

الوحدة السادسة

إدراك مفهوم الكسور

Understand the concept of fractions

السَّفَرُ

TRAVEL

إِذَا رَكَبْنَا سَيَّارَةً وَقَطَعْنَا فِيهَا أَحَدَ شَوَاطِي دُوَلِ الْخَلِيجِ، لَاحِظْنَا وَجُودَ مَرَاكِزِ تَرْاقِبِ الشَّاطِئِ وَحَرَكَةَ الْمِيَاهِ حِفَاطًا عَلَى الْأَمْنِ وَسَلَامَةِ النَّاسِ.

سَجَّلَ أَحَدُهُمْ خَمْسَ نِقَاطٍ مُمَيَّزَةٍ عَلَى الشَّاطِئِ تَصْلُحُ لِأَنَّ نُرُكُزَ عَلَيْهَا وَحَدَاتٍ لِلْمُرَاقَبَةِ وَقَدْ سَمَّيْتَ هَذِهِ النِّقَاطَ بِالْأَحْرَفِ أ، ب، ج، د، هـ وَدَوَّنَ الْمَسَافَاتِ بَيْنَ هَذِهِ النِّقَاطِ فِي الْجَدْوَلِ أَدْنَاهُ:

- إِذَا قَطَعْتَ الْمَسَافَةَ بَيْنَ النُّقْطَةِ أ وَ النُّقْطَةِ ب، فَمَا الْكُسْرُ الَّذِي يُمَثِّلُ تِلْكَ الْمَسَافَةَ مِنْ أَصْلِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ أ وَ هـ؟
- إِذَا حَمَلْتَ مَعَكَ ٤ شَطَائِرَ لِتَأْكُلَهَا فِي رِحْلَتِكَ وَقَدْ أَكَلْتَ كُلَّ الشَّطَائِرِ مَا عَدَا وَاحِدَةً، فَمَا الْكُسْرُ الدَّالُّ عَلَى ذَلِكَ؟

النُّقْطَةُ	
المسافة بين	طولها بالكيلومترات
أ وَ ب	٢٠
ب وَ ج	١١
ج وَ د	٦,٨
د وَ هـ	١٤,٢

مشروع عمل فريق

Team Project

رحلة تعليمية في الكويت

Educational Trip in Kuwait

اللوازم:

ورقة، أفلام، مساطر
سنتيمترية، نسخ عن
الأطلس

شكّلت إحدى المدارس فريقاً من تلاميذها ليقوموا برحلة تعليمية في عدة مناطق يتعرّف فيها المتعلمون على التقدّم الباهر الذي تحقّق في السنوات الأخيرة في مجالات البناء والصناعة والزراعة. وقد طلبت إدارة المدرسة أن يدرّس المتعلمون الخريطة وأن يخطّطوا لرحلتهم شرط ألا يتجاوزوا في رحلتهم المسافات المذكورة في الجدول.

المسافة بالكيلومتر بين بعض مدن الكويت				
الأحمدي	الجهراء	الوفرة	الكويت	اسم المدينة
٢٨	٣٥	٨٥	-	الكويت
٥٩	٨٧	-	٨٥	الوفرة
٤٨	-	٨٧	٣٥	الجهراء
-	٤٨	٥٩	٢٨	الأحمدي

كل ١٠ كم يقابلها على الخريطة سنتيمتر واحد أي ١ سم
١٠ كم

اعمل خطة

- ما المدينة التي سينطلق منها التلاميذ؟ وما المدن التي سيزورونها؟
- كيف تتابع المسافات التي يقطعونها كل يوم؟

نفذ الخطة

- ١ سجّل أسماء المدن التي سيزورها الفريق والمسافات التي يقطعها يومياً.
- ٢ أوجد المسافة الإجمالية التي خطّط لها الفريق وقارنها بالمسافة التي يُسمح للفريق باجتيازها كل يوم.
- ٣ اذكر كم سنتيمتراً على الخريطة زيادةً يمكن أن يقطعها الفريق يومياً إذا كان ذلك ممكناً.



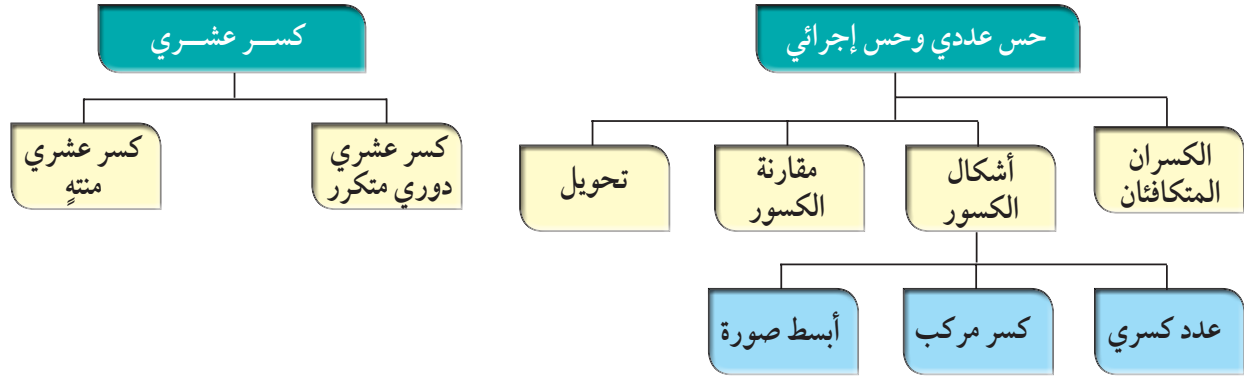
تعبير شفهي

- كيف قرّر الفريق ما المدن التي سوف يزورها؟

قدم المشروع

- اعرض مشروع رحلة فريقك على زملائك.

مُخَطِّطُ تَنْظِيمِيٍّ لِلوَحْدَةِ السَّادِسَةِ



الكفايات الخاصة المتعلقة بالوحدة السادسة

(١-١) بناءً، قراءة وكتابة أعداد صحيحة (سالبة وموجبة) وأعداد عشرية موجبة بناءً على فهم نظام العد العشري، قراءة وكتابة كسور.

(٢-١) مقارنة، ترتيب وتمثيل أعداد صحيحة وأعداد نسبية موجبة على خط الأعداد.

(٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة؛ وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.

(٧-١) إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناءً على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير؛ إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.

(٢-٣) اكتشاف، تعرف، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة/مجموعات أعداد عشرية موجبة.

(٦-٣) إبداء الفضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناءً على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

الكسور المتكافئة

Equivalent Fractions

١-٦

تقطيع الخبز

سوف تتعلم: كيف توجد الكسور المتكافئة لأي كسر معطى.

1											
$\frac{1}{2}$					$\frac{1}{2}$						
$\frac{1}{3}$			$\frac{1}{3}$			$\frac{1}{3}$			$\frac{1}{3}$		
$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$	
$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$
$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

1											
$\frac{1}{3}$					$\frac{1}{3}$						
$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$	



ونستطيع استخدام رقائق الكسور لتقارن الكسور ولتبيين الكسور ذات القيمة الواحدة.

إعمل مع صديقك لك.
قارن بين $\frac{2}{3}$ ، $\frac{4}{6}$.

• ضع رقيقتي $\frac{1}{3}$ تحت رقيقة واحدة كاملة.

• تحقق من عدد رقائق $\frac{1}{6}$ التي تتطابق تمامًا مع رقيقتي الـ $\frac{2}{3}$.

كما ترى في الصورة لقد أخذت أنت وصديقك حصصًا متساوية. نسبي $\frac{2}{3}$ ، $\frac{4}{6}$ كسرين متكافئين.

ما الرقائق الكسرية الأخرى التي يمكن أن تتطابق تمامًا مع الـ $\frac{2}{3}$ ؟

الكسور المتكافئة	الكسر
..... ، $\frac{4}{6}$ ،	$\frac{2}{3}$
..... ،	$\frac{5}{10}$
..... ،	$\frac{3}{12}$
..... ،	$\frac{6}{8}$
..... ،	$\frac{4}{4}$

أوجد كسرًا آخر متكافئًا للكسر $\frac{2}{3}$ ؟

تدرب (١) :

باستخدام رقائق الكسور أوجد بعض الكسور المتكافئة لكل من الكسور في الجدول. سجل النتائج في الجدول المقابل.

العبارات والمفردات:

كسور متكافئة
equivalent fractions

معلومات مفيدة:

تشتهر الكثير من البلدان العربية في صنع المعجنات، ومن ألقها الخبز، ويصنع الخبز بأشكال مختلفة ومن أهم مكوناته الدقيق ودقيق القمح.

اللوازم:

رقائق الكسور.

تدرب (٢)

أوجد الكسور الثلاثة التالية المتكافئة للكسور أدناه. اكتب قاعدة لتصف النمط الذي لاحظت.

$$\frac{\square}{\square}, \frac{\square}{\square}, \frac{\square}{\square}, \frac{3}{12}, \frac{2}{8}, \frac{1}{4}$$

مثال:

ذهبت وصديقك فهذا لزيارة الأهرامات في مصر خلال العطلة الصيفية. اشترى كل منكما ١٢ طابعاً و ١٢ بطاقة بريدية مصورة. في اليوم التالي، أرسلت إلى أصدقائك في المدرسة ٤ بطاقات وأرسلت هذا $\frac{1}{3}$ من بطاقتك. هل أرسلت وصديقك العدد نفسه من البطاقات؟ هل $\frac{1}{3}$ يساوي $\frac{4}{12}$ ؟ كيف تعرف ذلك؟



طريقة أولى: استخدم رقائق الكسور. إن الرقيقة الزرقاء تمثل مجموعة من ١٢ بطاقة.

إليك طرائق الحل

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$$

١											
									$\frac{1}{3}$		
						$\frac{1}{6}$		$\frac{1}{6}$			
			$\frac{1}{12}$		$\frac{1}{12}$		$\frac{1}{12}$		$\frac{1}{12}$		

طريقة ثانية: استخدم الورقة والقلم.

اضرب أو اقسّم البسط والمقام بالعدد نفسه.

اقسيم: $3 = \square \div 12$

اضرب: $12 = \square \times 3$

$$\frac{1}{3} = \frac{4 \div 4}{4 \div 12} = \frac{4}{12}$$

$$\frac{4}{12} = \frac{4 \times 1}{4 \times 3} = \frac{1}{3}$$

تذكر أن: $1 = \frac{4}{4}$

بما أن $\frac{1}{3}$ تساوي $\frac{4}{12}$ ، فلقد أرسلت وصديقك العدد نفسه من البطاقات. إن $\frac{1}{3}$ ، $\frac{4}{12}$ كسوران متكافئان.

تدرب (٣) :

إملاً الفراغِ بِالْعَدَدِ النَّاقِصِ لِتَكُونَ كُسُورًا مُتَكَافِئَةً.

$$\frac{\square}{٤} = \frac{٩}{١٢} \quad , \quad \frac{\square}{٢٠} = \frac{٤}{٥}$$

تَمَرِّنْ :

١ أنظر إلى الأجزاء المظللة التي تمثل كلاً من أزواج الكسور أدناه. اكتب الأعداد الناقصة لتكمل أجزاء الكسور المتكافئة.

$$\frac{٦}{٩} = \frac{\square}{٣} \quad \text{ب}$$



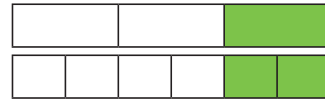
$$\frac{\square}{٨} = \frac{٣}{٤} \quad \text{أ}$$



$$\frac{\square}{٤} = \frac{٩}{١٢} \quad \text{د}$$



$$\frac{\square}{٦} = \frac{١}{٣} \quad \text{ج}$$



KuwaitMath.com

٢ أوجد البسط أو المقام الناقص في كلٍّ من الكسور التالية:

$$\frac{\square}{7} = \frac{21}{49} \quad \text{ج}$$

$$\frac{16}{\square} = \frac{4}{7} \quad \text{ب}$$

$$\frac{\square}{50} = \frac{3}{10} \quad \text{أ}$$

$$\frac{1}{\square} = \frac{8}{16} \quad \text{و}$$

$$\frac{6}{8} = \frac{3}{\square} \quad \text{د}$$

$$\frac{15}{27} = \frac{5}{\square} \quad \text{د}$$

$$\frac{\square}{10} = \frac{70}{100} \quad \text{ط}$$

$$\frac{3}{39} = \frac{\square}{13} \quad \text{ح}$$

$$\frac{\square}{2} = \frac{9}{18} \quad \text{ز}$$



ألف مسألة من عندك: استخدم رقائق كسور متطابقة لتمثيل الكسور واطلب من زميلك أن يستخدم رقائق الكسور هذه لتمثيل واحد أو أكثر من الكسور المتكافئة.

KuwaitMath.com

الكُسُورُ المُرَكَّبَةُ والأَعْدَادُ الكُسْرِيَّةُ

Improper Fractions and Mixed Numbers

٢-٦

الكَعكُ التُّرْكِيُّ

سوف تتعلم: كتابة الكسر المركب في صورة عدد كسري والعكس.



يَبِيعُ مَحَلُّ الحَلَوِيَّاتِ الكَعكُ التُّرْكِيُّ فِي عُلْبٍ تَسَعُ الوَاحِدَةَ ١٢ قِطْعَةً، اشْتَرَتْ سَارَةَ عُلْبَةً كَامِلَةً وَ ٥ قِطْعِ كَعكٍ، أَيَّ أَنَّهَا اشْتَرَتْ $1\frac{5}{12}$ دَرَزْنَ كَعكٍ.

$1\frac{5}{12}$ هُوَ عَدَدٌ كُسْرِيٌّ (العَدَدُ الكُسْرِيُّ هُوَ عَدَدٌ كَلِّيٌّ وَكُسْرٍ).
يُمْكِنُنَا كِتَابَةُ العَدَدِ الكُسْرِيِّ فِي صُورَةِ كُسْرٍ مُرَكَّبٍ.

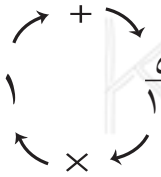
الخطوة (١):

إِضْرِبِ المَقَامَ فِي ١: 1×12

الخطوة (٢):

إِجْمَعِ البَسْطَ إِلَى نَاتِجِ الصَّرْبِ: $17 = 5 + (1 \times 12)$

الخطوة (٣):



أَكْتُبِ نَاتِجَ الجَمْعِ عَلَى شَكْلِ بَسْطٍ لِكُسْرٍ ← $\frac{17}{12}$ ، $\frac{17}{12} = 1\frac{5}{12}$ ←
فَيَكُونُ المَقَامُ الأَصْلِيُّ مَقَامًا لِهَذَا الكُسْرِ ←

كَيْفَ يُمْكِنُ كِتَابَةُ الكُسْرِ المُرَكَّبِ $1\frac{1}{4}$ فِي صُورَةِ عَدَدٍ كُسْرِيٍّ.

$$2\frac{3}{4} = 1\frac{1}{4}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 4 \overline{) 11} \\ \underline{8} \\ 3 \end{array}$$

ناتج القسمة ٢ والباقي ٣

أَكْتُبِ نَاتِجَ القِسْمَةِ عَلَى شَكْلِ عَدَدٍ كَلِّيٍّ وَ اكْتُبِ البَاقِي عَلَى شَكْلِ بَسْطٍ لِكُسْرٍ يَكُونُ مَقَامُهُ مُساوِيًا لِلْمَقْسُومِ عَلَيْهِ.

العبارات والمفردات:

كُسْرٌ مُرَكَّبٌ
improper fraction
عَدَدٌ كُسْرِيٌّ
mixed number

معلومات مفيدة:

هُنَاكَ العَدِيدُ مِنْ أنواعِ الكَعكِ المُتَشَبِّهَةِ فِي جَمِيعِ أَتْحَاءِ العَالَمِ، وَمِنْ أَشْهَرِهَا الكَعكُ التُّرْكِيُّ الَّذِي يَتَمَيَّزُ بِقِيَمَةٍ غِذَائِيَّةِ عَالِيَةٍ بِسَبَبِ كَمِّيَّةِ السُّمْمِ الكَبِيرَةِ المُسْتخدَمَةِ فِي تَحْضِيرِهِ.

تذكّر أن:

الكسر المركب: هو كسر أكبر من العدد واحد أو مساوٍ له.



نستنتج أن: الكسر الأكبر من الواحد (الكسر المركب) يمكن إعادة كتابته كعدد كسري، والعدد الكسري يمكن كتابته ككسر مركب.

تدرب 

١ اكتب $2 \frac{3}{4}$ في صورة كسر مركب

$$\frac{\square + \square \times \square}{\square} = 2 \frac{3}{4}$$

$$\frac{\square}{\square} =$$

٢ اكتب $\frac{9}{5}$ في صورة عدد كسري

$$\frac{\square}{\square} = \frac{9}{5}$$

$$\begin{array}{r} \square \\ 5 \overline{) 9} \\ \underline{\square} \\ \square \end{array}$$

إذا كان الباقي صفرًا عند قسمة البسط على المقام، فماذا يعني ذلك؟

تمرّن:

١ اكتب كلاً من الكسور المركبة في صورة عدد كسري أو في صورة عدد كلي.

..... $\frac{64}{8}$ ج $\frac{19}{3}$ ب $\frac{22}{7}$ أ
..... $\frac{63}{2}$ و $\frac{48}{7}$ د $\frac{21}{4}$ د
 $\frac{87}{4}$ ح $\frac{53}{10}$ ز

٢ اكتب كلاً من الأعداد الكسرية في صورة كسر مركب.

..... $3 \frac{2}{9}$ ج $6 \frac{5}{6}$ ب $2 \frac{1}{3}$ أ
..... $9 \frac{4}{7}$ ج $5 \frac{2}{3}$ ب $7 \frac{3}{8}$ أ
	 $10 \frac{3}{5}$ أ

متى يمكن كتابة كسر مركب في صورة عدد كلي؟

مُقارَنةُ الكُسُورِ والأَعْدادِ الكُسْرِيَّةِ وَتَرْتِيبُها

Comparing and Ordering Fractions and Mixed Numbers

٣-٦

رُكُوبُ الدَّرَاجَةِ

سَوْفَ تَتَعَلَّمُ: كَيْفَ تُقَارِنُ بَيْنَ كُسُورٍ مُخْتَلِفَةِ المَقَامَاتِ.



رَكِبَ مَاهِرٌ وَعَلِيٌّ دَرَّاجَتَيْهِمَا بَعْدَ خُرُوجِهِمَا مِنَ الحَدِيقَةِ. قَطَعَ الأَوَّلُ مَسَافَةً $\frac{7}{8}$ الكِيلومترِ وَقَطَعَ الثَّانِي مَسَافَةً $\frac{4}{5}$ الكِيلومترِ فَوَصَلَ كُلُّ مَنَّهُمَا إِلَى الفُنْدُقِ الَّذِي يَسْكُنُهُ. أَيُّ الفُنْدُقَيْنِ أَبْعَدُ عَنِ الحَدِيقَةِ؟ لِيَجِدِ الإِجَابَةَ، قَارِنُ $\frac{7}{8}$ ، $\frac{4}{5}$.

البيك طرائق
الحل

• **طَرِيقَةٌ أُولَى:** قَارِنُ بِاسْتِخْدَامِ رَقَائِقِ الكُسُورِ.

$$\frac{4}{5} < \frac{7}{8}$$

$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$
	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$		

• **طَرِيقَةٌ ثَانِيَّةٌ:** أَعِدْ تَسْمِيَةَ الكُسْرَيْنِ بَعْدَ تَوْحِيدِ مَقَامَيْهِمَا وَمِنْ ثَمَّ قَارِنُ.

الخطوة (٣)	الخطوة (٢)	الخطوة (١)
قَارِنُ بَيْنَ الكُسْرَيْنِ.	اُكْتُبْ كُسْرَيْنِ مُتَكَافِئَيْنِ لِلْكُسْرَيْنِ الأَصْغَرِينِ الأَصْغَرِ المُشْتَرَكِ المُضَاعَفِ لِلكُسْرَيْنِ الأَصْغَرِ لِكِلَا المَقَامَيْنِ.	أَوْجِدِ المَقَامَ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ (أ.م.م).
$\frac{32}{40} < \frac{35}{40}$	المَقَامَ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ.	لِلْعَدَدَيْنِ ٨ ، ٥ هُوَ ٤٠ (لِمَاذَا؟)
بِالتَّالِي $\frac{4}{5} < \frac{7}{8}$	$\frac{35}{40} = \frac{5 \times 7}{5 \times 8} = \frac{7}{8}$	بِالتَّالِي المَقَامَ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ لِلْكُسْرَيْنِ
	$\frac{32}{40} = \frac{8 \times 4}{8 \times 5} = \frac{4}{5}$	$\frac{4}{5}$ ، $\frac{7}{8}$ هُوَ ٤٠

رَبِّطْ أَفْكَارَ:

تَسْتَطِيعُ اسْتِخْدَامَ مَهَارَاتِكَ فِي تَحْدِيدِ المَقَامِ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ لِلكُسْرَيْنِ مِنْ خِلَالِ إِيجَادِ المُضَاعَفِ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ لِكِلَا المَقَامَيْنِ.

تَذَكَّرْ أَنْ:

المُضَاعَفَ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ (أ.م.م): هُوَ أَصْغَرُ عَدَدٍ، غَيْرِ الصِّفْرِ، يَكُونُ مُضَاعَفًا لِعَدَدَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

وَهَكَذَا ، فَإِنَّ فُنْدُقَ مَاهِرٍ هُوَ أَبْعَدُ مِنْ فُنْدُقِ عَلِيٍّ عَنِ الحَدِيقَةِ.

تدرب

أ) قارن بين $7 \frac{12}{15}$ ، $7 \frac{5}{6}$. العَدَدَانِ الكُلِّيَّانِ مُتَسَاوِيَانِ . بِالتَّالِي قارن بين الكسرين $\frac{12}{15}$ ، $\frac{5}{6}$.

المضاعف المشترك الأصغر للعَدَدَيْنِ (م.م.أ) ١٥ ، ٦ هو ٣٠ . (لماذا؟)

$$\frac{\square}{30} = \frac{5}{6} \quad , \quad \frac{\square}{30} = \frac{12}{15}$$

$$7 \frac{5}{6} \bigcirc 7 \frac{12}{15} \quad : \quad \frac{\square}{30} \bigcirc \frac{\square}{30}$$

ب) رتب الكسور $\frac{3}{4}$ ، $\frac{7}{8}$ ، $\frac{5}{6}$ تصاعديًا.

المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للأعداد ٤ ، ٨ ، ٦ هو (لماذا؟)

$$\frac{\square}{\square} = \frac{5}{6} \quad , \quad \frac{\square}{\square} = \frac{7}{8} \quad , \quad \frac{\square}{\square} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{7}{8} \bigcirc \frac{5}{6} \bigcirc \frac{3}{4} \quad : \quad \frac{\square}{\square} \bigcirc \frac{21}{24} \bigcirc \frac{18}{24}$$

قارن بين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ وبين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$. اكتب قاعدة لمقارنة كسرين لهما البسط نفسه ولكن مقاميهما مختلفان.

تمرّن

أ) اكتب المقام المشترك الأصغر لكل مجموعة من الكسور.

أ) $\frac{5}{6}$ ، $\frac{7}{8}$ ب) $\frac{2}{7}$ ، $\frac{7}{10}$ ج) $\frac{8}{15}$ ، $\frac{3}{10}$

ب) قارن ثم اكتب < أو > أو = مكان الفراغ.

أ) $\frac{1}{4} \bigcirc \frac{3}{4}$	ب) $\frac{1}{3} \bigcirc \frac{1}{2}$	ج) $\frac{5}{12} \bigcirc \frac{5}{8}$
د) $\frac{3}{4} \bigcirc \frac{4}{5}$	هـ) $\frac{2}{3} \bigcirc \frac{7}{9}$	و) $1 \frac{3}{4} \bigcirc 1 \frac{2}{3}$
ز) $\frac{7}{5} \bigcirc \frac{5}{4}$	ح) $\frac{10}{16} \bigcirc \frac{5}{8}$	ط) $\frac{9}{6} \bigcirc \frac{7}{6}$

ج) رتب الكسور التالية تصاعديًا:

أ) $\frac{1}{3}$ ، $\frac{5}{9}$ ، $\frac{1}{6}$ ب) $\frac{3}{5}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{11}{10}$

د) رتب الكسور التالية تنازليًا:

أ) $\frac{1}{2}$ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{2}{3}$ ب) $\frac{4}{8}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $3 \frac{1}{2}$ ، $2 \frac{4}{12}$



الكسْر في أبسط صورة Simplest Form

٤-٦

ذكريات في صور



سَوْفَ تَتَعَلَّمُ: كَيْفَ تَكْتُبُ كَسْرًا فِي أَبْسَطِ صَوْرَةٍ .

جَمَعَتْ مَنَارُ ٤٢ صَوْرَةَ لِدَوْلِ الْوَطَنِ الْعَرَبِيِّ
كَانَ مِنْهَا ١٢ صَوْرَةَ لِدَوْلَةِ الْكُوَيْتِ وَنَظَّمَتْ هَذِهِ
الصُّورَ فِي حَافِظَةِ صُورٍ .

هَلْ تَسْتَطِيعُ الْقَوْلَ إِنَّ الصُّورَ الَّتِي جَمَعْتَهَا مَنَارُ
لِلْكُوَيْتِ تُمَثِّلُ $\frac{2}{7}$ مِنْ مَجْمُوعِ الصُّورِ؟

وَبَعْدَ أَنْ تَعَلَّمْتَ حِسَابَ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَكْبَرِ،
يُمْكِنُكَ اسْتِخْدَامُهُ فِي تَبْسِيطِ كَسْرٍ مَا. يَكُونُ
الْكَسْرُ فِي أَبْسَطِ صَوْرَةٍ إِذَا كَانَ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرُ لِبَسْطِهِ وَمَقَامِهِ هُوَ الْعَدَدَ ١ .

العبارات والمفردات:
أبسط صورة
Simplest Form

تذكّر أن:

$$3 \times 2 = 6$$

٢ عامِلٌ مِنْ عَوَامِلِ ٦
٣ عامِلٌ مِنْ عَوَامِلِ ٦

اَكْتُبِ الْكَسْرَ $\frac{12}{42}$ فِي أَبْسَطِ صَوْرَةٍ مُمَكِنَةٍ.

الخطوة (٢)

اقْسِمِ كَلًّا مِنَ الْبَسْطِ وَالْمَقَامِ عَلَى الْعَامِلِ
الْمُشْتَرَكِ الْأَكْبَرِ.

$$\frac{2}{7} = \frac{6 \div 12}{6 \div 42}$$

الخطوة (١)

أَوْجِدِ الْعَامِلَ الْمُشْتَرَكِ الْأَكْبَرَ لِلْبَسْطِ
وَالْمَقَامِ.

$$\text{البَسْطُ: } 3 \times 2 \times 2 = 12$$

$$\text{الْمَقَامُ: } 3 \times 2 \times 7 = 42$$

$$\text{إِذَا ع.م.أ. } 6 = 2 \times 3 =$$

٦ هُوَ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكِ الْأَكْبَرِ.

تذكّر أن:

العامِلُ الْمُشْتَرَكُ
الأكْبَرُ: هُوَ أَكْبَرُ
عَامِلٍ يَقْبَلُ الْعَدَدَانِ
الْقِسْمَةَ عَلَيْهِ.

هَذَا يَعْنِي أَنَّ الـ ١٢ صَوْرَةَ مِنَ الْكُوَيْتِ تُمَثِّلُ $\frac{2}{7}$ مِنْ مَجْمُوعِ الصُّورِ.

الكسْران $\frac{18}{30}$ ، $\frac{6}{10}$ هما كسْران متكافئان. هل يمكننا القول إن $\frac{6}{10}$ هو في أبسط صورة ممكنة؟



تدرب

اكتب كل كسر مما يلي في أبسط صورة:

$$\frac{24}{54} \text{ أ} \quad \frac{70}{100} \text{ ب}$$

تمرّن:

لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات، واحد فقط منها صحيح، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

١ الكسر $\frac{16}{24}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{16}{24} \text{ أ} \quad \frac{8}{12} \text{ ب} \quad \frac{4}{6} \text{ ج} \quad \frac{2}{3} \text{ د}$$

٢ الكسر $\frac{18}{30}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{3}{5} \text{ أ} \quad \frac{6}{10} \text{ ب} \quad \frac{9}{15} \text{ ج} \quad \frac{18}{30} \text{ د}$$

٣ الكسر $\frac{45}{9}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{15}{3} \text{ أ} \quad \frac{5}{3} \text{ ب} \quad 5 \text{ ج} \quad \frac{1}{5} \text{ د}$$

٤ اكتب كل كسر فيما يلي في أبسط صورة:

$$\frac{12}{22} \text{ أ} \quad \frac{14}{28} \text{ ب}$$

$$\frac{24}{40} \text{ ج} \quad \frac{38}{46} \text{ د}$$

$$\frac{9}{12} \text{ هـ} \quad \frac{49}{49} \text{ و}$$

$$\frac{40}{45} \text{ ز} \quad \frac{25}{40} \text{ ح}$$

رَبْطُ الْكُسُورِ الْاِعْتِيَادِيَّةِ بِالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ

Relating Fractions and Decimals

٥-٦

سَبَاقُ الْمُنْحَدِرِ

سَوْفَ تَعَلَّمُ: كَيْفَ تَكْتُبُ كَسْرًا عَشْرِيًّا فِي صُورَةِ كَسْرٍ اِعْتِيَادِيٍّ أَوْ كَسْرًا اِعْتِيَادِيًّا فِي صُورَةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ.



يَهْوَى مَشَارِي وَيُوسُفُ مُمَارَسَةَ رِيَاضَةِ التَّرْلُجِ فَقَرَّرَا زِيَارَةَ لُبْنَانَ خِلَالَ الْعُطْلَةِ وَمُمَارَسَةَ رِيَاضَتَيْهِمَا الْمُنْفَصَلَةِ. تُبَيِّنُ الْخَرِيْطَةُ التَّالِيَةُ مُنْحَدِرَاتِ التَّرْلُجِ الْمُتَنَوِّعَةَ. لِنَفْتَرِضَ أَنَّ مَشَارِي عَبَرَ الْمُنْحَدَرَ الْأَزْرَقَ وَعَبَرَ يُوْسُفُ الْمُنْحَدَرَ الْأَحْمَرَ، فَأَيُّ مِنْهُمَا اجْتَازَ الْمَسَافَةَ الْأَطْوَلَ؟

قَارِنْ بَيْنَ ٠,٧ ، $\frac{3}{4}$.

اُكْتُبِ الْكَسْرَ $\frac{3}{4}$ فِي صُورَةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ. لِكِتَابَةِ الْكَسْرِ الْاِعْتِيَادِيٍّ فِي صُورَةِ كَسْرٍ

$$٠,٧٥ = \frac{3}{4}$$

$$\begin{array}{r} ٠,٧٥ \\ ٤ \overline{) ٣,٠٠} \end{array}$$

يُمْكِنُكَ اِسْتِخْدَامُ الْكُسُورِ الْمُتَكَافِئَةِ لِكِتَابَةِ الْكَسْرِ الْاِعْتِيَادِيٍّ فِي صُورَةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ:

$$\frac{3}{4} = \frac{75}{100} = ٠,٧٥$$

$$٠,٧٥ = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

بِمَا أَنَّ ٠,٧٥ هُوَ أَكْبَرُ مِنْ ٠,٧ ، يَكُونُ مَشَارِي قَدْ قَطَعَ الْمَسَافَةَ الْأَطْوَلَ.

العبارات والمفردات:

كسر عشري دوري (متكرر)
Repeating Decimal

تذكّر أن:

$$١٠ = ٥ \times ٢$$

$$١٠٠ = ٢٥ \times ٤$$

$$١٠٠ = ٢٠ \times ٥$$

اللوازم:

آلة حاسبة

يُمْكِنُكَ دَوْمًا كِتَابَةُ الْكَسْرِ الْعَشْرِيِّ فِي صُورَةِ كَسْرِ مُسْتَخْدِمًا مَا تَعَلَّمْتَهُ حَوْلَ

$$\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = 0,6 \text{ القِيَمَةُ الْمَكَانِيَّةُ.}$$



تدرب (١) : 👤 👤

أَكْتُبْ $\frac{4}{5}$ فِي صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ.

$$\frac{\square}{5} = \frac{4,0}{5}$$

$$\square = \square + 3 = 3\frac{4}{5}, \quad \square = \frac{4}{5}$$

مثال:

أَكْتُبْ $\frac{1}{3}$ فِي صُورَةِ كَسْرِ عَشْرِيٍّ.

الحل:

إِسْتَخْدِمِ الْآلَةَ الْحَاسِبَةَ (0.33333333) (=) (3) (÷) (1) أَي $\frac{1}{3} = 0,3333333$

الرَّقْمُ ٣ يَتَكَرَّرُ عَلَى يَمِينِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ دُونَ تَوَقُّفٍ إِلَى مَا لَا نِهَآيَةَ.

نَسْتَخْدِمُ الرَّمْزَ $\bar{3}$ ، لِنُعَبِّرَ عَنِ $0,3333333 = \frac{1}{3}$ بِالتَّالِي: $0,3\bar{3} = 0,3333333$

وَنَقْرَأُ ٣ أَجْزَاءً مِنْ عَشْرَةِ دُورِي.



كَيْفَ يَتَشَابَهُ $\frac{5}{10}$ ، ٥ ، ٥ ؟ وَكَيْفَ يَخْتَلِفَانِ ؟

تدرب (٢) : 👤

أَكْتُبْ $\frac{2}{3}$ فِي صُورَةِ كَسْرِ عَشْرِيٍّ.

إِسْتَخْدِمِ الْآلَةَ الْحَاسِبَةَ.

تَمَرْنُ:

١ اُكْتُبْ فِي الصُّورَةِ الْعَشْرِيَّةِ كُلًّا مِمَّا يَلِي:

ب $\frac{3}{8}$

أ $\frac{2}{5}$

د $\frac{3}{20}$

ج $\frac{1}{4}$

٢ اُكْتُبْ فِي صُورَةِ كَسْرِ اعْتِيَادِيٍّ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ لِكُلِّ مِمَّا يَلِي:

ب $٠,٣٥$

أ $٠,٤٤$

د $٥,١٥$

ج $٠,٦٥$

KuwaitMath.com

٣ إختَر مِن العَمودِ (ب) الكَسْرَ العَشْرِيَّ المُتكَافِئَ مَع كُلِّ كَسْرٍ فِي العَمودِ (أ).

العَمودُ (ب)		العَمودُ (أ)
٠,٧٥		$\frac{1}{5}$ أ
٠,٨		$\frac{4}{8}$ ب
٠,١		$\frac{3}{40}$ ج
٠,٥		$\frac{12}{16}$ د
٠,٠٧٥		$\frac{4}{5}$ هـ
٠,٢٥		$\frac{5}{50}$ و

KuwaitMath.com

مراجعة الوحدة السادسة
Revision Unit Six

٦-٦

١ اكتب كلاً من الكسور التالية في أبسط صورة:

ب $= \frac{9}{45}$

أ $= \frac{20}{25}$

د $= \frac{6}{18}$

ج $= \frac{300}{400}$

٢ اكتب كلاً من الكسور المركبة التالية على شكل عدد كسري.

ب $= \frac{17}{2}$

أ $= \frac{19}{2}$

د $= \frac{49}{7}$

ج $= \frac{22}{4}$

٣ اكتب كلاً من الأعداد الكسرية التالية على شكل كسر مركب.

ب $= 10 \frac{1}{4}$

أ $= 2 \frac{3}{5}$

٤ رتب الكسور التالية ترتيباً تصاعدياً موضحاً خطوات الحل.

$\frac{3}{5}$ ، ٠,٢ ، ٠,٣٢ ، ٠,٥

٥ رتب الكسور التالية ترتيباً تنازلياً موضحاً خطوات الحل.

$\frac{1}{5}$ ، ٠,٢٥ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$

٦ اكتب في الصورة الاعتيادية وفي أبسط صورة.

ب = ٧, ١٢٥

أ = ٠, ٠٨

٧ اكتب الكسر العشري المتكافئ لكل من الكسور التالية.

..... = $\frac{5}{20}$ ، = $\frac{9}{50}$ ، = $\frac{3}{4}$ ، = $\frac{1}{8}$

اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ السَّادِسَةِ

أَوَّلًا: في البُنُودِ (١-٥) ظَلَّلْ ① إذا كانتِ العبارةُ صحيحةً، وظَلَّلْ ② إذا كانتِ العبارةُ غيرَ صحيحةً.

②	①	كسيرانِ مُتَكَافِئانِ $\frac{٤٥}{٧٥}$ ، $\frac{٢}{٣}$
②	①	$٣,٧٥ = \frac{١٥}{٤}$
②	①	$\frac{١}{٥} = ٠,٢$
②	①	$٦,٤ = ٦\frac{٢}{٥}$
②	①	$\frac{٣}{٤} < \frac{١٢}{١٦}$

لكل بند من البُنُودِ التالية أَرَبِعُ اِخْتِياراتٍ، واحِدٌ فَقَطُ مِنْها صَحيحٌ، ظَلَّلْ الدائِرةَ الدالَّةَ عَلى الإجابةِ الصَّحيحةِ :

⑥ $\frac{٤}{٢٥}$ في صورةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ:

- ① ١,٦ ② ٠,١٦ ③ ٠,١٠٦ ④ ٠,١٠٦

⑦ $٥\frac{٢}{٣}$ في صورةِ كَسْرٍ مُركَّبٍ:

- ① $\frac{١٧}{٣}$ ② $\frac{١٥}{٣}$ ③ $\frac{١٧}{٥}$ ④ $\frac{١٠}{٣}$

⑧ أيُّ مِنَ الكُسُورِ التَّالِيَةِ في أبسَطِ صورةٍ:

- ① $\frac{٢}{٤}$ ② $\frac{٩}{١٢}$ ③ $\frac{٧}{١٥}$ ④ $\frac{٥}{٢٠}$

⑨ الكَسْرُ المُركَّبُ $\frac{٢٥}{٤}$ في صورةِ عَدَدٍ كَسْرِيٍّ:

- ① $٦\frac{٣}{٤}$ ② $٦\frac{١}{٢}$ ③ ٦,٤ ④ $٦\frac{١}{٤}$

⑩ الرَّمْزُ الَّذِي يَجْعَلُ هَذِهِ العبارةَ صَحيحةً $\frac{٣}{٥} \bigcirc \frac{٥}{١٠}$ هُوَ:

- ① + ② = ③ > ④ <

مَوارِدُ الوَحْدَةِ السَّادِسَةِ

Unit 6 Resources

اخْتَرِ واحِدَةً مِنَ الْمَسْأَلَتَيْنِ الْآتِيَتَيْنِ وَحُلِّهَا مُسْتَعِدِّمًا مَا تَعَلَّمْتَهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ.

١ طَرِيقَةُ بَرَايِل

٢ تَوَقُّفُ وَتَابِعِ النَّمَطِ

إِنَّ طَرِيقَةَ «بَرَايِل» الَّتِي وُضِعَتْ لِإِقَادِي الْبَصَرِ كِنَايَةً عَنْ مَجْمُوعَةٍ مِنَ النِّقَاطِ الْبَارِزَةِ عَلَى لَوْحَةٍ مَا. بَعْضُ هَذِهِ النِّقَاطِ صَغِيرَةٌ الْحَجْمِ وَبَعْضُهَا كَبِيرَةٌ الْحَجْمِ. تُقْرَأُ هَذِهِ الْإِشَارَاتُ بِاللَّمْسِ. اسْتَخْدِمِ هَذِهِ اللَّوْحَةَ لِتَجِدَ الْكَسْرَ الْمُكَافِئَ لِلْأَعْدَادِ الْمَكْتُوبَةِ وَفَقًا لِطَرِيقَةِ بَرَايِل. إِطْرَحِ الْكُسْرَيْنِ ثُمَّ بَسِّطِ الْإِجَابَةَ.

كُونَ جَدُولًا بِثَلَاثَةِ أَعْمِدَةٍ. اُكْتُبِ الْكُسُورَ التَّالِيَةَ فِي الْعَمُودِ الْأَوَّلِ: $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{7}$, $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{11}$, $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{15}$, $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{18}$.

اسْتَخْدِمِ الْأَلَةَ الْحَاسِبَةَ وَأَمَلِ الْفَرَاقَاتِ فِي الْعَمُودِ الثَّانِي بِالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ الْمُقَابِلَةِ لِكُلِّ كَسْرٍ. أَمَا فِي الْعَمُودِ الثَّلَاثِ، فَاُكْتُبِ حَرْفَ «ت» إِذَا تَكَرَّرَتِ الْأَرْقَامُ إِلَى يَمِينِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ أَوْ اُكْتُبِ «ل» إِذَا لَمْ تَتَكَرَّرْ.

ت أول؟	الكسر العشري	الكسر
ل	٠,٥	$\frac{1}{2}$
		⋮
		$\frac{1}{20}$



زَاوِيَةُ التَّفْكِيرِ النَّاقِدِ

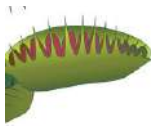


الْحِسُّ الْعَدَدِيُّ

طَرْحُ الْكُسُورِ

تَفْتَحُ زَهْرَةَ الدُّبَابِ أَوْ رَافِعَهَا لِتَلْتَقِطَ الْحَشْرَاتِ وَتَسْتَعْرِقُ $\frac{1}{5}$ ثَانِيَةً لِتُغْلِقَهَا.

كَمْ مِنَ الْوَقْتِ تَسْتَعْرِقُ هَذِهِ الزَّهْرَةُ لِتُكْمِلَ الْمَرْحَلَةَ الثَّلَاثَةَ؟



الْمَرْحَلَةُ الثَّلَاثَةُ

؟



الْمَرْحَلَةُ الثَّانِيَةُ

$\frac{2}{5}$ ثَانِيَةً



الْمَرْحَلَةُ الْأُولَى

$\frac{1}{5}$ ثَانِيَةً



مَجَلَّةُ الرِّيَاضِيَّاتِ



هَلْ وَصَلْنَا؟ عِنْدَمَا تَطْرَحُ الأَعْدَادَ الكُلِّيَّةَ، نَحْتَاجُ أحيانًا إلى إعادة تَسْمِيَةِ العَشْرَاتِ على شَكْلِ عَشْرَاتٍ وَآحادٍ لِتَكُونَ قَادِرًا على طَرَحِ الآحادِ. يَحْصُلُ الشَّيْءُ نَفْسُهُ عِنْدَ طَرَحِ وَحَدَاتِ الوَقْتِ، فَقَدْ نَحْتَاجُ إلى إعادة تَسْمِيَةِ أَجْزَاءِ السَّاعَةِ (٦٠ دَقِيقَةً) إِذَا كَانَ عَدَدُ الدَّقَائِقِ في المَطْرُوحِ مِنْهُ غَيْرَ كافٍ.

٥:١٧

٣:٤٦ -

٤ ٧

٥:١٧

٣:٤٦ -

١:٣١

تَسْرُكُ الحافِلةِ المَدِينَةَ أ السَّاعَةَ ٣:٤٦ (ب.ظ.) وَتَصِلُ إلى المَدِينَةِ ج

السَّاعَةَ ٥:١٧ (ب.ظ.) كَمْ سَاعَةً تَسْتَغْرِقُ الرِّحْلَةَ بَيْنَ المَدِينَتَيْنِ أ وَ ج ؟

تَسْتَطِيعُ طَرَحَ ٦ مِنْ ٧ لِكِنَّكَ لا تَسْتَطِيعُ طَرَحَ ٤٠ دَقِيقَةً مِنْ عَشْرِ دَقَائِقٍ.

هَذَا يَعْنِي أَنَّهُ عَلَيْكَ أَنْ تُعِيدَ تَجْمِيعَ ٥ سَاعَاتٍ على أَنَّهَا ٤ سَاعَاتٍ،

وَ ٦٠ دَقِيقَةً وَليْسَ ٤ سَاعَاتٍ وَ ١٠٠ دَقِيقَةً. عِنْدَمَا تُعِيدُ

التَّسْمِيَةَ تَذَكَّرْ أَنَّ سَاعَةً وَاحِدَةً تُساوي ٦٠ دَقِيقَةً وَليْسَ

١٠٠ دَقِيقَةً. أَضِفْ فَقَطْ ٦ إلى مَنزِلَةِ العَشْرِ دَقَائِقٍ.

تَسْتَغْرِقُ الرِّحْلَةَ سَاعَةً وَإِحدى وَثَلَاثِينَ دَقِيقَةً. إِذَا أَرَدْتَ

التَّحَقُّقَ مِنْ إجابَتِكَ، فَاجْمَعْ الوَقْتَ الَّذِي تَسْتَغْرِقُهُ الرِّحْلَةُ

إلى سَاعَةِ الإِنطِلاقِ.

جَدْوَلُ الرِّحَلَاتِ		
المَدِينَةُ أ	المَدِينَةُ ب	المَدِينَةُ ج
٢:١١	٣:٠٦	٣:٤٢
٣:٤٦	٤:٤١	٥:١٧
٥:٠٥	٦:٠٠	٦:٣٦
٦:٠٥	٧:٠٠	٧:٣٦
٧:١٠	٨:٠٥	٨:٤١

جَرِّبْ ما يَلي:

أَوْجِدِ الوَقْتَ الَّذِي تَسْتَغْرِقُهُ لِكُلِّ مِنَ الرِّحَلَاتِ الآتِيَةِ. أَوْجِدِ وَقْتَ الوُصُولِ.

١) الإِنطِلاقُ السَّاعَةَ ٦:٠٥ (ق.ظ.)،

الوُصُولُ السَّاعَةَ ٧:١٥ (ق.ظ.)

٢) الإِنطِلاقُ السَّاعَةَ ٩:١٥ (ب.ظ.)،

الوُصُولُ عِنْدَ الظُّهْرِ.

٣) الإِنطِلاقُ السَّاعَةَ ٨:٣٦ (ق.ظ.)،

مُدَّةُ الرِّحْلَةِ ٦ سَاعَاتٍ وَ ٣٦ دَقِيقَةً.

٤) الإِنطِلاقُ السَّاعَةَ ٤:٠٥ (ب.ظ.)،

مُدَّةُ الرِّحْلَةِ ٣ سَاعَاتٍ وَ ١٥ دَقِيقَةً.

٥) الإِنطِلاقُ السَّاعَةَ ١:١٥ (ق.ظ.)،



KuwaitMath.com

أودع بمكتبة الوزارة تحت رقم (٤٧) بتاريخ ٢٠١٦/٨/٣٠ م