

الأعداد الكلية والأعداد العشرية

Whole And Decimal Numbers

الوحدة الأولى



النظام الشمسي أو المجموعة الشمسية :

هو النظام الكوكبي الذي يتكون من الشمس وجميع ما يدور حولها من أجرام بما في ذلك الأرض والكواكب الأخرى ، يشمل النظام الشمسي أجرامًا أصغر حجمًا هي: الكواكب والكويكبات ، والنيازك والمذنبات ، إضافة إلى سحابة رقيقة من الغاز والغبار تعرف بالوسط بين الكويكبي ، كما توجد توابع الكواكب التي تسمى الأقمار .

تمثل هذه الصورة مجموعة كواكب المنظومة الشمسية ، وتتألف هذه المجموعة من العناصر التالية :

الشمس ، عطارد ، الزهرة ، الأرض ، المريخ ، المشتري ، زحل ، أورانوس ونبتون ، ويمكننا أن نختصرها إلى :
مجموعة المنظومة الشمسية هي : الشمس ، عطارد ، الزهرة ، الأرض ، المريخ ، المشتري ، زحل ، أورانوس ، نبتون .

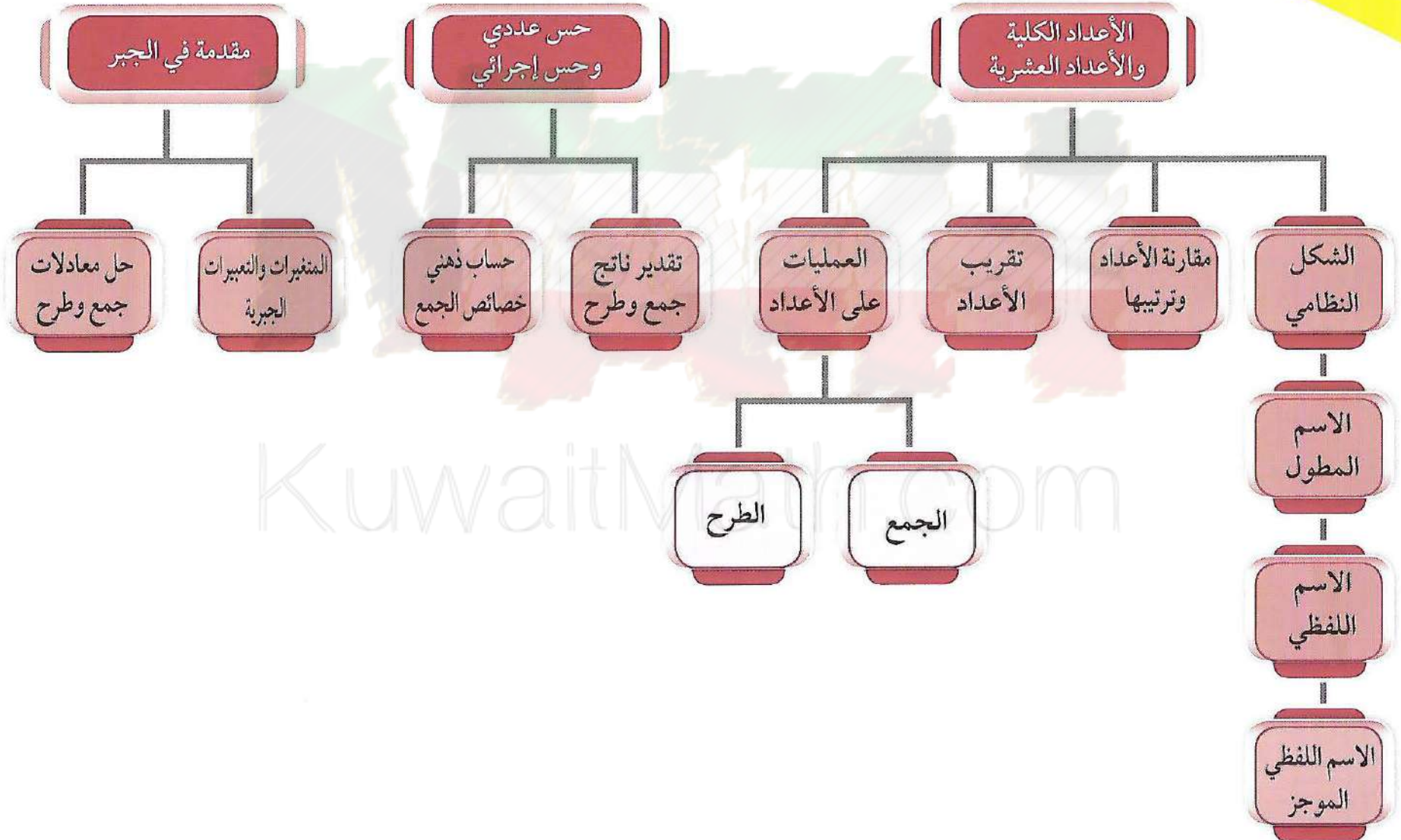
مشروع الوحدة : (كوكب الأرض)

اصنع لوحة جدارية بمشاركة أفراد مجموعتك توضح من خلالها لماذا كوكب الأرض الأفضل للحياة .

MidNight
Math 798

مع تحيات قناة MidNight-7-Math
https://telegram.me/MidNight_7_Math

مخطط تنظيمي للوحدة الأولى



الحس العددي والهندسة (مراجعة) Number Sense and Geometry (Revision)

١-١

أولاً : الحس العددي

١ نبتون هو أبعد كواكب المجموعة الشمسية عن الشمس ويبلغ متوسط بعده عن الشمس ٤,٤٩٨,٢٥٢,٩٠٠ كم .

أ اقرأ رمز العدد في العبارة السابقة .

ب أكمل وضع أرقام العدد السابق في مكانها الصحيح على لوحة القيمة المكانية:

المليارات			الملايين			الآلاف			الوحدات		
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد
					٩	٨					٢

تذكر أن :

- كل رقم في رمز العدد له قيمة مكانية .
- تعرفك المنزلة العددية القيمة التي يمثلها الرقم .

٢ أكمل الجدول التالي باستخدام القيمة المكانية للرقم الذي تحته خط :

الشكل النظامي	الاسم اللفظي الموجز	العدد
٢ ---	٢ آلاف	٢ ٥٠٢ ٨٥٢
١ --- ---	١ مليون	٣١ ٩٨٤ ١٥٠
٤ --- --- ---	٤ مليار	٤٠٦١ ٤٠٥ ٢١٢

٣ اكتب كلاً مما يلي بالشكل النظامي :

أ اثنان وأربعون مليوناً وخمسة آلاف .

٢٤٥٠٠٠

ب $9000000000 + 4000000000 + 1000000000 + 500000000 + 200000000 + 70000000 + 3000000$

٩-٤١٥٠٤٧٠٠٠٠٠٠٠٠

ج ٥ مليارات و ٩٠٣ مليون و ٢٢٣ ألفاً .

٥ ٩٠٣ ٢٢٣٠٠٠

تذكر أن :

- عند كتابة رمز العدد فإننا نضع صفراً لحفظ المنزلة التي ليس لها قيمة .

الكوكب	متوسط البعد عن الشمس بالكيلو متر
الأرض	١٤٩,٥٩٨,٠٠٠
المشتري	٢٢٧,٩٣٧,٠٠٠
عطارد	٥٧,٩٠٩,٠٠٠
الزهرة	١٠٨,٢٠٩,٠٠٠

٤ أمامك جدول يوضح متوسط بُعد بعض الكواكب عن الشمس بالكيلومتر.

رتب الكواكب الموضحة حسب بعدها عن الشمس تنازلياً.

المشتري / الأرض / الزهرة / عطارد

٥ تؤثر زاوية ميل محور دوران أي كوكب حول الشمس على ظهور ظاهرة الفصول الأربعة عليه ، من خلال الجدول التالي أجب عما يلي :

الكوكب	عطارد	الزهرة	الأرض	المريخ	المشتري	زحل	أورانوس	نبتون
زاوية ميل محور الدوران بالدرجات	٠,٠١	١٧٧,٤	٢٣,٤	٢٥,٢٨	٣,١٧٢	٢٦,٧	٩٧,٨	٢٨,٣٦

أ قارن بين زاوية ميل محور دوران كوكب الزهرة و كوكب المشتري.

تذكر أن:
عند جمع أو طرح عددين عشريين يجب مساواة المنزلات العشرية.

ب رتب كلاً من الكواكب التالية تصاعدياً حسب زاوية ميل محور كل منها.
الأرض ، أورانوس ، عطارد ، المريخ .

عطارد / الأرض / المريخ / أورانوس

ج قَرِّب زاوية ميل محور دوران كوكب المشتري إلى: ١٧٢ و ٣

أقرب جزء من عشرة ٣ و ٢

أقرب جزء من مائة ٣ و ١٧

أقرب عدد صحيح ٣

٦ أوجد ناتج ما يلي :

١٠ × ١٠ × ١٠ ×
٠,٦ ÷ ٤٢,٧٨
= ٦ ÷ ٤٢٧

٢,٣ × ٤,٨

١١ - ٤ =

٧١٦٣
١٤٢٧٨
٤٢
- ٧٠
٦
١٨
١٨

٤٨ ×
٢٣

١٤٤
٩٦٠

١١٠٤

$$60,340 - 94,536 = 29,196 =$$

$$\begin{array}{r} 225 \\ 2 \\ \hline 450 \\ 450 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$45 \div 225 =$$

ثانياً: الهندسة

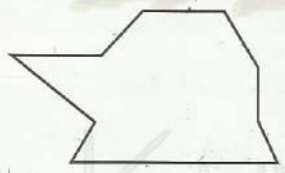
١ اذكر اسم كل مضلع و اذكر عدد أضلاعه وزواياه.



الاسم مضلع قائم
عدد الأضلاع ٣
عدد الزوايا ٣

الاسم سباعي منتظم
عدد الأضلاع ٧
عدد الزوايا ٧

الاسم مستطيل
عدد الأضلاع ٤
عدد الزوايا ٤

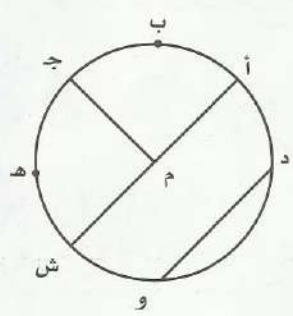


الاسم سباعي غير منتظم
عدد الأضلاع ٧
عدد الزوايا ٧

الاسم مضلع ثمانية
عدد الأضلاع ٨
عدد الزوايا ٨

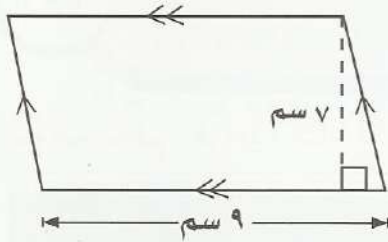
الاسم سباعي غير منتظم
عدد الأضلاع ٧
عدد الزوايا ٧

٢ في الشكل: دائرة مركزها (م) أوجد كلاً مما يلي:



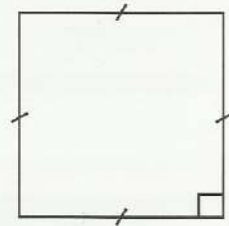
- قطر أش
- نصف قطر أم كم ج ك م ش
- وتر دو
- قوس دائري دو

٣ أوجد مساحة كل مما يلي :



المساحة = ق × ع

م = ٧ × ٩ = ٦٣ سم^٢



المساحة = ق × ق

٩ = ٣ × ٣

تذكر أن :

مساحة منطقة متوازي الأضلاع

= طول القاعدة × الارتفاع

= ق × ع

٤ مستطيل مساحته ٣٠ سم^٢ وعرضه ٥ سم أوجد طوله ، ثم أحسب محيطه :

طوله = ؟ - المساحة = العرض

الطول = ٣٠ ÷ ٥ = ٦ سم

محيط المستطيل = (الطول + العرض)

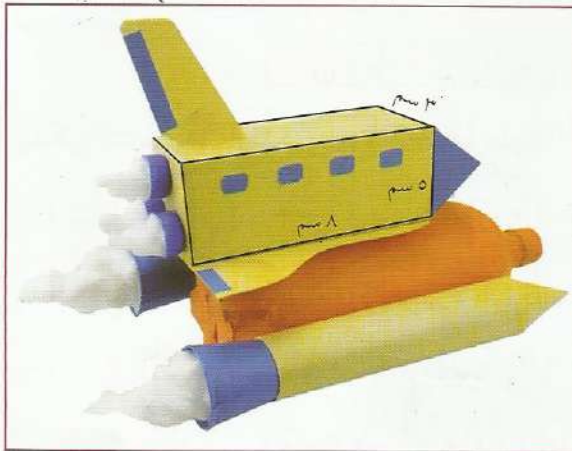
= (٦ + ٥) × ٢ = ٢٢ سم

٥ قامت مريم بعمل مجسم لسفينة فضاء مستخدمة بعض المجسمات التي تعلمتها في مادة الرياضيات ، كما هو مبين في الشكل .

١ اذكر بعض المجسمات التي استخدمتها مريم في نموذجها .

المخروط - الاسطوانة - شبه المكعب - الكروي

٢ أحسب حجم شبه المكعب المحدد بالشكل .



حجم شبه المكعب = ق × ق × ع

١٢٠ سم^٣ = ٨ × ٥ × ٣

نشاط (٢) :

نستخدم نفس نظام القيمة المكانية للأعداد الأكبر من التريليون .
ابحث في الإنترنت عن طريقة قراءة الأعداد المكونة من ٢٠ منزلة و ٣٦ منزلة .

فكر وناقش

قالت إسراء:

يمكنني أن أعطيك عدداً أكبر منه :
وهو مئة تريليون وواحد .

قالت لولوة :

أعتقد أن مئة تريليون
هو أكبر عدد .

اكتب ثلاثة أعداد أكبر من العدد الذي ذكرته إسراء ؟

هناك عدد غير منتهٍ من الأعداد الكلية .

تدرب (١) :

الترليونات			المليارات			الملايين			الآلاف			الوحدات		
مئات	عشرات	أحاد	مئات	عشرات	أحاد	مئات	عشرات	أحاد	مئات	عشرات	أحاد	مئات	عشرات	أحاد
		٩			٨			٥			٧			٣

من خلال لوحة القيمة المكانية المبيّنة أمامك . اكتب رمز العدد :

الشكل النظامي ٩ ٨ ٥ ٧ ٣

الاسم اللفظي الموجز ٩ تريليون و ٨ مليار و ٥ مليون و ٧ ألف و ٣

تدرب (٢) :

١ اكتب رمز كلٍّ مما يلي بالشكل النظامي :

٤٢ ٠٠٧ ٠٠٠

٢ اثنان وأربعون مليوناً وسبعة آلاف

٣ ٨ تريليونات

٤ اكتب الاسم المطول لكلٍّ من الأعداد التالية :

٥ ٤٠٥ ٣٧٥ + ٥ + ٧ + ٣ + ٥ + ٤

٦ ١٨٠٠٩٠٠٢٠٠٠٠٠ + ٢ + ٩ + ٨

٤ أكمل ما يأتي :

أ $45 \dots = 45 \text{ ألفاً}$

ب $23 \dots = 23 \text{ مليون}$

ج $6 \dots = 6 \text{ تريليونات}$

د $1 \dots = 1 \text{ تريليون}$ مليون

هـ $1 \dots = 1 \text{ تريليون}$ مليار

٥ اكتب رمز عدد مكوناً من ٩ منازل ويتضمن الرقم ٥ في منزلة مئات الألوف .

٣٤٢٠٥١٦٨٧

٦ اكتب الأعداد الواردة في كل مما يلي بالاسم اللفظي الموجز :

٧ العلماء يمكنهم رؤية أكثر من $100,000,000,000$ مجرة في الكون .

١٠ مليار مجرة

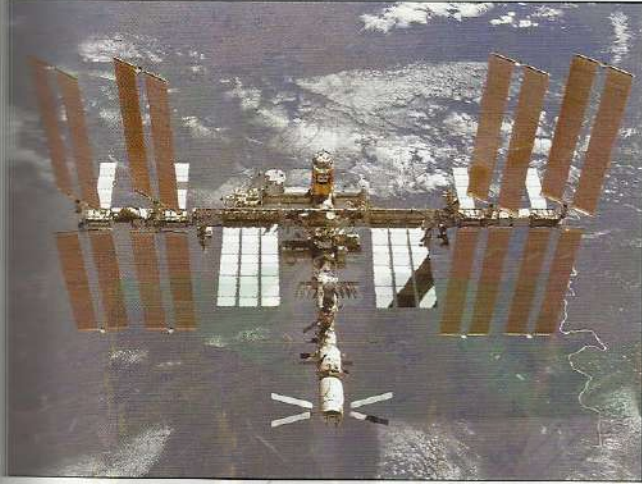
٨ متوسط المسافة بين الشمس وكوكب نبتون هو $4,498,000,000$ كم تقريبا .

٤ مليار و ٤٩٨ مليون

قراءة وكتابة الأعداد العشرية Reading and Writing Decimal Numbers

٣-١

سوف تتعلم : قراءة وكتابة الأعداد العشرية ، وكيفية تمثيلها باستخدام شبكات الخطوط

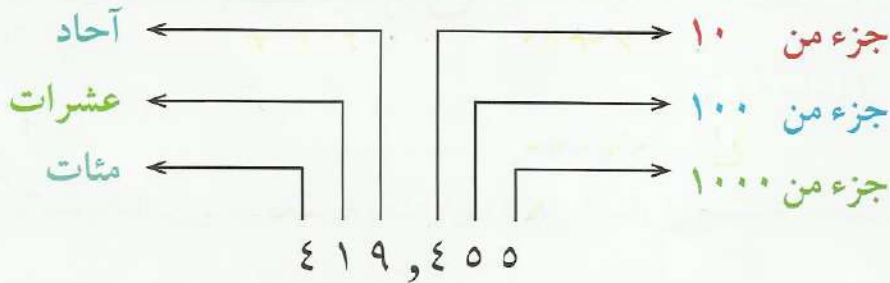


ISS هي محطة فضائية دولية تدور على ارتفاع ٣٩٠ كيلومترًا فوق سطح كوكب الأرض ، وتبلغ كتلتها ٤١٩,٤٥٥ كيلوجرامًا أبعادها ١٠٨,٥ مترًا، ٧٢,٩ مترًا.

لاحظ :

تمثيل العدد الدال على كتلة محطة **ISS** على لوحة القيمة المكانية .

جزء من عشرة آلاف	جزء من ألف	جزء من مائة	جزء من عشرة	و	آحاد	عشرات	مئات	آلاف
٥	٥	٤	٥	و	٩	١	٤	



تدرب (١) :

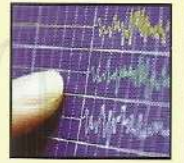
مثل أبعاد محطة الفضاء الدولية على لوحة القيمة المكانية .

العبارات والمفردات :

القيمة المكانية
Place Value

معلومات مفيدة :

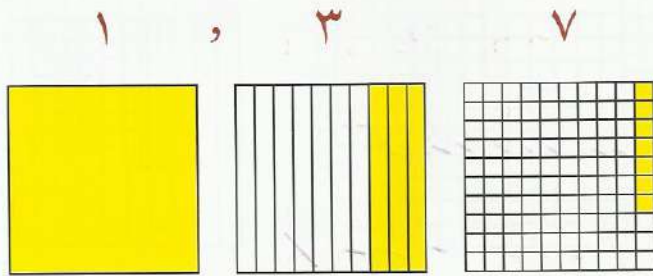
يستخدم علماء الزلازل الأعداد العشرية لوصف كمية الطاقة الناتجة عن الزلزال وتؤخذ القياسات من مرسمة الزلزال وترجم إلى كمية الطاقة .



اللوازم :

شبكات

يمكن تمثيل عدد عشري باستخدام الشبكات كما في العدد ١,٣٧



١

$$٠,٣ = \frac{٣}{١٠}$$

$$٠,٠٧ = \frac{٧}{١٠٠}$$

تدريب (٢) : محترم (٥)

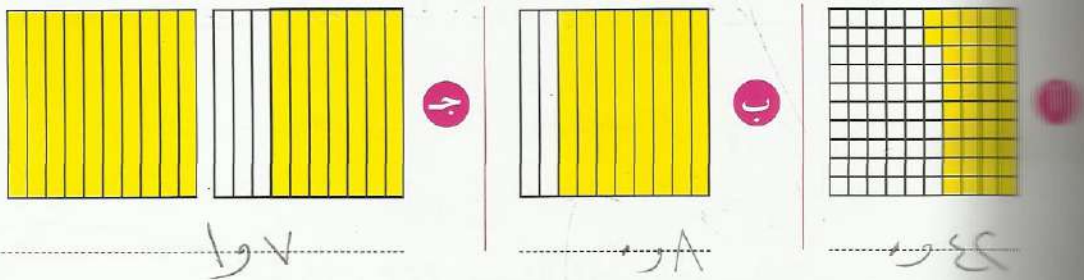
اكتب القيمة المكانية للرقم الذي تحته خط :

<p>١ ٠,٧٢ # ٦,٣٢٥ ب</p>	<p>٢ ٢٣,١٧٥ # ٥٤٨,٦٧ د</p>
-------------------------------------	--

KuwaitMath.com

تدريب (٣) : محترم (١)

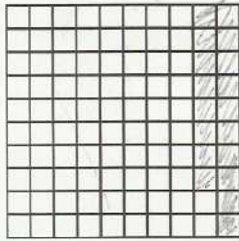
اكتب العدد العشري الذي يمثل الجزء الملون في كل شبكة مما يلي :



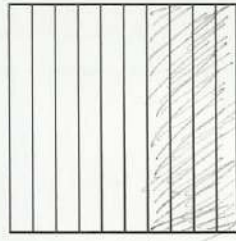
واحد

تدريب (٤)

ظلّل على الشبكة ما يمثله كل من الأعداد العشرية التالية :



٠,١٨



٠,٤

تدريب (٥)

أ) اكتب الاسم اللفظي لكلاً مما يلي:

٤,٧٥ أربع مئتين وسبعة وسبعون ومائة

١٦,٠٩ ستة عشر مئتين وستة وأربعون ومائة

ب) اكتب كلاً مما يلي بالشكل النظامي:

اثنتان صحيح وخمسة أجزاء من عشرة.

٥ و ٢

سبعة صحيح وثلاثة عشر جزءاً من ألف.

١٣ و ٧

ج) اكتب كلاً مما يلي بالاسم المطول:

٣,١٥ = ٣ + ١٠٠ + ٥ + ١٠

٤٣,٠٦٧ = ٤٠ + ٣ + ٦ + ٧ + ١٠٠ + ١٠٠٠

لاحظ أن:

جميع القيم العددية
الأصغر من
الواحد تبدأ بكلمة
(جزء).

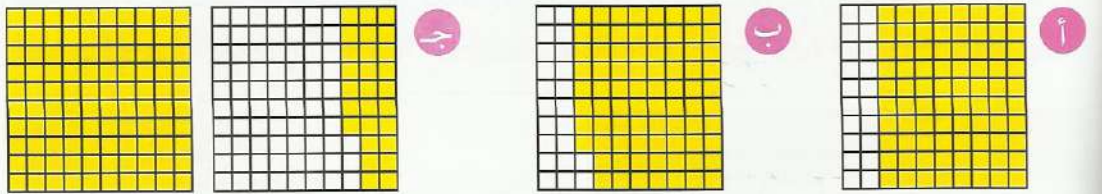
جزء من عشرة = $\frac{1}{10}$

جزء من مائة = $\frac{1}{100}$

جزء من ألف = $\frac{1}{1000}$
وهكذا...

تمرّن :

١ اكتب العدد العشري الذي يمثل الأجزاء الملونة من الشبكات التالية ؟



..... ٠.٠٤ و ٠.٠١ ٠.٧٨ و ٠.٨ ٠.٨ و ٠.٨

٢ اكتب القيمة المكانية للرقم الذي تحته خط في كل عدد مما يلي :

..... ٠,٤٨ ← ٤ ٨,٤١٦ ← ١ ١٣٥,٦٤٥ ← ٥ ٣٢٩,٦٨ ← ٣

٣ اكتب كل مما يلي بالشكل النظامي :

١ خمسة صحيح وأربعة أجزاء من مائة .

..... ٥ و ٠

٢ سبعة وثلاثون صحيح وسبعة عشر جزءاً من ألف .

..... ٣٧ و ٠١٧

٤ اكتب الاسم المطول والاسم اللفظي لكل عدد مما يلي :

١,١٥

..... الإسم المطول ١ + ٠١ + ٠٥

..... الإسم اللفظي واحد صحيح و خمسة عشر جزء من مائة

٢٦,٢٤

..... الإسم المطول ٢ + ٠٦ + ٠٢ + ٠٤

..... الإسم اللفظي ستة وعشرون صحيح و أربعة عشر جزء من مائة

٥ كتبت مدة دوران كوكب عطارد حول الشمس ٩٦٩ د ٨٧ يوم . أصغر مختصر

اكتب العدد السابق بالصورة اللفظية .

..... ثمانية وعشرون و تسعة و تسعون و تسعون جزء من ألف

مقارنة الأعداد الكلية والعشرية وترتيبها

Comparing and Ordering whole and Decimal Numbers

٤ - ١

سوف تتعلم : استخدام القيمة المكانية لمقارنة الأعداد الكلية والأعداد العشرية وترتيبها.

أطوال أقطار أربعة من أكثر النجوم لمعاناً	الاسم	القطر (بالكم)
الشمس	١,٤٠٠,٠٠٠	
الشعري اليمانية	٢,٥٠٢,٨٥٢	
سهيل	٤١,٧١٤,٥٧٥	
الظلمان	١,٦٦٨,٦٢٢	

نشاط :



باستخدام الجدول المقابل :

١ قارن بين طولي قطري نجم الشمس

ونجم الظلمان باتباع الخطوات التالية :

١ قم بعدد المنزلات في كل عدد :

١ ٤٠٠ ٠٠٠ عدد المنزلات هو

١ ٦٦٨ ٦٢٢ عدد المنزلات هو

٢ ابدأ المقارنة من اليسار وقارن بين الرقمين الواقعين في المنزلة نفسها : $٦ > ٤$

١ ٦٦٨ ٦٢٢ ، ١ ٤٠٠ ٠٠٠

إذاً $١٦٦٨٦٢٢ > ١٤٠٠٠٠٠$

٢ رتب أطوال أقطار النجوم الواردة في الجدول السابق ترتيباً تصاعدياً :

١,٦٦٨ ٦٢٢ ، ١,٤٠٠ ٠٠٠ ، ٢,٥٠٢ ٨٥٢ ، ٤١,٧١٤ ٥٧٥

اللوازم :

خط الأعداد

تذكر أن :

رمز < يعني أكبر من

رمز > يعني أصغر من

الحساب الذهني :

في الأعداد الكلية

رمز العدد الذي يتألف

من عدد من المنزلات

أكثر من غيره ، هو

العدد الأكبر

هذا لا ينطبق على

الأعداد العشرية فمثلاً

٠,٦٥ عدد عشري

يتألف من منزلتين

عشرتين ، ٠,٢٥٧

عدد عشري يتألف من

٣ منازل عشرية ولكن

٠,٢٥٧ أكبر من

فكر وناقش




للمقارنة بين الأعداد أيهما أسهل عندما تكتب بالشكل النظامي أم عندما

تكتب بالصورة اللفظية ؟ ولماذا ؟

مقارنة الأعداد العشرية

الأعداد العشرية تكون سهلة في المقارنة عندما يكون لها العدد نفسه من المنزلات التي تسبق الفاصلة العشرية (من جهة اليمين)، وإضافة أصفار من جهة اليمين للعدد العشري تساعدك في تحقيق ذلك.

تدرب (١)  : حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك  حرك

قارن بين:

(لهما العدد نفسه من المنزلات العشرية)

٠,٠٩ ، ٠,٠٤

$$٠,٠٩ > ٠,٠٤$$

بما أن ٩ > ٤

$$٠,٠٩ > ٠,٠٤$$

٠,١٧ ، ٠,٥

$$٠,١٧ < ٠,٥٠$$

بما أن ١ < ٥

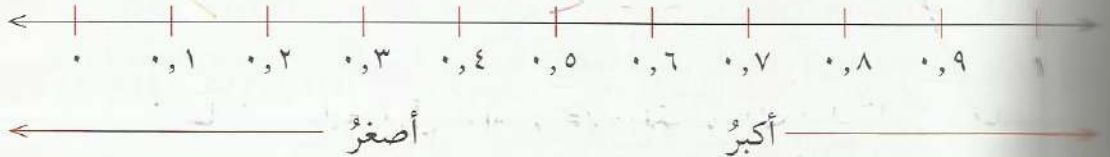
$$٠,١٧ < ٠,٥٠$$




(أضف صفراً على يمين العدد العشري ٠,٥)

تذكر أن:

$$٠,٨٠٠ = ٠,٨٠ = ٠,٨$$

يُمكنك استخدام خط الأعداد لترتيب الأعداد العشرية، وقد يكون أسرع في الترتيب من إضافة الأصفار.

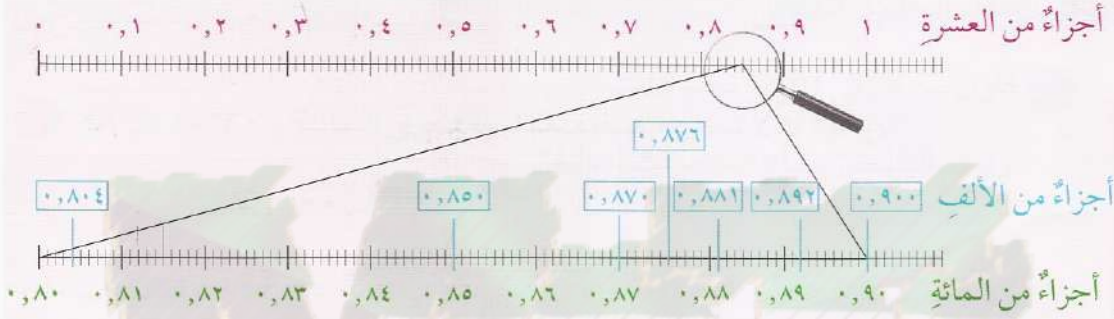


تدريب (٢) :  حركه  > < $=$ حركه 

رتب الأعداد العشرية التالية ترتيباً تصاعدياً :

٠,٨٧٦ ، ٠,٨٥٠ ، ٠,٨٧٠ ، ٠,٨٩٢ ، ٠,٨٠٤ ، ٠,٨٨٢ ، ٠,٩٠٠

يمكن تقسيم المسافة من ٠ إلى ١ على خط الأعداد إلى أجزاء من عشرة ، وأجزاء من مائة ، وأجزاء من ألف (إذا لزم الأمر) ، وعندئذٍ تستطيع أن تمثل كل كسرٍ عشريٍّ على خط الأعداد .



الترتيب تصاعدياً هو :

٠,٨٠٤ ، ٠,٨٥٠ ، ٠,٨٧٠ ، ٠,٨٧٦ ، ٠,٨٨١ ، ٠,٨٩٢ ، ٠,٩٠٠

فكر وناقش

إذا كانت ٣٥ أكبر من ٤ فلماذا ٤٠ أكبر من ٣٥ ؟

تمرّن :

١ قارن بين كل عددين بوضع < أو > أو = لتحصل على عبارة صحيحة :

٩٠١ > ٩٠٠ مئتان	١٥٨ < ١٨٥	٢٧٧ > ٣١
٧,٣٢٠ = ٧,٣٢٠ و	١٠٠٠ مليار = ١ تريليون	٤٤٨,١٩١ < ٤٤٨,١١٩
٠,١٨٧ < ٠,١٩٣ ط	٥٢,١٦٥ > ٥٢,١٢٥	٠,٢ < ١,٩٩٩ ز

٢ اذكر عددين يقعان بين ٢,٠٠٦ ، ٢,٠٠٩

٢,٠٠٧ و ٢,٠٠٨

٣ رتب مجموعات الأعداد التالية ترتيباً تنازلياً:

أ ٢٠,٢٠٠ ، ٢٢,٠٠٠ ، ٢,٠٠٢

٢٠٠٠٠ / ٢٠٠٠٠ / ٢٠٠٠٠

ب ١٠ مئات ، ١ تريليون ، ١٠ ملايين

١ تريليون < ١٠ ملايين < ١٠ مئات

ج ٢٠ مليوناً ، ٥٠٠ ألف ، مليار

بليارد / ٥٠٠ مليون / ٥٠٠ ألف

د ٠,٥٣٠ ، ٠,٩٣٤ ، ٠,٥٣٨

٩٣٤ / ٥٣٨ / ٥٣٠

هـ ٢٧,٩٤٥ ، ٢٧ ، ٢٧,٩٤٨ ، ٢٧,٩٣٩

٢٧,٩٤٨ / ٢٧,٩٤٥ / ٢٧,٩٣٩ / ٢٧

٤ يُبين الجدول التالي أزمنة المتسابقين

في أحد سباقات السباحة. حدّد من جاء ترتيبه: الأول، والثاني والثالث؟

اسم المتسابق	الزمن (بالثانية)
صلاح	٣٢,٠١
محمد	٣١,٨٤
بدر	٣١,٩٢

الأول / محمد

الثاني / بدر

الثالث / صلاح

٥ خلال ١٩ عاماً تقريباً، قطعت سفينة الفضاء فوياجير ١ مسافة ١١,٠٠٥,٠٠٠,٠٠٠ كم،

وقطعت سفينة الفضاء فوياجير ٢ مسافة ١٠,٠٤٢,٠٠٠,٠٠٠ كم.

أي من السفينتين قطعت مسافة أبعد من الأخرى؟

١٠,٠٤٢,٠٠٠,٠٠٠ < ١١,٠٠٥,٠٠٠,٠٠٠

سفن الفضاء فوياجير ١ قطعت مسافة أبعد

تقريب الأعداد الكلية والعشرية Rounding Whole and Decimal Numbers

٥-١

سوف تتعلم : تقريب كل من الأعداد الكلية والأعداد العشرية باستخدام قواعد التقريب.

الكوكب	طول القطر (بالكم)	مدة دوران الكوكب حول الشمس
الزهرة	١٢ ٤٠٠	٢٢٤,٧٠١ يوم
الأرض	١٢ ٧٤٢	٣٦٥,٢٥٦ يوم
المشتري	١٣٩ ٧٦٠	١١, ٨٦٢ سنة
أورانوس	٥١ ٠٠٠	٨٤, ٠١٣ سنة

يبلغ طول قطر كوكب أورانوس ٥١ ٠٠٠ كم بينما يبلغ طول قطر أكبر كواكب المجموعة الشمسية وهو كوكب المشتري ١٣٩ ٧٦٠ كم.

ويدور كوكب الزهرة حول الشمس في مدة ٢٢٤,٧٠١ يوم بينما مدة دوران كوكب الأرض حول الشمس ٣٦٥,٢٥٦ يوم.

العبارات والمفردات:

تقريب Rounding

نشاط (١) :



أكمل الجدول التالي متبعًا خطوات التقريب الموضحة :

قرب العدد ٥١ ٠٠٠ إلى أقرب آحاد الألوف	الخطوات	قرب العدد ١٣٩ ٧٦٠ إلى أقرب عشرات الألوف
٥١ ٠٠٠	حدّد المنزلة المراد التقريب إليها	١٣٩ ٧٦٠
٥١ ٠٠٠	تأمّل الرقم الذي يقع على يمين المنزلة المحددة، إذا كان هذا الرقم ٥ أو أكبر، يُضاف ١ إلى رقم المنزلة المحددة، إذا كان هذا الرقم أصغر من ٥، يُترك رقم المنزلة المحددة كما هو. ثم غير الأرقام جهة اليمين إلى أصفار.	١٤ ٠ ٠٠٠

تذكّر أن:

الرمز = يعني: يساوي تقريبًا.

تدريب (١) :

في التاسع والعشرين من أغسطس عام ١٩٨٩ م عبرت سفينة فضاء مدار بلوتو وتركت المجموعة الشمسية وأصبحت على بعد $٣,٤١٣,٦٥٠,٠٠٠$ كم من الأرض .
قرب بُعد سفينة الفضاء عن الأرض إلى المنزلة العددية الموضحة .

- ١ مئآت الآلاف $٣,٤١٣,٦٥٠,٠٠٠$ كم
- ٢ عشرات الملايين $٣,٤١٣,٦٥٠,٠٠٠$ كم
- ٣ آحاد المليارات $٣,٤١٣,٦٥٠,٠٠٠$ كم

تقريب العدد العشري

تذكّر أن:

$٠,٨٠٠ = ٠,٨٠ = ٠,٨$

نشاط (٢) :

أكمل الجدول التالي متبعا خطوات التقريب الموضحة :

قرب العدد أقرب إلى $٢٤٤,٧٠١$ جزء من عشرة	الخطوات	قرب العدد إلى $٣٦٥,٢٥٦$ أقرب جزء من مائة
$٢٢٤,٧٠١$	حدّد المنزلة المراد التقريب إليها	$٣٦٥,٢٥٦$
$٢٢٤,٧٠١$	تأمّل الرقم الذي يقع على يمين المنزلة المحددة إذا كان هذا الرقم ٥ أو أكبر، يُضاف ١ إلى رقم المنزلة المحددة، وإذا كان هذا الرقم أصغر من ٥، يُترك رقم المنزلة المحددة كما هو . ثم احذف الأرقام الموجودة على يمين هذه المنزلة.	$٣٦٥,٢٥٦$

تدريب (٢) :

قرب إلى المنزلة المعطاة :

- ١ $٠,٨٤٦$ لأقرب جزء من عشرة \approx $٠,٨٥$
- ٢ $٧,٠٤٥$ لأقرب عدد صحيح \approx ٧
- ٣ $١٢,٠٣٩٥$ لأقرب جزء من ألف \approx $١٢,٠٤$

١٥ و ٣٢ / ١٥ و ٢٦

فكر وناقش



اكتب عددين مختلفين تحصل عند تقريبهما لأقرب جزء من عشرة على العدد ٣, ١٥

تمرّن :

١ اكتب الأعداد التالية مقربة إلى المنزلة المطلوبة :

العدد	التقريب	مئات المليارات	آحاد التريليونات
٣, ٨٠٥, ٠٠٠, ٠٠٦, ٠٠٠	٣, ٨٠٥, ٠٠٠, ٠٠٦, ٠٠٠	٣٨٥٠	٤
٧٩٠, ٨٢٤, ٠٠٣, ٢٠٣	٧٩٠, ٨٢٤, ٠٠٣, ٢٠٣	٨	١

٢ اكتب الأعداد التالية مقربة إلى المنزلة المطلوبة :

العدد	التقريب	أقرب عدد صحيح	أقرب جزء من عشرة	أقرب جزء من ألف
٢٣, ٤٥٧٢	٢٣, ٤٥٧٢	٢٣	٢٣, ٥	٢٣ و ٤٥٧
٠, ٦٢٣٥	٠, ٦٢٣٥	١	٠, ٦	٠, ٦٢٤
٧, ٨١٢٧	٧, ٨١٢٧	٨	٧ و ٨	٧ و ٨١٣

٣ قَرِّب كل عدد مما يلي للمنزلة التي تحتها خط :

أ $٣٣٩٤ \approx ٣٣٩٢١$

ب $٤٧ \approx ٢٦٨١$

ج $٠,٨ \approx ٠,٧٨٣$

د $٩٠٠ \approx ٨٩٠٣٥٢$

هـ $١ \approx ٩,٩٩٥$

و $١٧٥٥ \approx ١٧,٢٥٣$

ز $١٠٦٥ \approx ١٠,٦٥٠٥$

ح $١ \approx ٠,٩٦$

٤ عندما تصطف الكواكب (تُصْبِحُ في صفٍّ واحدٍ) ، تكون الأرض على بُعد $1,495,726,400$ كم تقريباً من الشمس ، ويصبح عطارد على بُعد $58,153,000$ كم تقريباً من الشمس .

أ اكتب بُعد الأرض عن الشمس (مقرباً لأقرب مليار) .

$1,495,726,400$ كم

ب اكتب بُعد عطارد عن الشمس (مقرباً لأقرب عشرات الملايين) .

$58,153,000$ كم

٥ قام كلٌّ من أحمدَ وجاسمَ بتقريب العدد 4682 ، قال أحمدُ إنه قرَّب العدد إلى منزلة ما فكبر العدد . وقال جاسم إنه قرَّب العدد إلى منزلة ما فصغر العدد . إلى أيّ منزلة قرَّب كلٌّ من أحمدَ وجاسمَ العدد ؟ فسِّر إجابتك .

أحمد قرَّب إلى منزلة (جِزْءِ مِائَةِ) (جِزْءِ مِائَةِ)
جاسم قرَّب إلى منزلة (الألف) (جِزْءِ مِائَةِ)

KuwaitMath.com

جمع الأعداد الكلية والعشرية وطرحها

Adding and Subtracting Whole and Decimals Numbers

٦-١

سوف تتعلم : جمع الأعداد الكلية والعشرية وطرحها .

نشاط (١) :



قطعت طائرة مروحية من بداية إقلاعها من سطح الأرض مسافة ٠,٦٧ كيلومتر ، ثم قطعت مسافة ٠,١٤ كيلومتر . أحسب المسافة الكلية التي قطعها الطائرة ؟

$$٠,٦٧ + ٠,١٤$$

- لوّن الأجزاء التي تُمثّل الكسر العشريّ الأوّل ٠,٦٧

- لوّن الأجزاء التي تُمثّل الكسر العشريّ الثاني ٠,١٤

- اكتب العدد الممثّل في الشبكة

- المسافة الكلية التي قطعها الطائرة كم .



تدرب (١) :



مثّل العمليات التالية على شبكة الأجزاء من مائة ، ثم أوجد الناتج :

ب $٠,٦٣ + ٠,٢$



أ $٠,٤٢ + ٠,٣٥$



د $٠,٠٧ + ٠,٨٥$



ج $٠,٧٧ + ٠,١٦$



اللوّازم :

- شبكة الأجزاء من مائة .
- أقلام تلوين خشبية .

معلومات مفيدة :

- يجمع الطيارون الأعداد العشرية لتحديد ارتفاعهم فوق سطح الأرض .



تذكر أن :

$$٨,٠ = ٨$$

نشاط (٢) :



أوجد ناتج $٠,٧٥ - ٠,٣٦$

- لوّن ما يُمثّل العدد الأوّل على الشبكة .

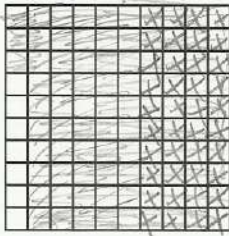
- احذف ما يُمثّل العدد الثاني من العدد الأوّل .

- اكتب العدد الذي يُمثّل الأجزاء الباقية على الشبكة .

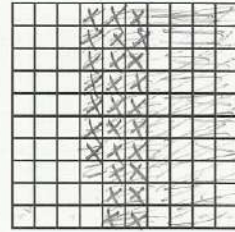


تدريب (٢) :

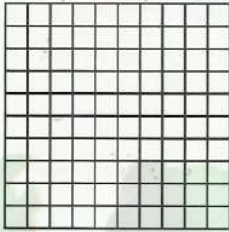
مثّل العمليات التالية على الشبكة ، ثم أوجد الناتج :



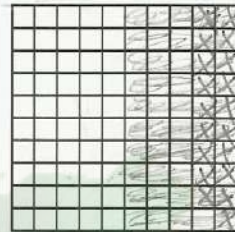
ب $0,93 - 0,40 =$



أ $0,68 - 0,27 =$



د $0,88 - 0,49 =$



ج $0,52 - 0,19 =$

ملاحظة :

عندما تُجري عملية الجمع ، تجمعُ الجزء من عشرة مع الجزء من عشرة وتجمعُ الجزء من مائة مع الجزء من مائة ، وهكذا ... لكي نفعل ذلك نضع الفواصل العشرية فوق بعضها في خط رأسي ، ثم نقوم بعملية الجمع كما لو كنا نجتمع الأعداد الكلية .

تذكر أن :

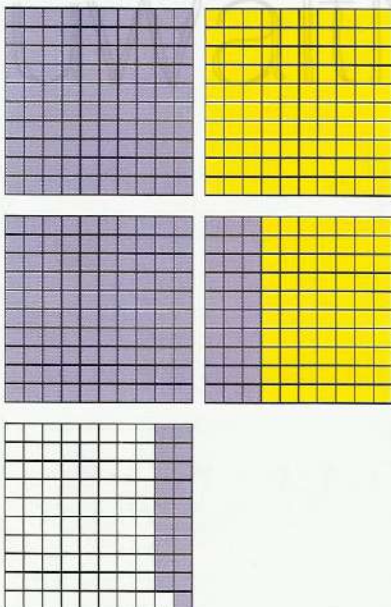
$0,30 = 0,3$ ، $0,300 = 0,3$ ، ...

تدريب (٣) :



اجمع $1,7$ ، $2,49$

ضع الفاصلة العشرية للعديدين في خط رأسي واحد .

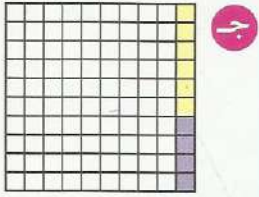
أضف أصفاراً إذا كان أحد العددين يحوي عدداً من منزلات يمين الفاصلة العشرية أكثر من العدد الآخر .



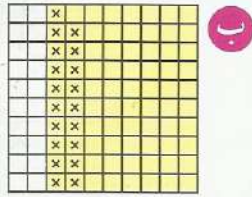
$$\begin{array}{r} 1,7 \\ + 2,49 \\ \hline 4,19 \end{array}$$

تدرب (٤)   :

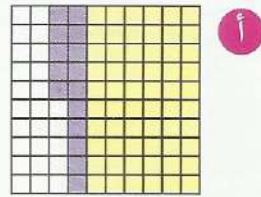
اكتب العبارة التي تمثل كل شبكة مما يلي :




ج $6 + 4 = 10$



ب $8 + 9 = 17$



أ $5 + 5 = 10$

تدرب (٥)  :

أطلقت وكالة فضاء دولية قمرين صناعيين للاتصالات ، فإذا كان وزن القمر الأول ١,٢٧ طن ووزن القمر الثاني ٢,٧٠٨ طن ، أوجد الفرق بين وزني القمرين .

الفرق بين وزني القمرين = $2,708 - 1,27 = 1,438$ طن

تمرّن :

أوجد الناتج :

٢ $8,2 + 0,2 = 8,4$

١ $3,56 + 8,75 = 12,31$

٤ $2,78 + 11,6 = 14,38$

٣ $3,2 - 1,2 = 2,0$

٦ $47,81 - 94,716 = -46,906$

٥ $4,902 + 3,06 = 7,962$

$$٧٥,٤٧٩ = ٠,٤٥٠ + ١,٠٢١ + ٧٤,٠٠٨ \quad ٨ \quad ٢٦,٤٦٦ = ٨,٥٢٠ - ٣٤,٩٨٢ \quad ٧$$

$$٧,٠٠٨ = ٠,٤٩٢ - ٧,٥٠١ \quad ١٠ \quad = ٧,٩٠٠ + ١٣,٠٠٠ + ١٢,٩٠٤ \quad ٩$$

$$٣٣,٨٠٤$$

$$٦,٧٥ = ٧,٠٠٠ - ١٣,٢٥٠ \quad ١٢ \quad ١٠٠٠ = ٢٧,٩٩ - ٣٨,٩٩ \quad ١١$$

١٣ الجدول المقابل يوضح مدة دوران مجموعة من كواكب المجموعة الشمسية حول الشمس بالأيام.

الكوكب	مدة الدوران حول الشمس بالأيام
عطارد	٨٧,٩٦٩
الزهرة	٢٢٤,٧٠١
الأرض	٣٦٥,٢٥٦

١١ ما زيادة مدة دوران كوكب الأرض عن مدة دوران كوكب الزهرة؟

$$٣٦٥,٢٥٦ - ٢٢٤,٧٠١ = ١٤٠,٥٥٥ \text{ يوم}$$

١٢ ما مجموع مدة دوران كلاً من الكوكبين عطارد والزهرة حول الشمس؟

$$٢٢٤,٧٠١ + ٨٧,٩٦٩ = ٣١٢,٦٧٠ \text{ يوم}$$

١٣ متوسط سرعة كوكب الزهرة يساوي ٣٥ كم / ث بينما متوسط سرعة كوكب زحل

$$٩,٧ \text{ كم / ث} . \text{ احسب الفرق بين متوسطي السرعتين.}$$

$$٣٥ - ٩,٧ = ٢٥,٣ \text{ كم / ث}$$

تقدير نواتج الجمع والطرح

Estimating Sums and Differences

٧-١

سوف تتعلم : تقدير نواتج المسائل التي تشمل عمليات الجمع والطرح عندما لا تكون في حاجة إلى إجابات دقيقة .

نشاط (١) :



معلومات مفيدة:

سلم المسافات الكونية هو طريقة ناجحة مكنت الفلكيين من تقدير مسافات الأجسام السماوية وقربها من الأرض .



يبلغ طول قطر كوكب نبتون ٤٩ ٥٢٨ كم ،

وطول قطر كوكب الزهرة ١٢ ١٠٤ كم ،

يمكننا تقدير الفرق بين طولي قطريهما كالتالي :

قدر الناتج باستخدام المنزلة ذات القيمة الأكبر .

اطرح مستخدماً المنزلة ذات القيمة الأكبر في العددين .

$$\leftarrow \boxed{30000} = 100000 - 40000$$

$$\begin{array}{r} 49\ 528 \\ - 12\ 104 \\ \hline \end{array}$$

$$\boxed{37\ 424}$$

قدر ناتج طرح الأعداد المكونة من بقية الأرقام .

$$\leftarrow \boxed{7000} = 20000 - 9000$$

أضف التقدير الأول إلى التقدير الثاني .

$$\leftarrow \boxed{47000} = 70000 - 30000$$

خطأ في كرتي

فيكون $\boxed{47000} \approx 12104 - 49528$

تدرب (١) :

قَدِّر ناتج $١٢١٠٤ - ٤٩٥٢٨$ باستخدام المنزلتين الأخيرتين :

$$\begin{array}{r|l} ٣٧٠٠٠ = ١٢٠٠٠ - ٤٩٠٠٠ & ٤٩٥٢٨ \\ ٤٠٠ = ١٠٠ - ٥٠٠ & ١٢١٠٤ \\ \hline ٣٧٤٠٠ = ٤٠٠ + ٣٧٠٠٠ & ٣٧٤٢٢ \end{array}$$

فيكون $٣٧٤٠٠ \approx ١٢١٠٤ - ٤٩٢٤٤$

تذكر أن :

- الرمز \approx يعني :

يُسَاوي تقريبًا.

- التقدير التقريبي

$$١٠٠٠ \leftarrow ٩٨٢$$

$$٥٠٠ \leftarrow ٥٣٩ - ٥٠٠$$

$$٥٠٠ \approx ٥٣٩ - ٩٨٢$$

تدرب (٢) :

قَدِّر ناتج $٩٨٢ + ٩٣٩$ مستخدمًا التقريب إلى المنزلة الكبرى .

$$\begin{array}{r|l} ١٠٠٠ \leftarrow ٩٨٢ \\ ٩٠٠ + \leftarrow ٩٣٩ + \\ \hline ١٩٠٠ \quad ١٩٢١ \end{array}$$

فيكون $١٩٠٠ \approx ٩٣٩ + ٩٨٢$

تدرب (٣) :

تس علماء الآثار أربع خطوات واسعة لآثار ديناصور ، قَدِّر مجموع أطوال الخطوات الأربع .



طول كل خطوة يساوي تقريباً ٤٠٠ سم

$$٤٠٠ + ٤٠٠ + ٤٠٠ + ٤٠٠ \approx \text{مجموع أطوال الخطوات الأربع}$$

$$٤٠٠ \times ٤ = ١٦٠٠$$

سار الديناصور حوالي ١٦٠٠ سم تقريبًا .

الحساب الذهني :

عند جمع أعداد

متساوية يُمكنك

استخدام عملية

الضرب للاختصار .

تقدير الناتج في الأعداد العشرية

نشاط (٢) :



أثناء التخفيضات الموسمية في مهرجان هلا فبراير في الكويت، شاهد يوسف لعبة لنموذج مركبة فضاء ثمنها ١٤,٩٥٠ دينار، ومجسماً للكرة الأرضية ثمنه ٤,٣٠ دينار، فإذا كان معه ٢٠ دينارًا، فهل يكفي هذا المبلغ لشراء اللعبة والمجسم؟

(١) قَرِّب كل عدد عشري إلى أقرب عدد كلي .

$$\left. \begin{array}{r} 14,950 \leftarrow 15 \\ 4,300 \leftarrow 4 \end{array} \right\}$$

(٢) اجمع .

$$\begin{array}{r} 19 \\ 19 \\ \hline 38 \end{array}$$

أي أن يوسف يملك مبلغًا كافيًا لشراء اللعبة والمجسم .

تدرب (٤) :

قَدِّر الناتج :

$$22,74 - 85,83$$

(١) قَرِّب كل عدد عشري إلى أقرب جزء من عشرة .

$$\left. \begin{array}{r} 85,83 \leftarrow 86 \\ 22,74 \leftarrow 23 \end{array} \right\}$$

(٢) اطرح .

$$\begin{array}{r} 86 \\ 23 \\ \hline 63 \end{array}$$

ملاحظة :

لتقدير أكثر دقة عليك أن تقرب الأعداد إلى منزلة أقل .

فكر وناقش



هل التقدير باستخدام المنزلة ذات القيمة الأكبر يجعلنا نحصل على الناتج نفسه عندما نقرب ثم نجري عملية الجمع؟ فسر إجابتك .

تمرین:

قسم جدا التقدير باستخدام أي منزلة

قدر ناتج كل مما يلي:

باستخدام منزلة الألفين ٤٥٥٩ - ٦٧٠٧ ٢

٢٠٠٠ = ٤٠٠٠ - ٦٠٠٠

١٠٠ = ٦٠٠ - ٥٠٠

٢١٠٠ = ١٠٠ + ٢٠٠٠

باستخدام لتقريب الألفين ٨٤٨ + ٧٧٣ ١

= ٨٠٠ + ٨٠٠

١٦٠٠ = ٨٠٠ × ٢

باستخدام منزلة الألفين ٢٥٧٨ - ٧٦٤١ ٤

٥٠٠٠ = ٢٠٠٠ - ٧٠٠٠

٤٠٠ = ٦٠٠ - ٢٠٠

٥٠٠٠ = ٤٠٠ + ٥٠٠٠

٢٩٩ + ٢٩٧ + ٣٠٧ ٣

= ٣٠٠ + ٣٠٠ + ٣٠٠

٩٠٠ = ٣٠٠ × ٣

باستخدام لتقريب الألفين ٢٦٣٥٣٩٢ - ٥٩٠١٨٧٧ ٦

٢٠٠٠٠٠ = ٢٦٣٥٣٩٢ - ٦٠٠٠٠٠

٢٨١٦ + ٣٠٥٤ + ٣١٠١ ٥

= ٣٠٠٠ + ٣٠٠٠ + ٣٠٠٠

٩٠٠٠ = ٣٠٠٠ × ٣

٣,٦٨ - ٥,٩٣ ٨

٢ = ٤ - ٦

١٨,٥٢ + ٣١,٢٧ ٧

٥٠ = ١٩ + ٣١

أضرب عددان

٢,٤٨ + ٦,٥٣ ١٠

٩ = ٢ + ٧

١,٢٠٣ - ١٠,٥٨١ ٩

١ - = ١ - ١١

٠,٨١٦ + ٣٥,٦١٧ ١٢

٣٧ = ١ + ٣٦

٨,٦٧ - ١٥,٣٩١ ١١

٧ = ٩ - ١٥

٣٦,٢٦ - ٣٦,٧ ١٤

١ = ٣٦ - ٣٧

٤٧,٣٢ - ٨٩,٦٣٢ ١٣

٤٣ = ٤٧ - ٩

KuwaitMath.com

١٥ يبلغ أقصى عمق للبحر الأبيض المتوسط ٥٠٩٣ متراً. وأقصى عمق للبحر الميت

٤٠١ متر، قدر زيادة عمق البحر الأبيض المتوسط عن عمق البحر الميت؟

الزيادة = ٥٠٩٣ - ٤٠١

≈ ٤٦٩٢ = ٤ - ٥١ - ٤٠١

يا ستخدم التقريب لأكثر منه في عدد الأصغر

الحساب الذهني : خصائص الجمع Mental Math : Addition Properties

٨-١

سوف تتعلم : بعض الطرق للتعامل ذهنياً مع بعض العمليات الحسابية على الأعداد (الكلية) .



نشاط :

قامت إحدى المدارس بتنظيم مسابقة (لنحسب سريعاً) فعلى كل مشترك حل المسائل التالية باستخدام طرق ذهنية مبتكرة ، وسوف يذهب الفائز في رحلة إلى مرصد الفلكي صالح العجيري .

العبارات والمفردات :

الأعداد المناسبة

Appropriat Numbers

خاصية التجميع

Associative Property

ج - $128 - 56$

ب $57 + 44$

أ $4 + 25 + 26$

هـ $83 + 38$

د $32 + 71 + 58 + 29$

١ رتب المسائل السابقة من الأسهل للأصعب .

معلومات مفيدة :

يستخدم من يقدمون الأظعمة في المطاعم الحساب الذهني للتحقق من صحة الفواتير المقدمة للزبائن .

ج

ب

أ

هـ

د

٢ وضع وناقش طريقة حلك لهذه المسائل .

في أحوال كثيرة من الملائم حلّ المسائل الرياضية ذهنياً ، وفيما يلي بعض الطرق المفيدة للحساب الذهني :

الأعداد المناسبة ، حفظ التوازن ، تفكيك العدد إلى مكوناته ، ... الخ .

الأعداد المناسبة

تدرب (١) : 

الوجد الناتج باستخدام الحساب الذهني :

١٢، ٦، ٣، ٤
عدداً مناسبان لأنه يمكن
جمعهما بسهولة

$$١٢، ٦ + ٥ + ٣، ٤$$

(الخاصية الإبدالية) $٥ + ١٢، ٦ + ٣، ٤ =$

(الخاصية التجميعية) $٥ + (١٢، ٦ + ٣، ٤) =$

$$\begin{aligned} \dots ٥ + \dots ١٦ &= \\ \dots ٢١ &= \end{aligned}$$

١٥، ٩، ٤٥
لأنه يمكن جمعهما بسهولة

$$١٥ + ٩ + ٤٥$$

(الخاصية الإبدالية) $٩ + ١٥ + ٤٥ =$

(الخاصية التجميعية) $٩ + (١٥ + ٤٥) =$

$$\begin{aligned} \dots ٩ + \dots ٦٠ &= \\ \dots ٦٩ &= \end{aligned}$$

تذكر أن :

خواص عملية الجمع :

(أ) الخاصية الإبدالية

$$٢ + ٧ = ٧ + ٢$$

(ب) الخاصية التجميعية

$$(٤ + ٧) + ٢ = ٤ + (٧ + ٢)$$

(ج) خاصية العنصر المحايد

$$٨ = ٠ + ٨$$

حفظ التوازن

مثال :

الوجد ناتج ما يلي باستخدام الحساب الذهني :

الحل :

$$٢، ٣ + ١٠، ٧$$

$$(٠، ٣ - ٢، ٣) + (٠، ٣ + ١٠، ٧) =$$

$$٢ + ١١ =$$


$$١٣ =$$

$$١٥ + ٢٦$$

$$(٤ - ١٥) + (٤ + ٢٦) =$$

$$١١ + ٣٠ =$$

$$٤١ =$$

تدرب (٢) : 

الوجد ناتج ما يلي باستخدام الحساب الذهني :

$$١، ٨ - ٥، ٨$$

$$(٢ + ١، ٨) - (٢ + ٥، ٨) =$$

$$\dots ٢ - \dots ٦ =$$

$$\dots ٤ =$$

$$١٢ - ٤٨$$

$$(٢ - ١٢) - (٢ - ٤٨) =$$

$$\dots ١٠ - \dots ٤٦ =$$

$$\dots ٥٦ =$$

تفكيك العدد إلى مكوناته

أوجد ناتج $26 + 18$ ذهنيًا:

$$(20 + 6) + (10 + 8) = 26 + 18$$

(الخاصية الإبدالية)



$$6 + 8 + 20 + 10 =$$

(الخاصية التجميعية)

$$(6 + 8) + (20 + 10) =$$

$$14 + 30 =$$

$$44 =$$

تدرب (٣)  

اجمع أو اطرح ذهنيًا مستخدمًا تفكيك العدد إلى مكوناته:

ب $27 - 188$

أ $65 + 42$

$$(\dots + \dots) - (100 + 80 + 8) =$$

$$(\dots + 5) + (\dots + 2) =$$

$$100 + (\dots - 80) + (\dots - 8) =$$

$$(\dots + \dots) + (5 + 2) =$$

$$\dots + \dots + \dots =$$

$$\dots + \dots =$$

$$\dots =$$

$$\dots =$$

تمرّن:

أوجد ناتج كل مما يلي مستخدمًا الحساب الذهني، اذكر الطريقة التي استخدمتها:

هفّظ ليواز

٢ $55 + 296$

١ $15 + 47 + 285$

$$= (55 - 5) + (296 + 5)$$

$$351 = 51 + 300$$

$$47 + (15 + 285)$$

$$3 \quad 47 = 47 + 300$$

حفظ التواريخ

$$1 + 1 + 99 - 147 \quad 4$$

$$(1 + 99) - (1 + 147) \\ 98 = 100 - 148$$

الأعداد المتساوية

$$13 + 10 + 57 + 90 \quad 3$$

$$(13 + 57) + (10 + 90) \\ 70 + 100 \\ 170$$

الأعداد المتساوية

$$75 + 23 + 25 \quad 6$$

$$75 + (23 + 25) \\ 75 + 50 \\ 125 =$$

حفظ التواريخ

$$117 + 96 \quad 5$$

$$(117 + 83) + (96 - 83) \\ 213 = 190 + 23$$

الأعداد المتساوية

$$12, 87 + 0, 8 + 5, 13 + 43, 2 \quad 8$$

$$(12 + 87 + 5 + 13) + (0,8 + 43,2) \\ 107 = 18 + 89$$

الأعداد المتساوية

$$10, 97 + 26 + 1, 03 \quad 7$$

$$= 26 + (97 + 1,03) \\ 28 = 26 + 2$$

حفظ التواريخ

$$3, 7 - 54, 7 \quad 10$$

$$(3 + 7) - (54 + 7) \\ -51 = 10 - 55$$

تظليل العدد

$$3, 4 + 19, 6 \quad 9$$

$$(3 + 19) + (4 + 6) \\ 23 = 22 + 1$$

من خلال الرسم المقابل ، ناقش وأوجد ما يلي باستخدام الحساب الذهني :



مجموع النماذج الفضائية المصممة المعروضة .

$$24 + 36 + 48 = (24 + 36) + 48 \\ 108 =$$

إذا دمجنا نماذج سعد مع نماذج خالد فما عدد نماذجهما معاً ؟

$$(24 + 36) + (36 + 48) = 24 + 36 + 36 + 48 \\ 144 = 72 + 72$$

إذا تبرع عبدالله بـ 27 نموذج

للمركز العلمي فكم نموذج يبقى لديه ؟

$$48 - 27 = 21$$

المتغيرات والتعبيرات (المقادير الجبرية) وكتابتها

Variables , Expressions and Writing Algebraic Expressions

٩-١

سوف تتعلم : إيجاد قيمة التعبيرات الجبرية وكيفية تحويل المسائل اللفظية إلى تعبيرات جبرية .

تُستخدم الحروف لترمز للعدد المجهول . والحرف الذي يتم استبداله بعدد يسمى « متغير » .

فمثلاً : $8 + s$ هو تعبير جبري
 ثابت متغير

من الممكن أن نستبدل s بـ 7 فيصبح $15 = 7 + 8$
 أو يمكننا أن نستبدل s بـ 3 فيصبح $11 = 3 + 8$

تدرب (١) : 

أكمل الجداول التالية :

س	$3 - 5s$
١	$3 - 5 \times 1 = -2$
٢	$3 - 5 \times 2 = -7$
٣	$3 - 5 \times 3 = -12$

٢

س	$5 + s$
١	$5 + 1 = 6$
٢, ٧	$5 + 2 = 7$
٣	$5 + 3 = 8$

١

كتابة التعبيرات (المقادير الجبرية)

يُمكنُ ترجمة بعض الكلمات في اللغة العربية إلى عمليات رياضية معيّنة .

التعبير اللفظي	التعبير الرمزي
عددٌ مضافاً إليه ٣	$s + 3$
أقل من عدد معطى بمقدار ٣	$s - 3$
عدد مطروحاً من ٣	$3 - s$
عدد مضروب في ٢ (ضعف عدد)	$2s$
خمسة أمثال عدد	$5s$
عدد مقسوماً على ٢	$\frac{s}{2}$

العبارات والمفردات :

Sum ناتج جمع

ناتج طرح

Difference

ناتج ضرب

Product

ناتج قسمة

Quotient

متغير Variable

ثابت Constant

تعبير (مقدار) جبري

Algebraic Expressions

تذكر أن :

- المتغير : هو مجهول يستبدل عند الحاجة بعدد مناسب .
- الثابت : هي كمية لا تتغير .

ملاحظة :

إذا علمت قيمة المتغير فيمكنك حساب قيمة المقدار بإبدال المتغير بكل قيمة وهذا ما يعرف بالتعويض .

تدرب (٢)  :

أكمل الجدول التالي :

التعبير الجبري	التعبير اللفظي
$s + 5$	عدد مضاف إليه ٥
$s - 7$	عدد مطروح منه ٧
$\frac{s}{3}$ و $\frac{1}{3}s$: س	ثلث العدد
$3s - 7$	أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار ٧

فكر وناقش

أي من التعبيرات الجبرية التالية له الحل نفسه مهما اخترت من قيم للمتغير س :

ج $0 \times s$

ب $s - 5$

أ $s + 3$

تذكر أن :

الأعداد التي نضربها
معًا للحصول على
ناتج الضرب،
تُسمى عوامل ناتج
الضرب.

تمرّن :

١ أوجد الناتج لكل مما يلي عندما $s = 8$

أ $3s \leftarrow 3 \times 8 = 24$

ب $s + s = 8 + 8 = 16$

ج $9, 5 + s = 9, 5 + 8 = 17, 5$

د $s - 7 = 8 - 7 = 1$

هـ $s - 4, 8 = 8 - 4, 8 = 3, 2$

٢ أوجد قيمة كل مما يلي :

قيم س	س = ٢	س = ٦	س = ٣, ٠
س + ٧	$9 = 7 + 2$	$13 = 7 + 6$	$7 + 3 = 10$
٨ س	$16 = 2 \times 8$	$48 = 6 \times 8$	$6 \times 3 = 18$
١٢ - س	$10 = 12 - 2$	$6 = 12 - 6$	$11 - 3 = 8$
$\frac{24}{س}$	$12 = \frac{24}{2}$	$4 = \frac{24}{6}$	$8 = \frac{24}{3}$

٣ اكتب تعبيراً جبرياً لكل مما يلي :

- أ س مضروبة في العدد ١٠ $10 \times س$
- ب نصف العدد ن $\frac{ن}{2}$
- ج ضعف العدد ص $2 \times ص$
- د مضروبة في ٦ $6 \times هـ$
- هـ تنقص بمقدار ٣ $س - 3$
- و مضاف إليها العدد ٢ $س + 2$
- ز ٣ مقسومة على ب $\frac{3}{ب}$
- ح مطروح منها ٣ $ص - 3$
- ط أقل من العدد ل ب ٥ $ل - 5$
- ي ك مرفوع لأس ٣ $ك^3$

٤ اكتب تعبيرات جبرية تعبر عن التساؤلات التالية :

- أ ما الفرق بين الحدين هـ ، ٤ ؟ $هـ - 4$
- ب بكم يزيد العدد ص عن العدد ٨ ؟ $ص - 8$
- ج إذا نُظِّمَ (س) من المتعلمين في مجموعاتٍ متساوية ، في كلٍّ منها ٨ متعلمين ، فكم عدد هذه المجموعات ؟

$$س = 12$$

د إذا كان هناك ١٢ مجموعةً من المتعلمين وفي كلٍّ مجموعةٍ (س) متعلم .

اكتب تعبيراً جبرياً يدل على العدد الكلي للمتعلمين .

$$العدد الكلي = 12 \times س$$

القطب الشمالي



1- درجة الحرارة في القطب الشمالي أقل بمقدار ٤٧ درجة سيليزية عن درجة حرارة مدينة الكويت . إذا كانت درجة حرارة مدينة الكويت (ص) درجة سيليزية ، فما درجة الحرارة في القطب الشمالي ؟

$$ص - ٤٧ = ح$$

2- لدى هدى كتاب عن المجموعة الشمسية فيه ٢٠٠ صفحة ، كل يوم تقرأ هدى (س) من الصفحات ، فكم يوماً تستغرقه في قراءة الكتاب ؟

$$٢٠٠ \div س = ح$$

3- لدى خالد (ن) حقيبة سفر ولدى أخيه ٥ حقائب سفر ، فكم عدد الحقائب التي لديهما معاً ؟

$$٥ + ن = ح$$

KuwaitMath.com

حل المعادلات (الجمع والطرح)

Solving Equations by Addition on and Subtraction

١٠-١

سوف تتعلم: إيجاد قيمة المتغير الذي يحقق المعادلة باستخدام الحساب الذهني أو العملية العكسية .

المعادلة: هي جملة رياضية تستخدم علاقة التساوي (=) ، و تتضمن متغير (مجهول) على الأقل .

أمثلة على المعادلات :

$$٢ \quad ٨ = ١ - م$$

$$١ \quad ٧ = ٥ + س$$

حل المعادلة: هو إيجاد قيمة المتغير الذي يجعل المساواة صحيحة .

فمثلاً: $س = ٢$ حل للمعادلة $٧ = ٥ + س$ وذلك لأن $٧ = ٥ + ٢$ عبارة صحيحة .

$س = ٣$ ليس حلاً للمعادلة $٧ = ٥ + س$ وذلك لأن $٧ = ٥ + ٣$ عبارة خاطئة .

تدرب (١) :

اختبر ما إذا كانت القيمة المعطاة تصلح لأن تكون حلاً للمعادلة المعطاة ، فسر إجابتك .

$$١ = د$$

$$٢ \quad ٣, ٥ = ٢ + د$$

$$٣٦ = ف$$

$$١ \quad ٢٤ = ١٢ - ف$$

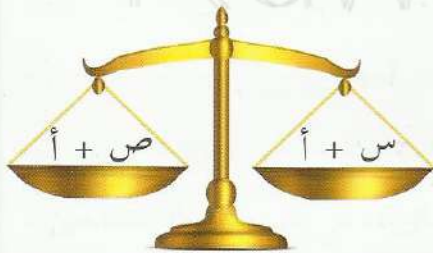
$$٣ = ١ + د \quad \text{عبارة خاطئة}$$

$$٢٤ = ١٢ - ٣٦ \quad \text{عبارة صحيحة}$$

إذن $د = ١$ (حل للمعادلة ، ليس حلاً للمعادلة)

إذن $ف = ٣٦$ (حل للمعادلة ، ليس حلاً للمعادلة)

خواص المساواة:



إذا كان $ص = س$ فإن $ص + أ = س + أ$

وبالمثل :

إذا كان $ص = س$ فإن $ص - أ = س - أ$

إذا أضفنا أو (طرحنا) نفس العدد لطرفي المعادلة (أو من طرفي المعادلة) سوف نحافظ على المساواة .

العبارات والمفردات :

- معادلة Equation

- حل المعادلة

Solving Equation

معلومات مفيدة:

يستخدم علماء الأرصاد الجوية المعادلات لتحويل درجات الحرارة بين نظامي القياس، الفهرنهايتي والسيليزي (المئوي) .



لاحظ أن :

لحل المعادلة $س + ٨ = ١٢$ ذهنياً ففكر بالعدد الذي يضاف إلى العدد ٨ ليكون الناتج ١٢ ثم تحقق من صحة اختيارك .

إذا كان من الصعب حل المعادلات ذهنياً ، تستطيع أن تستخدم العملية العكسية

$$س + ٨ = ١٢ \quad (\text{عكس عملية الجمع هو الطرح})$$
$$س = ٤$$

تدرب (٢) : 

حل كلاً من المعادلات التالية :

أ $س - ٣ = ١١$

استخدام العملية العكسية للطرح

$$س - ٣ = ١١$$
$$س = ١٤$$

تحقق $١٤ - ٣ = ١١$ عبارة صحيحة

ب $س + ١ = ٩$

استخدام العملية العكسية للجمع

$$س + ١ = ٩$$
$$س = ٨$$

تحقق $٨ + ١ = ٩$ عبارة صحيحة

تدرب (٣) : 



إذا كان العمق المتعارف عليه في رياضة الغوص الترفيهي هو ١٣٠ متراً ، فإذا غطست (س) متراً ، وأمامك خمسين متراً أخرى لكي تصل إلى نهاية هذا العمق .

عبر عن الموقف بمعادلة رياضية ثم حلها :

$$س + ٥٠ = ١٣٠$$

فكر وناقش 

في أي مما يلي يمكنك التعويض بأي قيمة للمتغير س :

• $س + ٥$

• $س + ٥ = ٧$ ولماذا ؟

تمرّن :

حل كلاً من المعادلات التالية موضّحاً خطوات الحل :

٢ ب - $٥١ = ١٢ -$

$$١٢ + ٥١ = ١٢ + ١٢ - ب$$

$$٦٣ = ب$$

١ أ - $٢٢ = ٧ +$

$$٧ - ٢٢ = ٧ - ٧ + أ$$

$$١٥ = أ$$

٤ ج - $٢١ = ٩ +$

$$٩ - ٢١ = ٩ - ٩ + ج$$

$$١٢ = ج$$

٣ د - $١٧ = ٨ +$

$$٨ - ١٧ = ٨ - ٨ + د$$

$$٩ = د$$

٦ هـ - $٢٥١ = ٦٨٢ -$

$$٦٨٢ + ٢٥١ = ٦٨٢ + ٦٨٢ - هـ$$

$$٩٣٣ = هـ$$

٥ و - $٢ = ٢٣ -$

$$٢٣ + ٢ = ٢٣ + ٢ - و$$

$$٢٥ = و$$

٨ ع - $٦٠ = ١, ١ -$

$$١ + ٦٠ = ١ + ١ - ع$$

$$٦١ = ع$$

٧ ك - $١٣, ٨ = ٥, ٧ +$

$$٥ + ٧ - ١٣ = ٥ + ٧ + ك$$

$$٨ = ك$$

١٠ ف - $٢٠ = ١٦, ٧٥ +$

$$١٦ + ٧٥ = ١٦ + ٧٥ + ف$$

$$٩١ = ف$$

٩ م - $٢, ٣٤ = ١, ١٢ +$

$$١٢ + ٣٤ = ١٢ + ١ + م$$

$$٣٦ = م$$

١٢ ن - $٧ = ١٦ -$

$$١٦ - ٧ = ١٦ - ١٦ + ن$$

$$٩ = ن$$

١١ د - $٤٥ = ٤٢, ٧ -$

$$٤٢ + ٧ - ٤٥ = ٤٢ + ٧ + د$$

$$٧ = د$$

١٣ اشترت سلمى عددًا من الأفلام العلمية عن الفضاء بمبلغ ٨٤٠ دينارًا، ودفعت مبلغًا آخر لشراء كماليات لجهاز الحاسوب الخاص بها، وكان مجموع ما أنفقته هو ٩٥٠ دينارًا، فكم أنفقت لشراء الكماليات لجهاز الحاسوب؟ عبر بمعادلة جبرية، ثم حلها.

$$س + ٨٤٠ = ٩٥٠$$

$$س + ٨٤٠ - ٨٤٠ = ٩٥٠ - ٨٤٠$$

$$س = ١١٠ \quad \text{س = ما أنفقته لشراء الكماليات لجهاز الحاسوب = ١١٠ د.ك}$$

١٤ اشترى أحد أصحاب محلات الملابس بدلةً بـ ٤٦,٢٥ دينار، ثم باعها بـ ٦٦,٧٥ دينارًا، فما مقدار ربحه؟ عبر بمعادلة جبرية، ثم حلها.

$$س + ٤٦,٢٥ = ٦٦,٧٥$$

$$س + ٤٦,٢٥ - ٤٦,٢٥ = ٦٦,٧٥ - ٤٦,٢٥$$

$$س = ٢٠,٥٠ \quad \text{س = مقدار الربح = ٢٠,٥٠ د.ك}$$

٢٦,٤٩ دينارًا



١٥ اشترى صاحب أحد المحلات الرياضية زوجًا من أحذية التنس بمبلغ ٢٦,٤٩ دينارًا، ويريد أن يربح مبلغ ١٨,٥٠ دينار، فما الثمن الذي يجب أن يبيعه به؟ عبر بمعادلة جبرية، ثم حلها.

$$س - ٢٦,٤٩ = ١٨,٥٠$$

$$س - ٢٦,٤٩ + ٢٦,٤٩ = ١٨,٥٠ + ٢٦,٤٩$$

$$س = ٤٤,٩٩ \quad \text{س = الثمن الذي يجب أن يبيعه به = ٤٤,٩٩ د.ك}$$

اكتب الأعداد التالية مقرباً إلى المنزلة المذكورة :

العدد	التقريب	عشرات المليارات	عشرات التريليونات
أ ٨٣٠٩١ ٨٥٠ ٨١٧٠٠٩		٨٣٠٩٠	٨٠
ب ٩٤٢٠٧٩٧ ٦٠٠ ٠٧٣ ٥٢١		٩٤٢٨	٩٤
العدد	التقريب	عدد صحيح	أجزاء من ألف
ج ٦,٩٦٨٣		٧	٦,٩٦٨
د ١,١٨٢٧		١	١,١٨٣

قارن بوضع (< أو > أو =) لتحصل على عبارة صحيحة :

أ ٩ ملايين = ٩,٠٠٠,٠٠٠

ب ٥١,٠٠٠ < ٥٠,٩٩٩

ج ٢٠٨٠ < ألفان وثمانية ٨٠٠٠

د ٠,١٩٣ < ٠,١٨٧

هـ ٦٧,١٠ > ٦٧,١٨

و تسعة صحيح و ثلاثة وأربعون جزءاً من مائة = ٩,٤٣٠

أ رتب مجموعة الأعداد التالية تنازلياً :

٥٦,٤٩٠ ، ٧٥,٠٠٠ ، ٥٦,٩٤٠

٥٦٤٩٠ / ٥٦٩٤٠ / ٧٥٠٠٠

تسعة ، ٩٠١ ، ٩٠٠ مئات

٩٠١ / ٩٠٠ / ٩٠٠

ب رتب مجموعة الأعداد التالية تصاعدياً :

٠,٤٥٧ ، ٠,٤٥٣ ، ٠,٤٥٧

٠,٤٥٧ / ٠,٤٥٣ / ٠,٤٥٧

١,٧٤٠ ، ١,٠٠٨ ، ١,٠٠٩ ، ١,٧٢٥ ، ١,٦٠٠

١,٧٤٠ / ١,٠٠٨ / ١,٠٠٩ / ١,٧٢٥ / ١,٦٠٠

مفطوازه

٧ أحسب ذهنياً: أعدر صايب

ج $235 - 468$

ب $200 + 36 + 800$

أ $0,97 + 6 + 0,03$

$(-5 - 35) - (-5 - 68)$

$36 + (200 + 800)$

$6 + (0,97 + 0,03)$

$= 235 - 468$

$= 36 + 1000$

$7 = 6 + 1$

٢٣٣

١٠٣٦

٨ حل كل معادلة مما يلي:

ج $10,5 = 4,35 + ص$

ب $42 = 38 + س$

أ $8 = 12 - ل$

$38 - 42 = 38 - 42 + ص$

$42 - 38 = 42 - 38 + س$

$12 - 8 = 12 - 8 - ل$

$ص = 6,15$

$س = 4$

$ل = 4$

٩ أوجد الناتج ثم قدر لتتحقق:

$3,1 + 2,750$

٣

$2,750$

٣

$3,1$

٦

$5,850$

١٠ رجل وزنه ٩٧,٥ كيلو جرام أراد أن ينقص وزنه باتباع نظام غذائي معين، فنقص

وزنه بمقدار ٢,١٧٠ كجم خلال الشهر الأول، فكم أصبح وزنه؟

$97,5 - 2,170 =$

$95,33 =$

اختبار الوحدة الأولى

أولاً: في البنود (١ - ٤) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

ب	أ	١٠,٤٨٠,٥٧٠ < مليون وأربعمائة وثمانون ألفاً وخمسمائة وسبعون
ب	أ	٢٥ - ١٤ = ١١,٠
ب	أ	خمسة مطروحة من أربعة أمثال العدد n يعبر عنه بـ $4n - 5$
ب	أ	القيمة المكانية للرقم الذي تحته خط في العدد ٠,٠٩٨ هو ٠,٩٠

ثانياً: لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات، واحد فقط منها صحيح، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

- ٥ رمز العدد (أربعمائة وثلاثون ألفاً وأربعمائة وسبعة) هو:
- ٤٣٠,٤٧٠ (د) ٤٣٠,٤٠٧ (ج) ٤٣٠,٠٤٧ (ب) ٤٠٣,٤٠٧ (أ)

- ٦ العدد ٨١,٢٩ مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة يساوي تقريباً:
- ٨١,٣ (د) ٨١,٢ (ج) ٨٠ (ب) ٨١,٢٩ (أ)

- ٧ أفضل تقدير لناتج: $٦٧٥,٣ + ٢٤,٩$ هو: $٦٧٥ + ٢٥ = ٧٠٠$
- ٩٠٠ (د) ٨٠٠ (ج) ٧٠٠ (ب) ٦٠٠ (أ)

- ٨ إذا كانت $n = ٤,١$ فإن n يمثل حلاً للمعادلة:
- ٧,٤ = $n + ٠,٦$ (د) ٣,٤ = $n - ٠,٨$ (ج) ٠, = $n - ١,٣$ (ب) ٤,٠ = $٢,٤ + n$ (أ)

- ٩ لدى حسين ١٥ كتاباً للمطالعة منها ٦ كتب علمية، س كتب قصص تاريخية، ٥ كتب عن الحضارة الإسلامية يعبر عن ذلك بالمعادلة الجبرية: $١٥ = ٥ + ٣س + ٦$
- ١٥ = $٥ + ٣س + ٦$ (ب) $١٥ = ٥ + ٣س$ (ج) $٥ + ١٥ = ٦ + ٣س$ (د) $١٥ + ٥ = ٦ + ٣س$ (أ)

- ١٠ العدد الذي يقع بين العددين ١,٣٥٠، ١,٣٧٠، فيما يلي هو:
- ١,٣٥٩ (د) ١,٤١ (ج) ١,٣٧٢ (ب) ١,٠٣٦ (أ)

لا يوجد اختيار صحيح

