↑ :

قارن مستخدماً < أو > أو = :

١ $٦ > ٥$

٢ $٩ < ٩$

٣ $٦ = ٦$

٤ $٨ < ١٠$

٥ $٥ > \text{صفر}$

٦ $٧ \text{ خسِر } < ١٧ \text{ دينارًا خسِر}$

تذكّر أن :

مطلق العدد الصحيح هو البعد بين العدد الصحيح والصفر على خط الأعداد.

$٥ = |٥|$

$٦ = |٦|$

$٠ = |٠|$



تدرب (٣) ↑↑ :

١ رتب تصاعدياً :

أ $٣، ٤، ٥، ٤، ٥$

ب $٣، ٤، ٥، ٤، ٥$

٢ رتب تنازلياً :

أ $٨، ٤، ١$

ب $٨، ٤، ١$

أ $٩، ٢١، ٠، ٣٧$

ب $٩، ٣٧، ٠، ٢١$

فكر وناقش



اذكر أكبر عدد صحيح سالب .

تمرّن :

١ بين ما إذا كان كلٌّ من الأعداد التالية عدداً صحيحاً أم لا :

- | | | |
|---|-----------------------------|----|
| ١ | ٧٥ ⁻ عدد صحيح | أ |
| ٢ | $\frac{1}{2}$ ليس عدد صحيح | ب |
| ٣ | صفر عدد صحيح | ج |
| ٤ | ٣٦ عدد صحيح | د |
| ٥ | ٥٤,٧ ليس عدد صحيح | هـ |
| ٦ | $3\frac{1}{4}$ ليس عدد صحيح | و |

٢ قارن مستخدماً العلامة < أو > أو = :

- | | | |
|---|------------------------------------|----|
| ١ | ١ ⁻ > ١ | أ |
| ٢ | ١٣ ⁻ < ١٣ | ب |
| ٣ | ٣٣ ⁻ > ٣٢ | ج |
| ٤ | ٥٧ ⁻ > ٠ | د |
| ٥ | ٢٧ ⁺ > ٥٩ ⁺ | هـ |
| ٦ | ٠ < ٢٥ | و |
| ٧ | ٢٤ ⁻ > $ \frac{18}{7} $ | ز |
| ٨ | ٦٢ ⁻ > ٢٦ ⁻ | ح |

٣ رتب الأعداد التالية تصاعدياً :

- أ ٢٨⁻ ، ١٢ ، ١٥⁻ ، ٢٧⁻

ب ٢٣⁻ ، ٢٢ ، ٤٣⁻ ، ٠

ج ٢⁻ ، ٤٢⁻ ، ٢٤⁻ ، ٤⁻

د ٣⁻ ، ٠ ، ٥⁻ ، ٦⁻

٠ ، ٣⁻ ، ٥⁻ ، ٦⁻

٤ رتب الأعداد التالية تنازليا :

١٦ ، ١٠ ، ١٢ ، ٥

١٦ < ١٢ < ١٠ < ٥

٤٥ ، ٣٢ ، ٥٩ ، ١٤

٤٥ < ٣٢ < ١٤ < ٥٩

١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩

١٧ < ١٦ < ١٨ < ١٩

٩٩ ، ١٠٠ ، ٨٩ ، ٤٧

١٠٠ < ٩٩ < ٨٩ < ٤٧

٥ اشترك أحد طلاب الصف السابع في إعداد بحث في علم الجيولوجيا فأنفق مبلغ ١٢ دينارًا على مستلزمات البحث ، عبر عن المبلغ الذي أنفقه بعدد صحيح .

١٢

٦ ادخر سالم مبلغًا من المال لشراء مجموعة من شتلات الزهور لمزرعته ، أودع مبلغ ٧٥ دينارًا في حساب التوفير ، ثم سحب مبلغ ٦٠ دينارًا لشراء الشتلات . عبر عن هذه المبالغ بأعداد صحيحة .

٧٥ - ٦٠

٧ ابحث في شبكة الإنترنت عن ارتفاع البراكين في أربع دول مختلفة ، وقارن بين ارتفاعاتها قبل ثوران البركان وبعده .

جمع الأعداد الصحيحة Adding Integers

٢-٣

سوف تتعلم: جمع الأعداد الصحيحة.

العبارات والمفردات:

معكوس جمعي
(نظير جمعي)

Opposite Additive
Invers

نشاط (١):



قام أحد علماء الأرض مع فريق عمله بعملية حفر بأحد المناطق الأثرية بحثاً عن آثار للمتحف حيث قاموا أولاً بعملية حفر على عمق ٣ أمتار في باطن الأرض، ثم واصلوا عملية الحفر بعمق ٢ متر حيث بدأ ظهور بعض الآثار.

معلومات مفيدة:

يستخدم علماء الآثار الأعداد الصحيحة الموجبة والسالبة عند تحديد أماكن الآثار والأحافير فوق أو تحت مستوى سطح البحر.

• اكتب عبارة رياضية تعبر عن هذا الموقف

يمكن نمذجة هذه العبارة كالتالي: 2^- 3^-

إذا عدد الامتار التي تم حفرها هو 5^- أمتار تحت سطح الارض ويعبر عنها بـ 5^-

اللوازم:

أقراص ملونة بلونين مختلفين.

نشاط (٢):

أوجد ناتج $5^+ + 7^-$ موظفا الأقراص الملونة:

١ عدد عددًا كافيًا من الأقراص الصفراء لتمثيل

العدد الأول الموجب (5^+) .

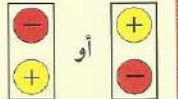
٢ عدد عددًا كافيًا من الأقراص الحمراء لتمثيل العدد الثاني السالب (7^-) .

٣ كون كل الثنائيات الصفيرية الممكنة من الأقراص والتي في كل منها قرص أصفر وقرص أحمر، ونعلم أن كل زوج يمثل صفراً، احذف هذه الثنائيات.


٤ حدّد لون وعدد الأقراص المتبقية $5^+ + 7^-$ كرصاً واحداً من اللون الأحمر

تذكّر أن:



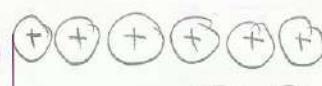
- تمت نمذجة العدد الموجب بعدد من الأقراص الصفراء مساوٍ له، وتمت نمذجة العدد السالب بعدد من الأقراص الحمراء مساوٍ له.
- الثنائي الصفيري


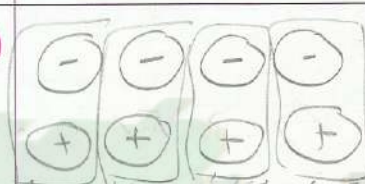


هو زوج من الأقراص يتألف من قرص أحمر وآخر أصفر.

تدرب (١) : 

نمذج كل مسألة من المسائل التالية ، ثم اكتب الناتج :



 ب $(-5) + 3 =$

 ١ $2 + 6 =$


 د $9 + 2 =$

 ج $4 + 4 =$

صفر =

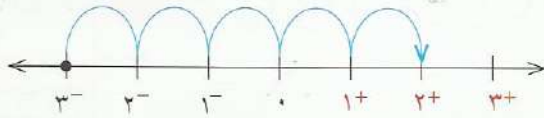
صفر صفر صفر صفر صفر صفر صفر

نلاحظ أن :

- ١ ناتج جمع عددين صحيحين موجبين هو عدد صحيح موجب
- ٢ ناتج جمع عددين صحيحين سالبين هو عدد صحيح سالب
- ٣ ناتج جمع عدد صحيح ومعكوسه الجمعي يساوي صفر
- ٤ عند جمع عددين صحيحين أحدهما موجب والآخر سالب فإن ناتج الجمع يساوي :
(العدد ذو القيمة المطلقة الأكبر - العدد ذو القيمة المطلقة الأصغر) ويكون الناتج :
- موجباً : إذا كان العدد الذي قيمته المطلقة أكبر موجباً .
- سالباً : إذا كان العدد الذي قيمته المطلقة أكبر سالباً .

تدرب (٢) ↑↓ : اجمع موظفًا خط الأعداد:
 عدد صحيح عدد موجب تبينه إلى اليمين
 عدد صحيح عدد سالب تبينه إلى اليسار

١ $5 + 3^-$



$2 = 5 + 3^-$

حدد مكان العدد الأول على خط الأعداد ثم تحرك بمقدار ٥ وحدات جهة اليمين.

٢ $(2^-) + 6$



$6 = (2^-) + 6$

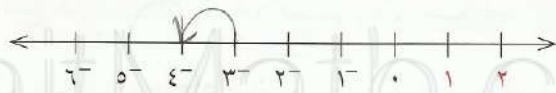
حدد مكان العدد الأول على خط الأعداد ثم تحرك بمقدار وحدتين جهة اليسار.

٣ $1 + 2$



$3 = 1 + 2$

٤ $(1^-) + 3^-$



$-4 = (1^-) + 3^-$

تدرب (٣) ↑ : أوجد الناتج في كلٍّ مما يلي:

ب $(37^-) + 13^-$
 $5^- =$


أ $18 + 5^-$
 $13 =$

د $0 + 10^-$
 $10^- =$

ج $(38^-) + 38$
 $صفر =$

خواص عملية الجمع على الأعداد الصحيحة

المثال	الخاصية
$3 + 0^- = 0^- + 3$ $\downarrow \quad \quad \downarrow$ $2^- = 2^-$	$أ + ب = ب + أ$ <p>(الخاصة الإبدالية)</p>
$(2^- + 0^-) + 3 = 2^- + (0^- + 3) = 2^- + 0^- + 3$ $\downarrow \quad \quad \quad \downarrow$ $2^- + 3 = 2^- + 3$ $5^- = 5^-$	$أ + ب + ج = (أ + ب) + ج = أ + (ب + ج)$ <p>(الخاصة التجميعية)</p>
$3 + 0 = 0 + 3$ $\downarrow \quad \quad \downarrow$ $3 = 3$	$أ = أ + 0 = 0 + أ$ <p>(العنصر المحايد)</p>

تدرب (٤) : 

أوجد ناتج كلاً مما يلي :

ب

$$(10^-) + 20 + 35^-$$

$$21 + (10^- + 35^-) =$$

$$55^- = 21 + 35^- =$$

أ

$$5 + (20^-) + 8$$

$$(21^-) + (5 + 8) =$$

$$7^- = (21^-) + 13 =$$

فكر وناقش

عند إيجاد ناتج $7^- + 9 + 3^-$ يمكننا إيجاد الناتج بعدة طرق .

ماهي الطريقة الأسرع للحل ؟

$$9 + (7^- + 3^-)$$

$$1^- = 9 + 1^-$$

تمرّن :

١ اذكر ما إذا كان ناتج الجمع عدداً موجباً أم عدداً سالباً أم صفر لكل مما يلي :

ب $2 + 8^-$ سالب

أ $4 + 10^-$ صحيح

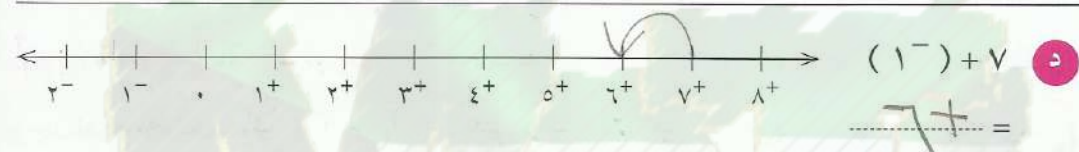
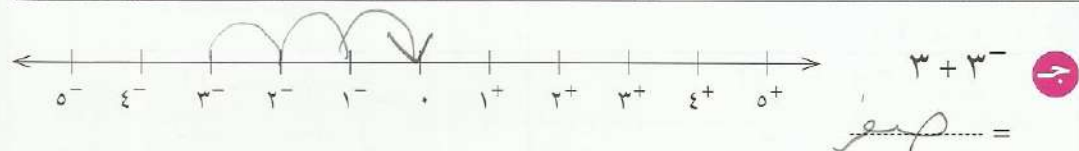
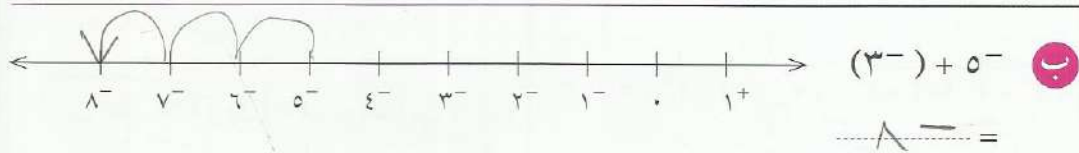
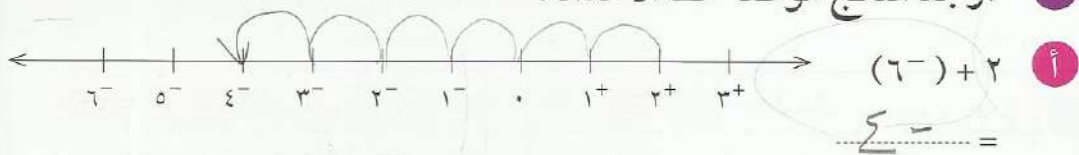
د $(4^-) + 5$ صحيح

ج $(7^-) + 3^-$ سالب

و $18 + 9^-$ صحيح

هـ $(21^-) + 21$ صفر

٢ أوجد الناتج موظفاً خط الأعداد :



٣ أوجد الناتج في كل مما يلي :

ب $65 + 100^-$
 35^-

أ $(3^-) + 14^-$
 $17^- =$

د $(62^-) + 138^-$
 200^-

ج $(2^-) + 10^-$
 12^-

و $(20000^-) + 35000^-$
 55000^-

هـ $8 + (7^-) + 6^-$
 $5^- = 8 + 13^-$

ح $47 + 147^-$
 100^-

ز $4 + 9$
 13^+

ي $647020 + 647020^-$
 صفر

ط $12 + 10^-$
 2^+

٤ أكمل الجدول في كل مما يلي :

ص	ص
1^+	٨
3^+	10^+
19^-	5^-
3^-	4^+

ب

س	س
2^+	٥
7^-	4^-
3^-	صفر
صفر	3^+

أ

٥ التقطت عالمة جيولوجيا عينة صخرية من عمق 12^+ م تحت مستوى سطح البحر ثم تسلقت مسافة 31^+ م إلى الأعلى والتقطت عينة صخرية أخرى ، من أي ارتفاع عن مستوى سطح البحر تم التقاط العينة الصخرية الثانية ؟

$$\text{ارتفاع العينة الثانية} = 31^+ + 12^- =$$

$$19^+ =$$

٦ إذا كانت درجة الحرارة في يوم الاثنين 13^+ سيليزية ، وانخفضت بعد ساعة بمقدار 6^+ سيليزية ثم انخفضت بعد ساعتين بمقدار 4^- سيليزية . اكتب عبارة جمع لوصف هذه التغيرات في درجة الحرارة ، ثم أوجد ما وصلت إليه درجة الحرارة في هذا اليوم .

$$\text{ما وصلت إليه درجة الحرارة} =$$

$$3^+ = 13^+ + (10^-) = 3^+ + 7^+ + 13^+ =$$

طرح الأعداد الصحيحة Subtracting Integer

٣-٣

سوف تتعلم : كيف تستخدم طرائق متنوعة لطرح الأعداد الصحيحة .



نشاط (١) :

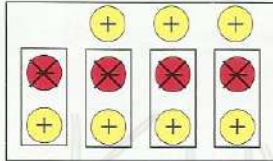


رصد عالم الأرصاد الجوية درجات الحرارة في منطقة ما في أحد أيام الشتاء ووجدها تتراوح بين 4° سيليزية إلى 3° سيليزية . أوجد الفرق بين درجتي الحرارة العظمى والصغرى في ذلك اليوم .

درجة الحرارة العظمى هي 3° ، درجة الحرارة الصغرى هي 4° -

$$\boxed{3} - \boxed{4} = \text{الفرق بين درجة الحرارة العظمى والصغرى}$$

باستخدام الأقراص الملونة :



١ استخدم أقراصاً صفراء لتمثل 3^+

٢ اضعف ٤ ثنائيات صفرية من الأقراص لتطرح 4^-

٣ اشطب ٤ أقراص حمراء لتطرح 4^-

٤ عد الأقراص المتبقية ٧



إذاً الفرق بين درجتي الحرارة العظمى والصغرى هو 7 درجات سيليزية .

تذكّر أن :

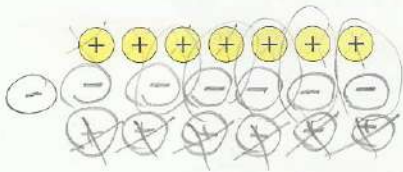
الثنائي الصفري



هو زوج من الأقراص يتألف من قرص أحمر وآخر أصفر .

تدرب (1) :  

استكمل تمذجة كل مسألة مما يلي ثم أوجد الناتج :



٢ $7 - 7^+ =$

إذاً $7 - 7^+ =$ صفر

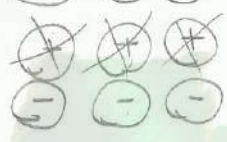
١ $(3^-) - 5^- =$



إذاً $(3^-) - 5^- = 2^+$

أيضاً قه ٣ تناثبات صفر

٤ $3^+ - 3^- =$



$3^- =$

٣ $(2^+) - 5^+ =$



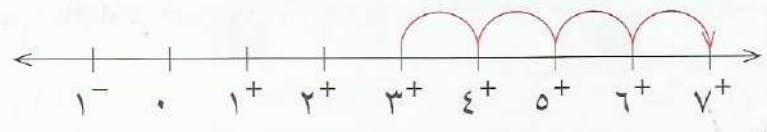
تذكر أن :
 ناتج جمع عدد صحيح ومعكوسه الجمعي يساوي صفرًا دائمًا مثل :
 $4^- + 4^- =$ صفر
 $5^- + (5^-) =$ صفر

يمكنك استخدام خط الأعداد في طرح الأعداد الصحيحة وذلك باستخدام عكس الإجراءات المتبعة في الجمع .

لإيجاد ناتج $3 - (4^-)$ باستخدام خط الأعداد نتبع مايلي :

- ١ حدد العدد الأول على خط الأعداد .
- ٢ تحرك إلى اليسار عند طرح عدد موجب وتحرك إلى اليمين عند طرح عدد سالب .

اتجه ٤ يمينًا



ناتج الطرح (الفرق) $7 =$

إذاً $7^+ = (4^-) - 3$

تدريب (٢) :

باستخدام خط الأعداد أوجد ناتج الطرح :

حدد العدد الأول

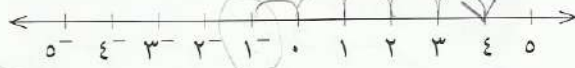
ثم اتجه ٣ يساراً.

$$٣ - ٢$$

حدد العدد الأول

ثم اتجه ٥ يميناً.

$$١ - (٥^-)$$



اكتب جملة جمع مكافئة (تقابل) جملة

$$٥ + ١^-$$

اكتب جملة جمع مكافئة (تقابل) جملة

$$٣ - ٢ = ١$$

نلاحظ أن : $٥ + ١^- = (٥^-) - ١^-$

$$\Sigma =$$

مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة التالية :

يمكن طرح عدد صحيح من آخر دون استخدام النمذجة أو خط الأعداد بإضافة معكوسه الجمعي وإيجاد ناتج الجمع .

لأي عددين صحيحين أ، ب يكون : $أ - ب = أ + معكوس ب$

$$أ + (ب^-) =$$

تدريب (٣) :

أوجد الناتج باستخدام القاعدة :

$$١٤^- - ٥^-$$

$$١٤^+ + ٥^- =$$

$$٩^+ =$$

$$٨ - ٤^-$$

$$٨^- + ٤^- =$$

$$١٢^- =$$

$$١١ - ٧$$

$$(١١^-) + ٧ =$$

$$\Sigma =$$

فكر وناقش

- هل $١٠^- - ١٠^-$ تساوي $١٠^- = ١٠^-$ ؟ فسر إجابتك .

- عندما نطرح عدداً صحيحاً سالباً من عددٍ آخر ، لماذا يكون الناتج أكبر من العدد الأول ؟

اعط مثال .

تدرب (٤) :

اكتشف الخطأ: أوجد صالح وخليفة ناتج $15^- - 18^-$ أيهما على صواب؟ ولماذا؟



خليفة يقول أن:

$$(18^-) - 15^- = 33^- = 18 + 15^- =$$



صالح يقول أن:

$$(18^-) - 15^- = 3 = 18 + 15^- =$$

التربط والتداخل

بالعلوم:

يهتم علم الزراعة المائية بدراسة نمو النباتات المزروعة في ماء أذيب فيه بعض المواد المغذية، أي دون استخدام التربة الزراعية المألوفة.

مثال (١):

حصل خليفة على مبلغ ١٤ دينار نظير عمله في مزرعة مائة، وقد أنفق ١٦ دينارًا في شراء حذاء وقفاز لازمين لهذا العمل، ما المبلغ الذي كسبه أو خسره؟

اكتب تعبيراً

$$16 - 14$$

أعد كتابة التعبير بإضافة المعكوس الجمعي

$$(16^-) + 14 =$$

اجمع

$$2^- =$$

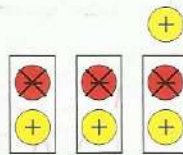
إذا لقد خسر خليفة دينارين.

KuwaitMath.com

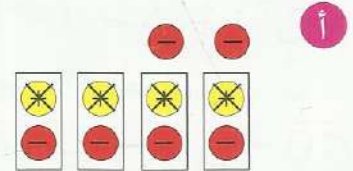
تمرّن:

١ اكتب العبارات التي تمت نمذجتها في الرسوم التالية حيث $+$ يعبر عن عدد موجب

و $-$ يعبر عن عدد سالب:



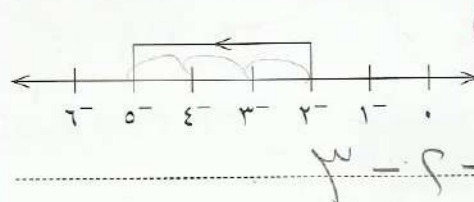
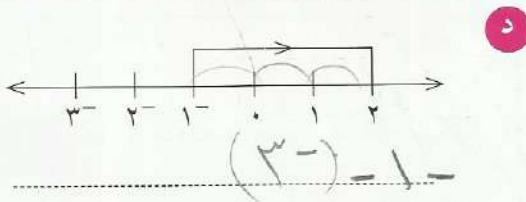
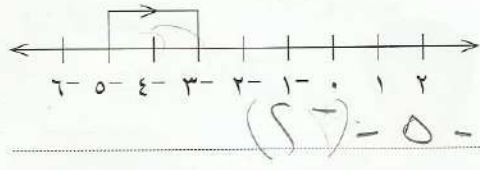
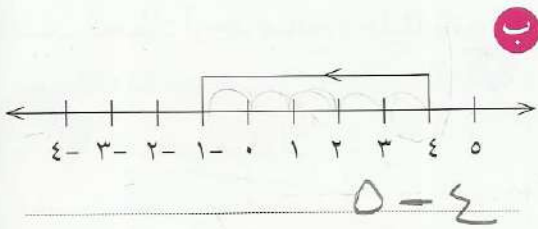
$$-1 = (3^-) - 4 =$$



$$-2 = 4^- - 7 =$$

عند طرح عدد موجب من عدد موجب
عند طرح عدد موجب من عدد سالب
اكتب عبارة الطرح المبينة على خط الأعداد:

فلا حظه
الطالبة تتدبر
عبارة مع
(٢+، ٥-)
(٥-، ٤+)
(٥-، ٣-)
(٥-، ١+)



٣ أوجد الناتج فيما يلي:

ب $(٤+) + ٧- = (٢-) - ٧-$
5 -

أ $(٤-) + ٧- = (٢+) - ٧-$
9 -

د $(٨+) + ٤ = (١-) - ٤$
12 +

ج $١١- + ٩- = ١١ - ٩-$
20 -

و $(٤-) + ٧ = ٤ - ٧$
3 +

هـ $(٥+) + ٣- = (٥-) - ٣-$
2 +

ح $(٦+) + ١١٤ = (٦-) - ١١٤$
120 +

ز $(٧-) + ٩- = ٧ - ٩-$
16 -

ي $(٢٢+) + ٢٢ = (٢٢-) - ٢٢$
44 + =

ط $(١٢-) + ٨ = ١٢ - ٨-$
20 -

ل $(٥+) + ٥ = (٥-) - ٥-$
صفر =

ك $(١-) + ٢ = ١ - ٢-$
3 - =

ن $(٢٢-) + ٥٦ = ٢٢ - ٥٦$
34 =

م $(٥+) + ١٨ = (٥-) - ١٨$
23 +

ع $٨ + ٩- = ٨ - ٩-$
9 - =

ع $٨ + ٩- = ٨ - ٩-$
9 - =

٤ أكمل الجدول :

س	س - ٢
٣	١ = ٣ - ٢
١	١ - = ٢ - ١
٠	٢ - = ٢ - ٠
٨ -	١٠ - = ٢ - ٨ -
١٢ -	١٤ - = ٢ - ١٢ -

٥ أوجد قيمة كلاً مما يلي عندما $٥ = أ$ ، $٨ - = ب$

ب أ - ب

أ ب - ١٠

$$١٣ = ٨ + ٥ = (٨ -) - ٥$$

$$١٠ - ٨ - = ١٠ - ٨ - = ١٨ - =$$

٦ قرأ عمر في إحدى المجلات أن متوسط درجة الحرارة على سطح الأرض هو ١٥ سيليزية ، ومتوسط درجة الحرارة على سطح كوكب المريخ هو $٥٠ -$ سيليزية ما الفرق بين متوسطي درجتَي الحرارة ؟

الفرق بين متوسطي درجتَي الحرارة =

$$١٥ - (٥٠ -) = ١٥ - ٥٠ = ٦٥ - \text{سيليزية}$$

ضرب الأعداد الصحيحة وقسمتها

Multiplying and Dividing Integers

٤-٣

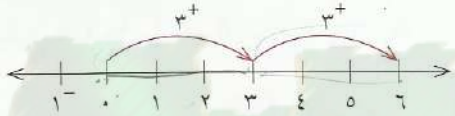
سوف تتعلم : كيفية ضرب الأعداد الصحيحة وقسمتها .

ضرب الأعداد الصحيحة

الضرب هو عملية جمع متكرر .

وهذا يساعدنا في إيجاد ناتج ضرب الأعداد الصحيحة .

$$6 = 3 + 3 = 3 \times 2$$



$$6 = 3 \times 2$$



$$6^- = 3^- + 3^- = 3^- \times 2$$

لايجاد ناتج $3 \times 2^-$ يمكننا استخدام الخاصية الإبدالية في الضرب .



$$6^- = 2^- \times 3 = 3 \times 2^-$$

تدرب (١) :

نمذج كل مما يأتي واذكر الناتج :

$$4^- \times 3$$

$$4 \times 3^-$$

مما سبق نلاحظ أن :

- إذا كان العددان الصحيحان موجبين معاً فإن ناتج الضرب يكون موجباً .

- إذا كان العددان الصحيحان أحدهما موجب والآخر سالب فإن ناتج ضربهما يكون سالباً .

تدرب (٢) :

أكمل النمط :

12^-	$3 \times (4^-)$	١٢	3×4
8^-	$2 \times (4^-)$	٨	2×4
٤^-	$1 \times (4^-)$	٤	1×4
-	$0 \times (4^-)$	صفر	0×4
٤	$(1^-) \times (4^-)$	4^-	$(1^-) \times 4$
٨	$(2^-) \times (4^-)$	8^-	$(2^-) \times 4$
١٢	$(3^-) \times (4^-)$	12^-	$(3^-) \times 4$

تذكّر أن :

من خواص عملية

الضرب :

الخاصية الإبدالية

$$10 = 2 \times 5 = 5 \times 2$$

معلومات مفيدة :

يستخدم

الحرفيون

ضرب الأعداد

الصحيحة

وقسمتها عند

حساب كلاً

من الدخل

والمصروف

اليومي .



نلاحظ أن :

إذا كان العددان الصحيحان سالبين فإن ناتج ضربهما يكون موجباً .

تدرب (٣) :

أوجد ناتج مايلي :

١ $3 \times 9 = 27$

٢ $2 \times 11 = 22$

٣ $0 \times 14 = 0$ صفر

٤ $3 \times (-2) = -6$ $3 \times (-4) = -12$ $-12 + (-6) = -18$

قسمة الأعداد الصحيحة

عمليتي الضرب والقسمة عمليتان عكسيتان وترتبط بكل عملية ضرب صورتان لعملية القسمة .

تدرب (٤) :

$20 = 5 \times 4$ \Rightarrow $20 \div 4 = 5$ \Rightarrow $20 \div 5 = 4$

$20 = 5 \times 4$ \Rightarrow $20 \div 4 = 5$ \Rightarrow $20 \div 5 = 4$

$20 = 5 \times 4$ \Rightarrow $20 \div 4 = 5$ \Rightarrow $20 \div 5 = 4$

- ناتج قسمة عددين صحيحين (موجبين معاً أو سالبين معاً) يكون عدداً صحيحاً موجباً .
- ناتج قسمة عددين صحيحين (أحدهما موجب والآخر سالب) يكون عدداً صحيحاً سالباً .

تدرب (٥) :

أوجد ناتج كلاً مما يلي :

١ $12 \div 3 = 4$ \quad ٢ $24 \div 8 = 3$ \quad ٣ $99 \div 3 = 33$

تمرّن :

١ حدد ما إذا كان ناتج الضرب أو ناتج القسمة عدد صحيحاً سالباً أو موجباً :

ج $23 \div 189^-$

سالب

ب $(13^-) \times 24^-$

موجب

أ $9 \times 8^-$

سالب

و $35 \div 125$

موجب

هـ $(23^-) \div 69^-$

موجب

د 12×75

موجب

٢ أوجد الناتج :

ج $7^- \times 6^-$

42^+ =

ب $(1^-) \times 9^-$

9^+ =

أ $(4^-) \times 5^-$

20^- =

و $(3^-) \times 4^-$

12^- =

هـ $8 \times 5^-$

40^- =

د $(5^-) \times 20^-$

100^+ =

ط $(12^-) \times 6^-$

72^- =

ح $(9^-) \times 2^-$

18^+ =

ز $0 \times 9^-$

صفر =

ل $(6^-) \times 8^-$

48^- =

ك $10 \times 7^-$

70^- =

ي $2 \times 10^-$

20^- =

ع $(5^-) \times 20^-$

100^- =

ن $4 \times 8^-$

32^- =

م $(3^-) \times 5^-$

15^- =

ق $(9^-) \div 18$

2^- =

ف $(12^-) \div 12$

1^- =

غ $3 \div 6^-$

2^- =

$(2^-) \div 140^- \quad \text{ر}$

$70^+ =$

$3 \div 21^- \quad \text{ث}$

$7^- =$

$(4^-) \div 16^- \quad \text{ت}$

$4^+ =$

$(6^-) \div 0 \quad \text{ص}$

$\text{صفر} =$

$(3^-) \div 9 \quad \text{ش}$

$3^- =$

$3 \div 60^- \quad \text{س}$

$60^- =$

$4^- \div (6) \quad \text{ظ}$

$4^- \div 6 = 2/3$

$9^- = 4^- \div 3/6 = 12$

$4 \times (25) \quad \text{ط}$

$4 \times 1 = 4$

$5 \times (3^-) \quad \text{ض}$

$5 \times 3 \times 3 = 45$

٣ أكمل الجدول :

١	٢^-	٤^-	÷
١٦	٨^-	٤^-	١٦
٩0^-	١0^+	٥+	٢0^-
١٢	٦^-	٣^-	١٢

ب

٥	٢^-	١	×
١٥	٦^-	٣	٣
.	.	.	.
١٠^-	٤^+	٢^-	٢^-

أ

٤ انخفضت درجة الحرارة بانتظام خلال ٤ ساعات من صفر° سيليزية إلى

٢٠° سيليزية . احسب معدل انخفاض درجة الحرارة في الساعة الواحدة .

معدل الانخفاض من درجة الحرارة في الساعة الواحدة =

$20 \div 4 = 5 \text{ نزلت } 5^\circ \text{ كل ساعة}$

٥ تغوص غواصة تحت سطح الماء بعمق ٧ أمتار في الدقيقة الواحدة . ما العمق

الذي ستصل إليه بعد ٢٠ دقيقة . إذا غاصت بالسرعة نفسها ؟

العمق الذي ستصل إليه الغواصة

$7 \times 20 = 140$

حل معادلات على الصورة أس + ب = ج ، أ ≠ 0

Solving Equations of the Form $ax + b = c$, $a \neq 0$

٥-٣

سوف تتعلم : حل المعادلة على الصورة أس + ب = ج حيث أ ≠ صفر.



نشاط :



محمد باحث جيولوجي لديه صندوقين من الصخور من الصخور من نفس الوزن . أضاف إليهما ٣ كجم من الصخور التي عثر عليها فأصبح الوزن الكلي الناتج لمجموعته من الصخور ١١ كجم .

فما هو وزن الصندوق الواحد ؟

عبر عن الموقف السابق باستخدام النمذجة .

ملاحظة : المستطيل () يمثل متغير والقرص () يمثل الثابت .



لحل المعادلة نتبع الخطوات التالية :

الخطوة (١) : نقوم بإضافة ٣ أقراص حمراء لطرفي المعادلة :

عبر جبرياً عن الخطوة (١) :

$$\boxed{3-} + 11 = \boxed{3-} + 3 + 2س$$



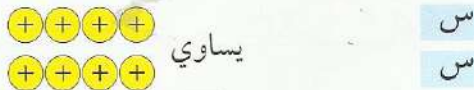
(إضافة النظير الجمعي لطرفي المعادلة)

عبر جبرياً :

ننسط

$$\boxed{11} = س \boxed{2}$$

نمدج الناتج من الخطوة (١) :



العبارات والمفردات :

- Equation معادلة
- Variable متغير
- عملية عكسية
- Inverse Property
- constant ثابت
- المعكوس الجمعي (النظير الجمعي)
- additive inverse

اللوازم :

- أقراص الأعداد الصحيحة
- +
-
- مستطيلات لتمثيل المتغير

تذكر أن :

- لكل أ ، حيث أ عدد صحيح ،
- $أ \neq صفر$
- وإذا كان $س = ص$ فإن :
- $س + أ = ص + أ$
- $س - أ = ص - أ$
- $أس = أ ص$
- $\frac{س}{أ} = \frac{ص}{أ}$

الخطوة (٢) :

لمعرفة قيمة المتغير (حل المعادلة) : يجب توزيع كلاً من طرفي المعادلة إلى مجموعات متساوية .

عبر جبرياً عن الخطوة (٢) :

العملية العكسية للضرب هي القسمة

$$\frac{8}{2} = س \frac{2}{2}$$



الخطوة (٣) :

انظر لمجموعة واحدة من كل طرف من طرفي المعادلة لمعرفة حل المعادلة :

نوجد حل المعادلة

$$س \text{ يساوي } 4 = س \quad \{ \text{+} \text{+} \text{+} \text{+} \}$$

إذا قيمة المتغير **س** أو حل المعادلة هو **٤**
نتحقق :

$$١١ = ٣ + ٢ س$$

$$١١ = ٣ + ٤ \times ٢ \quad \text{عبارة صحيحة}$$

إذا وزن الصندوق الواحد (س) = ٤ كجم

تدرب (١) :

أوجد حل المعادلة التالية :

$$١٤^- = ٦ - س$$

$$س + ٦ - ١٤^- = ٦ - ٦ + ١٤^-$$

$$س + ٦ = ٦ + ١٤^-$$

$$س = \frac{١٤^- - ٦}{١}$$

$$س = ٨^-$$

العملية العكسية للضرب هي القسمة

حل المعادلة

عبارة صحيحة

$$١٤^- = ٦ - ٨^- \times ٤ \quad \text{نتحقق :}$$

تدرب (٢) ↑ :

أوجد حل المعادلة التالية :

$$25 = 15 + \frac{s}{3}$$

$$15 - 25 = 15 - 15 + \frac{s}{3} \cdot 3$$

$$-10 = \frac{s}{3}$$

$$s = -30$$

فكر وناقش



لولوة تقول أن :

حل المعادلة التالية :

$$3s + 3 = 6 \text{ هو } 3$$

حدّد أي منهما على صواب دون حل المعادلة؟ فسّر إجابتك .

إسراء تقول أن :

حل المعادلة التالية :

$$3s + 3 = 6 \text{ هو } 1$$



تمرّن :

١ حل كلاً من المعادلات التالية : لم يظب التحقق

ب ٥ ص - ٨ = ٢٣

$$5 - 8 = 23 - 8$$

$$-3 = 15$$

$$3 = 15$$

أ ٣ س + ٥ = ١٧

$$3s + 5 = 17$$

$$3s = 12$$

$$s = 4$$

د ٣ + ١٢ = ٣

$$3 + 12 = 3$$

$$15 = 3$$

ج ٦ س + ٧ = ٤٩

$$6s + 7 = 49$$

$$6s = 42$$

$$s = 7$$

و ٨ + ٣ = ٣٢

$$8 + 3 = 32$$

$$11 = 32$$

$$24 = 32$$

$$8 = 32$$

هـ ٤ - ١٦ = ٩

$$4 - 16 = 9$$

$$-12 = 9$$

$$9 \times 20 = 180$$

$$180 = 9$$

المتباينات - حل المتباينات (الجمع والطرح)

٦-٣

Inequalities and Solving Inequalities By Adding and Subtracting

سوف تتعلم: حل مسائل تحتوي على عبارات مثل (أكبر من) أو (أصغر من) باستخدام المتباينات بالجمع والطرح.

نشاط :



عبّر عن كل موقف مما يلي بتعبير جبري مناسب :

أ يجب أن لا تزيد السرعة عن ١٢٠ كم / ساعة .

$$s \geq 120 \text{ كم}$$



ب العمر المسموح به لمشاهدة الفيلم أكبر من ١٨ عام .

$$s < 18$$



ج وزن حقيبة السفر يجب أن يكون أقل من أو يساوي ٢٣ كجم .

$$s \leq 23$$



د كل سلعة في المحل ثمنها أكبر من أو يساوي ٥ دنانير .

$$s \geq 5$$

المتباينات

تسمى الجملة الرياضية التي تشتمل على الرموز ($>$ ، $<$ ، \geq ، \leq)

(أكبر من ، أصغر من ، أكبر من أو يساوي ، أصغر من أو يساوي) **متباينة** .

فمثلاً :

جميعها متباينات $s < 5$ ، $s + 1 \geq 3$ ، $2s \leq 6$ ، $\frac{s}{4} > 5$

حل المتباينات :

تستطيع أن تستخدم ماتعلمته سابقاً في حل المعادلات لحل المتباينة $s - 5 < 3$ ، حيث s عدد صحيح .

$$s - 5 < 3$$

$$s - 5 + 5 < 3 + 5$$

$$s < 8$$

العملية العكسية للطرح هي الجمع

تُحل المتباينة بإيجاد جميع قيم المتغير التي تحقق المتباينة .

إذاً حل المتباينة هو كل عدد صحيح أكبر من ٨

العبارات والمفردات :

- متباينة
- Inequality
- حل متباينة
- Solving Inequality
- خاصية الجمع
- Property of Addition
- خاصية الطرح
- Property of Subtraction

معلومات مفيدة :

يستطيع مالك المنزل استخدام المتباينة لتحديد عدد الأمبيرات اللازمة لجهاز قبل أن يزيد الحمل الكهربائي على الدائرة.





ملاحظة :

العبارات التي تدل على المتباينات - أقل من ، أصغر من ($>$) - أكبر من أكثر من ($<$) - أقل من أو يساوي (\geq) - على الأكثر ، لا يزيد على (\leq) - أكبر من أو يساوي (\leq) - على الأقل ، لا يقل عن (\geq)

إليك المفاهيم الأساسية لخواص عمليتي الجمع والطرح في المتباينات .

إذا جمعت أو طرحت العدد نفسه من طرفي متباينة ، فإن العلاقة بين الطرفين لا تتغير

أمثلة	جبرياً
$3 + 8 < 3 + 12$ ، لذلك $8 < 12$ ، $4 - 8 < 4 - 12$	إذا كان $a < b$ ، فإن $a + ج < b + ج$ ، $a - ج < b - ج$
$5 + 10 > 5 + 7$ ، لذلك $10 > 7$ ، $2 - 10 > 2 - 7$	إذا كان $a > b$ ، فإن $a + ج > b + ج$ ، $a - ج > b - ج$
حيث أ ، ب ، ج أعداداً صحيحة	

تدرب (١)  

حل المتباينات التالية حيث المتغير يعبر عن عدد صحيح :

العملية العكسية
للجمع هي الطرح

٢ $س + ٥ < ٠$

$س + ٥ < ٠$
 $س < ٠ - ٥$
 $س < -٥$

١ $٣ > ٤ - أ$
العملية العكسية للطرح
هي الجمع

$٣ > ٤ - أ$
 $٣ + ٤ > ٤ - أ + ٤$
 $٧ > -أ$

إذا حل المتباينة هو كل عدد صحيح أصغر من ٧ ، إذا حل المتباينة هو كل عدد صحيح أكبر من -٥

تدرب (٢) 

حل المتباينات التالية حيث المتغير يعبر عن عدد صحيح :

٤ $ص - ٤ \leq ٧$

$ص - ٤ \leq ٧$
 $ص \leq ٧ + ٤$
 $ص \leq ١١$

٣ $٢ \geq ٩ + م$

$٢ \geq ٩ + م$
 $٢ - ٩ \geq ٩ + م - ٩$
 $-٧ \geq م$

حل المتباينة هو كل عدد صحيح أصغر من -٧ ، حل المتباينة هو كل عدد صحيح أكبر من أو يساوي ١١

فكر وناقش



لماذا قد تحتاج إلى متباينة بدلاً من معادلة للتعبير عن أحد المواقف؟ فسر إجابتك بمثال.

- اكتب موقفاً حياتياً يعبر عن المتباينة التالية: $l \geq 12$
عمر أليكس في السنة لا يزيد عن 12 سنة

تمرّن :

١ في المتباينات التالية : هل العدد المعطى هو أحد حلولها أم لا :

٣ **ب** $10 \leq 12 + a$

$10 < 12 + 3$
 $10 < 15$ عبارة صحيحة
نعم حل للمتباينة

٣- **أ** $8 < s + 2$

$8 < 3 + 2$
 $8 < 5$ عبارة خاطئة
ليس حل للمتباينة

٥ **د** $4 > 7 - e$

$4 > 7 - 5$
 $4 > 2$ عبارة خاطئة
ليس حل للمتباينة

٦- **ج** $2 \geq 4 - m$

$2 \geq 4 - 2$
 $2 \geq 2$ عبارة صحيحة
نعم حل للمتباينة

٢ حل المتباينة في كل مما يلي (حيث المتغير يعبر عن عدد صحيح):

ب $3 \leq 3 + a$

$3 \leq 3 + 0$
 $3 \leq 3$ صفر

أ $4 < 2 - s$

$4 < 2 - 2$
 $4 < 0$ صفر

حل المتباينة كل عدد صحيح أكبر من -2

د $20 \geq 6 - c$

$20 \geq 6 - 7$
 $20 \geq -1$

ج $26 \geq e$

حل المتباينة كل عدد صحيح أصغر من أو يساوي 26

ج $1 > 1 + w$

$1 > 1 + 0$
 $1 > 1$

$1 > 1 + 1$
 $1 > 2$

$1 > 2$

حل المتباينة كل عدد صحيح أصغر من -1

هـ - ق - ١٤ < ٠

قأ - ق - ١٤ + ١٤ < ١٤ + ٠
قأ < ١٤

حل المتباينة كل عدد صحيح أكبر من ١٤

و ل + ٢٢ ≤ ٤٥

ل + ٢٢ ≤ ٤٥ - ٢٢ - ٢٢
ل ≤ ٢٣ - ٢٢

ل ≤ ١

حل المتباينة كل عدد صحيح أكبر من أو يساوي -٧

ز ٥ + ب ≥ ١ ← ب + ٥ ≥ ١

ب + ٥ - ٥ ≥ ١ - ٥

ب ≥ ١ - ٥

ب ≥ -٤

حل المتباينة كل عدد صحيح أصغر من أو يساوي -٤

ح ص - ١٨ > ٨

ص - ١٨ > ٨ + ١٨

ص > ٢٦

حل المتباينة كل عدد صحيح أصغر من ٢٦

ص < ٢٦

٣ اكتب متباينة تمثل كل موقف مما يلي :

أ قالت نوال سوف أنفق خلال الرحلة ٢٠ دينار على الأكثر .

س ≤ ٢٠

ب لمساعدة السكان النازحين من الفيضانات قررت مجموعة من المتطوعين تأمين

١٦٠ غطاء على الأقل .

س ≤ ١٦٠

٤ اكتب متباينة تعبر عن الموقف التالي ثم حلها :

تسع قاعة احتفال مدرسية لـ ٤٠٠ مقعد على الأكثر ، في عرض لإحدى المسابقات المدرسية كان عدد الحضور من الصف السابع ٩٨ متعلماً ، فكم عدد المتعلمين الذين قد يمكنهم حضور المسابقات من بقية صفوف المدرسة ؟

س + ٩٨ ≥ ٤٠٠

س + ٩٨ - ٩٨ ≥ ٤٠٠ - ٩٨

س ≥ ٣٠٢

عدد المتعلمين الذين قد يمكنهم حضور المسابقات

أصغر من أو يساوي ٣٠٢

مراجعة الوحدة الثالثة

Revision Unit Three

٧-٣

١ أ رتب الأعداد التالية تصاعدياً :

١٦ ، ١٠⁻ ، ١٢ ، ٠

$$16 < 10^- < 12 < 0$$

ب رتب الأعداد التالية تنازلياً :

٣⁻ ، ٨⁻ ، ٩ ، ١١⁻ ، ٢٥

$$11^- < 8^- < 3^- < 9 < 25$$

٢ أوجد ناتج مايلي :

ب $(6^-) - 9$

$$6^+ + 9$$

$$15 =$$

أ $(6^-) + (4^-)$

$$1^- - =$$

د $18^- + 9^+ + 2^-$

$$9^+ + (18^- + 2^-)$$

$$11^- = 9 + 2^-$$

ج $(15^-) - 3^-$

$$15^+ + 3^-$$

$$12^+ =$$

و $3 \div 48^-$

$$16^- =$$

ف $25 + 42^-$

$$17^- =$$

ح $9^- \div 72^-$

$$1^+$$

ز $(14^-) \times 5^-$

$$7^+$$

ي $23 + 15 + 23^-$

$$15 + (23 + 23^-)$$

$$15 = 15 + 0$$

ط $15 \times 3^-$

$$45^- =$$

٣ حل المعادلات التالية :

١ $5س + 12 = 27$

$5س + 12 - 12 = 27 - 12$

$5س = 15$
 $س = 3$

٢ $3س - 7 = 8$

$3س - 7 + 7 = 8 + 7$

$3س = 15$
 $س = 5$

٣ $4 = 16 + \frac{س}{9}$

$4 - 16 = 16 + \frac{س}{9} - 16$

$-12 = \frac{س}{9}$
 $س = -108$

٤ $38 = 45 - \frac{س}{12}$

$38 - 45 = 45 - \frac{س}{12} - 45$

$-7 = -\frac{س}{12}$
 $س = 84$

٤ حل المتباينات التالية : حيث س تعبر عن عدد صحيح :

أ $24 + س < ٨$ ← $س + ٤ < ٨$ ← $٨ - ٤ < ٨ - ٤$

س $٣٢ < ٣٢$

حل المتباينة من الأعداد الصحيحة الأخرى - ٣٢

ب س $٢٥ \geq ١٩$

س $١٩ + ٢٥ \geq ١٩ + ١٩$

س $٤٤ \geq ٤٤$

حل المتباينة من الأعداد الصحيحة الأصغر من أو يساوي ٤٤

٥ في عام ٢٠١٥ م وصلت درجة الحرارة في مدينة الكويت إلى ٢^- سيليزية ليلاً ،

ثم ارتفعت ١٥° سيليزية نهاراً . فكم أصبحت درجة الحرارة ؟

درجة الحرارة = $١٥ + ٢ = ١٣^\circ$

KuwaitMath.com

اختبار الوحدة الثالثة

أولاً: في البنود (١ - ٤) ظلّل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلّل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة .

١	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	عبارة الطرح الممثلة على خط الأعداد هي $1^- = 3 - 2$
٢	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	$2 = 5^- \div 10^-$
٣	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	حل المتباينة $3 > 6$ هو كل عدد صحيح أصغر من ٣ حيث س عدد صحيح
٤	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	إذا كانت $\frac{س}{5} = 20$ فإن $س = 4$

ثانياً: لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلّل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

- ٥ $(9^-) + (4^-) = 13^+$ 5^+ 5^- 13^-
- ٦ في أحد الأيام سجلت درجة الحرارة في تركيا 2^- سيليزية نهاراً وانخفضت أثناء الليل 5^+ سيليزية فإن درجة الحرارة الجديدة هي : $7^- = 5^- - 2^-$
- 7^- سيليزية 3^- سيليزية 3^+ سيليزية 7^+ سيليزية
- ٧ الأعداد المرتبة تصاعدياً فيما يلي هي :
- $0, 4, 1, 3^-$ $7, 0, 3^-, 5^-$ $0, 4, 1, 3^-$ $0, 3^-, 4, 5^-$
- ٨ المتباينة التي تعبر جبرياً عن (أقصى شدة للتيار الكهربائي ١٢٠ أمبيراً) هي : $س \geq 120$
- $س > 120$ $س \geq 120$ $س < 120$ $س \leq 120$
- ٩ إذا كان $2س + 8 = 12^-$ فإن $س =$
- ٢ ١٠ ١٠ ٢
- ١٠ الأعداد الصحيحة الواقعة بين العددين $2, 2^-$ هي : $\{1, 0, 1^-, 2^-\}$
- $1, 1^-$ $1, 0, 1^-, 2^-$ $1, 0, 1^-$ $2, 1, 0, 1^-$