

# الوحدة الخامسة

## نظرية الأعداد

### Numbers Theory

## النباتات PLANTS



مُنظَّمَةٌ وَقَايَةَ النَّبَاتَاتِ تَعْمَلُ عَلَى حِمَايَةِ النَّبَاتَاتِ  
مِنَ الْإِنْتِقَاضِ حَيْثُ يَتِمُّ تَبَادُلُ بُدُورِ نَبَاتَاتِ  
نَادِرَةٍ لِحُضَارٍ وَفَوَاكِهَ وَأَزْهَارٍ جِيلٍ بَعْدَ جِيلٍ  
إِذَا لَمْ يَتِمَّ جَمْعُ هَذِهِ الْبُدُورِ وَإِعَادَةُ زِرَاعَتِهَا  
يُمْكِنُ أَنْ تَنْقَرِضَ فَصَائِلُهَا. هَذِهِ التَّبَادُلَاتُ  
تَحْمِي ١٣٥ صِنْفًا مِنَ الْبَادِنِجَانِ مِنَ الْإِنْتِقَاضِ.

إذا كان لدينا ١٢٠٠ بذرة نادرة من بذور  
البادينجان.

• كَمْ عُلْبَةً مِنْ ٣٠ بَذْرَةً يُمَكِّنُنَا أَنْ نُشَكِّلَ؟

• كَمْ عُلْبَةً مِنْ ٦٠ بَذْرَةً يُمَكِّنُنَا أَنْ  
نُشَكِّلَ؟

• هَلْ يُمَكِّنُنَا أَنْ نُعَبِّأَ هَذِهِ

الْبُدُورَ فِي عُلْبٍ تَسَعُ

الوَاحِدَةَ ٩٠ بَذْرَةً؟

# مشروع عمل فريق

## Team Project

### لعبة الأعداد

What's your Numbers?

في هذا المشروع، ستعرض مع عددٍ من زملائك على ورقٍ مقوى الطرائق المختلفة التي تستطيعون من خلالها كتابة أرقامكم المفضلة.

اللوازم:

ورق مقوى ملون،  
مقصات، أقلام ملونة،  
مسوادل لصقة، لوحات  
مُلصقات.

### اعمل خطة

- هل تعرف أنت وفريق العمل بكم طريقة يمكن التعبير عن عددٍ ما؟
- هل الأعداد التي تفضلونها هي أعداد مؤلفة من رقم واحد أو أكثر؟
- ما العوامل الأولية للعدد الذي تفضله؟ ما المضاعف المشترك الأصغر لعددتين من الأعداد التي يفضلهما فريق العمل؟

### نفذ الخطة

- 1 نظم لائحة بالأعداد التي يفضلهما فريق العمل. أشِر إلى الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية.
- 2 ارسم الأعداد التي اخترتها على ورق مقوى ملون ومن ثم قصها.
- 3 فكر في طريقة لتكتب فيها الأعداد. استخدم قلمًا ملونًا لتكتب الأرقام على الورقة التي فصلتها بالطريقة التي اخترت.
- 4 تبادل الأعداد التي رسمتها مع الأعداد التي رسمها زملاؤك، وأوجد طرائق أخرى لكتابة أعدادك المفضلة.
- 5 ألصق الأعداد على لوحات المُلصقات.

### تعبير شفهي

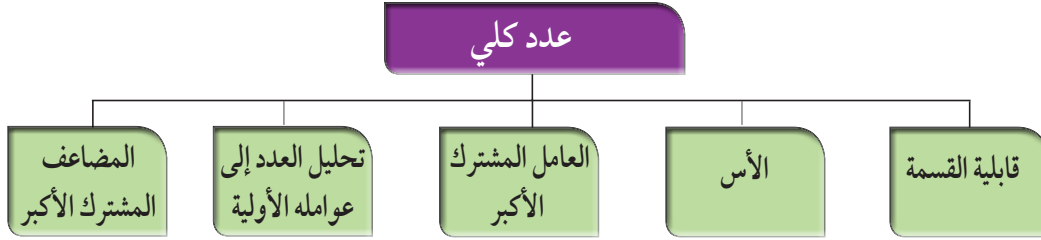
- هل كتب زملاؤك الأعداد الأولية بطرائق مختلفة أو الأعداد غير الأولية؟ وضح إجابتك.

### قدم المشروع

أنظر إلى الطرائق المختلفة التي اختارنها الفرق الأخرى لتكتب أعدادها المفضلة. هل هنالك المزيد من الطرائق لتستخدمها فرق أخرى في عرض أرقامها؟ هل أن الطرائق التي استخدمتها الفرق الأخرى لتكتب أرقامها المفضلة تعطيك فكرة حول كتابة الأرقام التي تفضلها؟ إذا استطعت إضافة أرقام على لوحات المُلصقات، فأَيُّ طريقة استخدمت لكتابتها؟



## مُخَطِّطُ تَنْظِيمِيٍّ لِلوَحْدَةِ الْخَامِسَةِ



### الكفايات الخاصة المتعلقة بالوحدة الخامسة

(٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة؛ وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.

(٧-١) إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناءً على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير؛ إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.

(١٠-١) حساب قوى أعداد صحيحة موجبة بناءً على قواعد وخواص العمليات الحسابية؛ إيجاد الجذر التربيعي لمربع عدد كلي.

(٦-٣) إبداء فضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناءً على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

## قابلية القسمة Divisibility

١-٥

### حصص متساوية

سوف تتعلم: كيف تساعدك قواعد قابلية القسمة على معرفة إمكانية قسمة عدد على عدد آخر من دون باق.



جمع كل من محمد وعبد الرحمن وطلال ١٤٤ حبة من فاكهة الفراولة، فهل يمكنهم تقاسمها في ما بينهم بالتساوي؟

لتجد الإجابة، يجب أن تعرف ما إذا كان العدد ١٤٤ قابلاً للقسمة على ٣.

**قابلية القسمة تعني:** «عدم الحصول على باق (من دون باق) بعد عملية القسمة».

تستطيع معرفة ما إذا كان العدد ١٤٤ يقبل القسمة على ٣ من دون إجراء عملية القسمة.

**الخطوة (٢)**

**الخطوة (١)**

اجمع أرقام العدد ١٤٤ :  $9 = 1 + 4 + 4$  اقسّم ناتج الجمع على ٣ .  
 $3 = 3 \div 3$  ، لا يوجد باق.

بالتالي نقول إن العدد ١٤٤ يقبل القسمة على ٣ ، أي أنه بإمكان محمد وعبد الرحمن وطلال تقاسم الـ ١٤٤ فراولة بالتساوي بينهم.

يقبل عدد ما القسمة على ٣ إذا كان ناتج جمع أرقام العدد يقبل القسمة على ٣ .

**تدرب (١)**

هل العدد ٦٧٥٦ يقبل القسمة على ٣ ؟

الخطوة (٣)	الخطوة (٢)	الخطوة (١)
اقسّم ناتج الجمع النهائي على ٣ :	اجمع أرقام الناتج <input type="text"/>	اجمع أرقام العدد ٦٧٥٦ :
$\square = \square \div \square$ لا يوجد باق.	$\square = \square + \square$	$\square = \square + \square + \square + \square$

بالتالي العدد ٦٧٥٦  القسمة على ٣ .

العبارات والمفردات:

قابلية القسمة  
divisibility

معلومات مفيدة:

تُغطّي المناطق الزراعية بكل من الوفرة والعبّدي والصليبية ٢٤,٠٠٠ هكتار، منها حوالي ٥٠٠٠ هكتار مزروعة وتنتج العديد من أصناف الخضار والفواكه.

اللوازم:

لوحة المئة.

## نشاط :

استخدم لوحه المئته.

- ظلل الأعداد التي تقبل القسمة على ٢ .
- ضع دائرة حول الأعداد التي تقبل القسمة على ٣ .
- لاحظ الأعداد التي كانت مظللة وعليها دائرة واقسمها على ٦ .

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٢٠	١٩	١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	١٢	١١
٣٠	٢٩	٢٨	٢٧	٢٦	٢٥	٢٤	٢٣	٢٢	٢١
٤٠	٣٩	٣٨	٣٧	٣٦	٣٥	٣٤	٣٣	٣٢	٣١
٥٠	٤٩	٤٨	٤٧	٤٦	٤٥	٤٤	٤٣	٤٢	٤١
٦٠	٥٩	٥٨	٥٧	٥٦	٥٥	٥٤	٥٣	٥٢	٥١
٧٠	٦٩	٦٨	٦٧	٦٦	٦٥	٦٤	٦٣	٦٢	٦١
٨٠	٧٩	٧٨	٧٧	٧٦	٧٥	٧٤	٧٣	٧٢	٧١
٩٠	٨٩	٨٨	٨٧	٨٦	٨٥	٨٤	٨٣	٨٢	٨١
١٠٠	٩٩	٩٨	٩٧	٩٦	٩٥	٩٤	٩٣	٩٢	٩١

متى يقبل العدد القسمة على ٦ ؟



ما أكبر عدد رمزه مكون من أربعة أرقام يقبل القسمة على ٣ ؟

هذه لائحة بشروط قابلية القسمة :

### قواعد قابلية القسمة

يكون عدد ما قابلاً للقسمة على :

٢: إذا كان رقم أحاده ٠ أو ٢ أو ٤ أو ٦ أو ٨ .

٣: إذا كان ناتج جمع أرقامه يقبل القسمة على ٣ .

٤: إذا كان العدد المكون من رقمي الأحاد والعشرات يقبل القسمة على ٤ .

٥: إذا كان رقم أحاده ٠ أو ٥ .

٦: إذا كان العدد يقبل القسمة على كلا العددين ٢ و ٣ .

٩: إذا كان ناتج جمع أرقامه يقبل القسمة على ٩ .

١٠: إذا كان رقم أحاده صفرًا .



لماذا العدد الذي يقبل القسمة على ١٠ يقبل القسمة على ٢ ، ٥ ؟

## تَمَرْنُ:

١ أكْمِلِ الْجَدْوَلَ بِوَضْعِ ✓ أَوْ ✗.

١٠	٩	٦	٥	٤	٣	٢	العَدَدُ يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى
				✓	✗	✓	٣٢٥٦
							٢٢٧١
							٩٨٣٧٢
							١٢٣٥
							٣٠١٧٢٠
							٩٩٩٩٠٠

٢ اسْتَبْدِلِ الـ  بِرَقْمٍ يَجْعَلُ كُلًّا مِنَ الأَعْدَادِ المَذْكُورَةِ أَدْنَاهُ قَابِلَةً القِسْمَةَ عَلَى ٤.

١٠٠٠  ج

٥٢  ب

٤١  أ

٨٥  ٢٨ د

٢  ٢ د

حَوِّطِ الحَرْفَ الَّذِي يُمَثِّلُ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ.

٣ العَدَدُ الَّذِي يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى ٥

فِي مَا يَلِي هُوَ:

أ ٢٢٣٤

ب ٣٦١٤٠

ج ٩٢٢٣

٤ العَدَدُ الَّذِي يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى ٤

فِي مَا يَلِي هُوَ:

أ ٥٤٦٣٥

ب ٧٥٩٣

ج ٣١٨٣٦

٥ العدد الذي يقبل القسمة على ٦ في ما يلي هو:

أ ١١١٥

ب ٦١٣٥

ج ٢٥٢٦

٦ العدد الذي يقبل القسمة على ٩ في ما يلي هو:

أ ٢٧٧٢٣

ب ٦٥٤٣

ج ٧٢٨١٧



أوجد عدداً يقبل القسمة على ٦ ويقع بين ١٠٠٠ ، ١٢٠٠ .

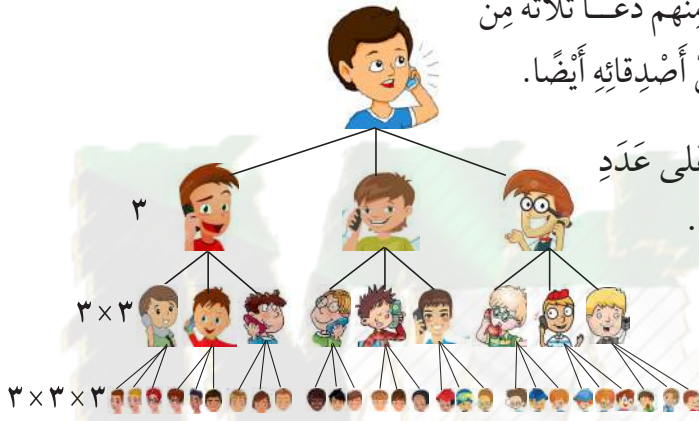
KuwaitMath.com



## كُنَّا فِي الْأَصْلِ ثَلَاثَةً

سَوْفَ تَتَعَلَّمُ: كِتَابَةَ الصُّورَةِ الْأُسِّيَّةِ لِلْعَدَدِ .

أَقَامَ عَبْدُ اللَّهِ مَعْرِضًا لِأَنْوَاعِ الثَّمَارِ الَّتِي يُمَكِّنُ زِرَاعَتَهَا فِي الْكُوَيْتِ وَدَعَا ثَلَاثَةً مِنْ زُمَلَائِهِ لِيشَاهِدُوا هَذِهِ الثَّمَارَ، إِلَّا أَنَّ كَلًّا مِنْهُمْ دَعَا ثَلَاثَةً مِنْ أَصْدِقَائِهِ وَكَلًّا مِنْ هَؤُلَاءِ دَعَا ثَلَاثَةً مِنْ أَصْدِقَائِهِ أَيْضًا.



رَسَمَ عَبْدُ اللَّهِ صُورَةً لِيَتَعَرَّفَ عَلَى عَدَدِ الْمَدْعُوعِينَ لِكَيْ يَسْتَعِدَّ لِاسْتِقْبَالِهِمْ.

يُمْكِنُ اسْتِخْدَامُ الْأُسِّ لِلدَّلَالَةِ عَلَى عَدَدِ الْمَرَّاتِ الَّتِي اسْتُخْدِمَ فِيهَا عَدَدٌ كَعَامِلٍ.

العبارات والمفردات:

الأسس (القوة)  
exponent  
الأساس base

ملاحظة:

يُمْكِنُ أَنْ نَقُولَ عَنْهَا ٣ حَيْثُ ٣ تَكْعِيبُ أَوْ ٣ إِلَى الْقُوَّةِ ٣ أَوْ ٣ أُسَّ ٣ لَاحِظْ أَنَّ ٣ × ٣ × ٣ = ٣ × ٣ × ٣.

$$3^3 = \underbrace{3 \times 3 \times 3}_{\text{عوامل}}$$

الأسس — ٣  
الأساس

الْعَدَدُ يُسَمَّى الْأَسَاسَ. الْأُسُّ يُسَمَّى الْقُوَّةَ.

مَثَلًا، إِذَا رَفَعْنَا الْعَدَدَ ٣ إِلَى الْقُوَّةِ ٣ نَكْتُبُ ٣<sup>٣</sup>، وَتُسَمَّى الصُّورَةُ الْأُسِّيَّةَ.

تدرب (١)

ب) أَوْجِدْ قِيَمَةَ: (٢, ٠)

$$\square = \square \times \square = {}^2(٠, ٢)$$

تَذَكَّرْ قَوَاعِدَ ضَرْبِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ.

أ) أَوْجِدْ قِيَمَةَ: ٣<sup>٤</sup>

$$\square = \underbrace{\square \times \square \times \square}_{\text{عوامل}} = {}^3 ٤$$

٣ عوامل

ما قِيَمَةُ ٤<sup>١</sup>؟ كَيْفَ تَعْرِفُ ذَلِكَ؟





## تدرب (٢) :

اكتب كل ناتج ضرب على شكل عدد مرفوع للأس.

..... =  $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$  **ب**

..... =  $5 \times 5 \times 5$  **أ**

..... =  $10 \times 10 \times 10 \times 10$  **د**

..... =  $0,4 \times 0,4$  **ج**

## تمرّن:

١ اكتب كل ناتج ضرب على شكل عدد مرفوع للأس.

.....  $11 \times 11 \times 11$  **ب**

.....  $8 \times 8$  **أ**

.....  $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7$  **د**

.....  $4 \times 4 \times 4 \times 4$  **ج**

٢ أوجد قيمة كل مما يلي:

.....  $2^3$  **ب**

.....  $3^2$  **أ**

.....  $2^8$  **د**

.....  $3^4$  **ج**

.....  $7^2$  **و**

.....  $0^2$  **هـ**

.....  $3(0,5)$  **ح**

.....  $2(0,3)$  **ز**

.....  $1^6$  **ي**

.....  $1^0$  **ط**

٣ استخدم الحسب الذهني: أوجد قيمة كل مما يلي:

.....  $10 - 20$  **ب**

.....  $2 + 32$  **أ**

.....  $20 + 30$  **د**

.....  $7 + 27$  **ج**

.....  $2 - 33$  **هـ**

# تَحْلِيلُ الْعَدَدِ إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ

## Prime Factorization

٣-٥

### شَجَرَةُ النَّخِيلِ

سَوْفَ تَتَعَلَّمُ: الْفَرْقُ بَيْنَ الْعَدَدِ الْأَوَّلِيِّ وَالْعَدَدِ غَيْرِ الْأَوَّلِيِّ وَتَحْلِيلُ الْعَدَدِ إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ.



أَرَادَ خَالِدٌ تَوْزِيْعَ ١٩ شَجَرَةَ نَخِيلٍ عَلَى عَدَدٍ مِنْ زُمَلَانِهِ. هَلْ يَسْتَطِيعُ تَوْزِيْعَهَا بِالتَّسَاوِي عَلَى زُمَلَانِهِ؟

إِسْتَخْدَمَ قَوَاعِدَ قَابِلِيَّةِ الْقِسْمَةِ الَّتِي تَعَلَّمْتَهَا سَابِقًا. إِذَا عُدَّتْ إِلَى قَوَاعِدِ قَابِلِيَّةِ الْقِسْمَةِ لَوَجَدَتْ أَنَّ الْعَدَدَ ١٩ هُوَ عَدَدٌ لَا يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ

عَلَى أَيِّ مِنَ الْأَعْدَادِ ٢ أَوْ ٣ أَوْ ٤ أَوْ ٥ أَوْ ٦ أَوْ ٩ أَوْ ١٠، وَلَا يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٧ أَوْ ٨. وَبِمَا أَنَّ الْعَدَدَ ١٩ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ فَقَطُّ عَلَى ١ وَعَلَى ١٩، نُسَمِّيهِ عَدَدًا أَوَّلِيًّا.

العبارات والمفردات:

عدد أولي

prime number

عدد غير أولي

composite number

تحليل إلى عوامل أولية

Prime

factorization

معلومات مفيدة:

النخلة هي شجرة موطنها الأصلي منطقة الخليج العربي لها ساق (جذع) غليظ تتوجها أوراق رئيسية كبيرة (سعف) وتنتج ثمار البلح (تمر).

٢٠ عدد غير أولي

العدد ٢٠ هو عدد غير أولي وله ٦ عوامل.

$$\left. \begin{array}{l} 1 \times 20 \\ 2 \times 10 \\ 4 \times 5 \end{array} \right\} = 20$$

العوامل هي ١، ٢، ٤، ٥، ١٠، ٢٠.

١٩ عدد أولي

العدد الأولي هو عدد كلي أكبر من الواحد وله عاملان مختلفان فقط هما: الواحد والعدد نفسه.

١٩ عدد أولي

$$19 \times 1 = 19$$

عاملان فقط: ١، ١٩

تدرب (١)

أذكر ما إذا كان كل عدد من الأعداد التالية عددًا أوليًّا أو غير أوليًّا.

٤٧

ج

٣٥

ب

٢٩

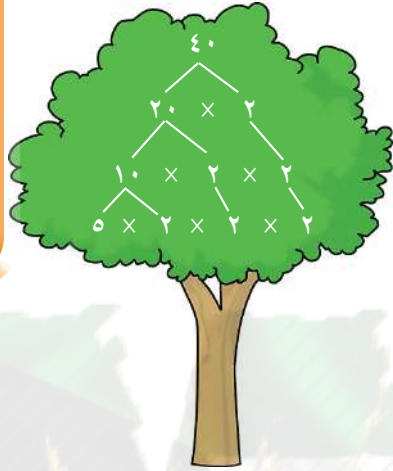
أ

**رَبِّطِ الْأَفْكَارِ:** لَاحَظْتَ أَنَّ الْأَعْدَادَ الْكَلْبِيَّةَ غَيْرَ الْأَوَّلِيَّةِ الْأَكْبَرَ مِنْ ١ يُمَكِّنُ كِتَابَتَهَا عَلَى شَكْلِ نَاتِجِ ضَرْبِ أَعْدَادٍ أَوَّلِيَّةٍ.

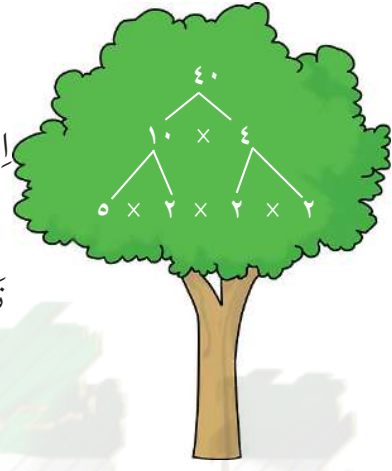
تَسْتَطِيعُ رَسْمَ شَجَرَةِ الْعَوَامِلِ لِتُحَلَّلَ عَدَدًا غَيْرَ أَوَّلِيٍّ مِثْلَ الْعَدَدِ ٤٠ إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ.

تَذَكَّرْ أَنْ:

- العدد ١ ليس عدداً أولياً.
- العدد ٢ هو العدد الوحيد الأولي والزوجي.



اخْتَرِ أَيَّ عَامِلَيْنِ لِلْعَدَدِ ٤٠  
تَابِعْ كِتَابَةَ الْعَوَامِلِ حَتَّى  
تَصِلَ إِلَى عَوَامِلِ كُلِّهَا أَعْدَادٍ  
أَوَّلِيَّةٍ.



$$5 \times 2 \times 2 \times 2 = 40$$

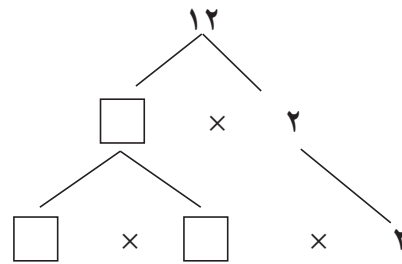
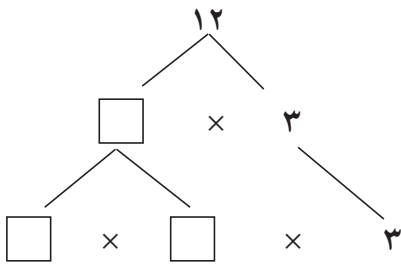
$$\text{أو } 5 \times 2^3 = 40$$



هَلْ تَتَغَيَّرُ الْعَوَامِلُ الْأَوَّلِيَّةُ لِلْعَدَدِ ٤٠ لَوْ بَدَأْتَ بِـ ٥ × ٨ ؟ وَصَّحْ ذَلِكَ ؟

**تدرب (٢)**

أَكْمِلْ كُلًّا مِنْ شُجَيْرَاتِ عَوَامِلِ الْعَدَدِ ١٢:





مثال :

افقرأ هذا الإعلان واستخدم ما تعلمته عن خواص الأعداد والدلائل الموجودة فيه لتجد أرقام الهاتف المجهولة.

شارك في المسابقة واربح رحلة ترفيهية!  
استخدم الدلائل الواردة في الجدول أدناه  
لتجد أرقام الهاتف المجهولة، ثم اتصل بنا  
على الرقم د ج ب أ - ٥٥٥

- (١) الأرقام المجهولة مختلفة .
- (٢)  $٧ = أ$
- (٣) أ ، ب ، د هي فقط أعداد أولية .
- (٤) عند جمع ج إلى أي عدد، تحصل على العدد نفسه .
- (٥) د عامل من عوامل العدد ٥ .
- (٦) ب عدد زوجي .

● **إفهم:** ما الذي تحتاج إلى معرفته؟

تريد أن تجد قيمة كل من أ و ب و ج و د من أرقام الهاتف .

● **خطأ:** كيف تحل المسألة؟

تستطيع استخدام التعليل السليم وتكوين جدول لتنظيم المعلومات .

● **حل:** كون جدولاً. أثناء قراءتك للدلائل، اشطب الأرقام التي تعرف أنها خطأ وحوط الرقم الصحيح .

● **الدليل ١:** لا يعطينا معلومات كافية .

● **الدليل ٢:** حوط الرقم ٧ واشطب الأرقام الأخرى كلها في العمود أ ، ثم استخدم الدليل

١ واشطب الرقم ٧ من الأعمدة ب و ج و د .

● **الدليل ٣:** اشطب الأعداد غير الأولية في العمودين

ب و د واشطب الأعداد الأولية في العمود ج .

● **الدليل ٤:** حوط ٠ واشطب الأرقام الأخرى كلها في

العمود ج .

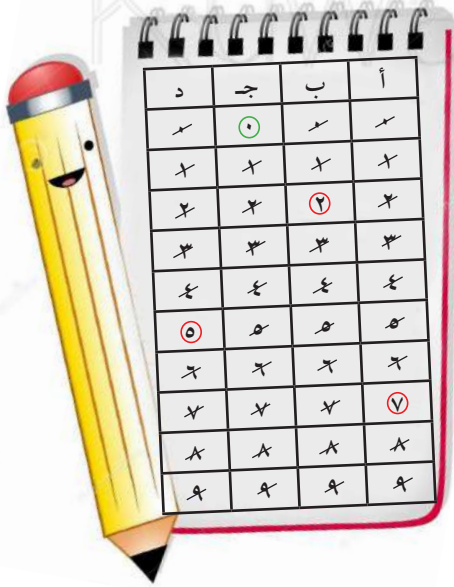
● **الدليل ٥:** حوط ٥ واشطب الأرقام الأخرى كلها في

العمود د. اشطب ٥ في العمود ب .

● **الدليل ٦:** حوط ٢ واشطب ٣ في العمود ب .

رقم الهاتف هو: ٧٢٠٥ - ٥٥٥ .

● **راجع وتحقق:** تأكد من أن كلا من الأرقام يوافق الدلائل كلها .

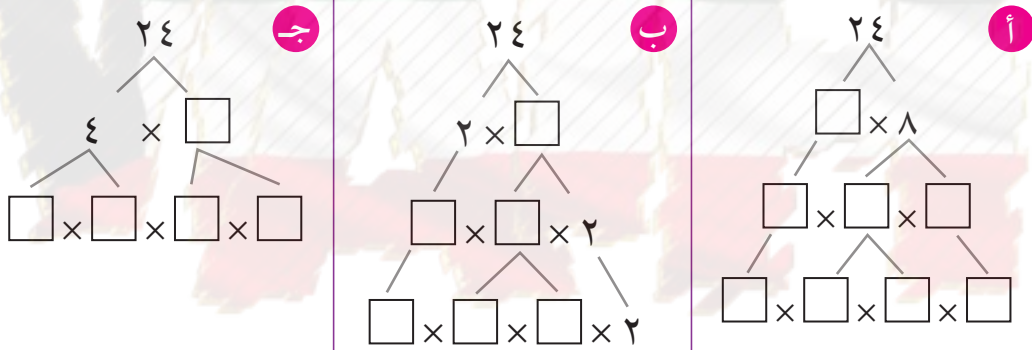


## تَمَرْنُ:

١ أَيُّ مِنَ الْأَعْدَادِ التَّالِيَةِ عَدَدًا أَوَّلِيًّا وَأَيُّهَا غَيْرَ أَوَّلِيٍّ .

٢٣ هـ	٥١ د	٥٠ ج	٣٧ ب	١٥ أ
.....	.....	.....	.....	.....
٣٣ ي	٢١ ط	٣١ ح	٤٢ ز	٣٩ و
.....	.....	.....	.....	.....

٢ أَكْمِلْ كُلًّا مِنْ شُجَيْرَاتِ عَوَامِلِ الْعَدَدِ ٢٤ .



٣ أَكْتُبْ كُلًّا مِنَ الْأَعْدَادِ التَّالِيَةِ بِشَكْلِ نَاتِجِ ضَرْبِ عَوَامِلِ أَوَّلِيَّةٍ .

٣٢ ج	٢٧ ب	٤٢ أ
.....	.....	.....
.....	.....	.....
	٦٠ هـ	٣٦ د
	.....	.....
	.....	.....

٤ اذكر ما اذا كانت عمليّة التحليل إلى عواملٍ أوليّةٍ لكلِّ من الأعداد التّاليّة صحيحةً أو غير صحيحةٍ وإذا كانت غير صحيحةٍ، فاكتب عمليّة التحليل الصّحيحة .

ج  $5 \times 2^3 = 20$

ب  $2 \times 5^2 = 50$

أ  $9 \times 2 = 18$

و  $7 \times 2^2 = 98$

هـ  $5 \times 3 \times 2 = 42$

د  $3 \times 2^3 = 24$

ح  $100 \times 2 = 100$

ز  $2^4 = 16$

٥ استخدِم الأسّ لكتابة عمليّة التحليل إلى عواملٍ أوليّةٍ لكلِّ من الأعداد التّاليّة :

ج ٤٨

ب ٨١

أ ٩٠

و ٥٦

هـ ١٢٥

د ١٠٠

KuwaitMath.com



٦ اِتَّصِلْ عَلَى الرَّقْمِ : س ز ر ذ - ٤٤٤ .

المَعْلُومَةُ ١ : ذ ، ر هُما العَدَدانِ الرَّوَجِيَّانِ الوَحِيدانِ.

المَعْلُومَةُ ٢ : ر ، ز هُما العَدَدانِ الأَوَّلِيَّانِ الوَحِيدانِ.

المَعْلُومَةُ ٣ : ز = ٥

المَعْلُومَةُ ٤ : ذ > ز

المَعْلُومَةُ ٥ : ذ + ز = س

المَعْلُومَةُ ٦ : ذ - ٢ = ر

رَقْمُ الهَاتِفِ هُوَ : .....

KuwaitMath.com

# العامل المشترك الأكبر the Greatest Common Factor

٤-٥

## زراعة النرجس والبنفسج

سوف تتعلم: كيف تستخدم ما تعلمت حول الأعداد الأولية في حساب العامل المشترك الأكبر.



لدى أحلام ١٢ زهرة نرجس و ٣٠ زهرة بنفسج أرادت أن تزرعها في إصيصات بحيث يكون في كل إصيص عددًا من أزهار النرجس وعدد من أزهار البنفسج بحيث يكون في كل إصيص العدد نفسه من الأزهار. فما هو أكبر عدد من الإصيصات تحتاجها للزراعة؟ وما عدد الأزهار في كل إصيص؟

عليك معرفة العوامل المشتركة بين العددين ٣٠، ١٢ ومن ثم إيجاد العامل المشترك الأكبر (م.أ) بينهما.

• **طريقة أولى:** أذكر عوامل كل عدد.

أكتب عوامل كلا العددين من الأصغر إلى الأكبر.  
ضع دائرة حول العوامل المشتركة بين العددين.  
أوجد العامل المشترك الأكبر.

إليك طرائق  
الحل

$$12 : 1, 2, 3, 4, 6, 12$$

$$30 : 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30$$

العامل المشترك الأكبر هو ٦.

• **طريقة ثانية:** استخدم عملية التحليل إلى العوامل الأولية.

**الخطوة (٢)**

أوجد العوامل الأولية المشتركة ومن ثم اضرب.

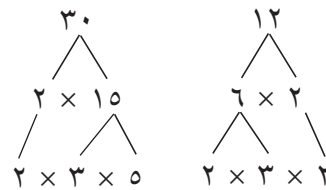
$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$30 = 2 \times 3 \times 5$$

العامل المشترك الأكبر هو  $2 \times 3 = 6$

**الخطوة (١)**

حلل كلا من العددين إلى عوامله الأولية.



يمكن أن تزرع الأزهار في ٦ إصيصات بحيث أن: ١٢ زهرة نرجس  $\div 6$  إصيصات = ٢ و ٣٠ زهرة بنفسج  $\div 6$  إصيصات = ٥، إذاً يكون في كل إصيص ٧ أزهار، ٢ من أزهار النرجس و ٥ من أزهار البنفسج.

## تدرب :

أوجد العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ):

ب) ٤٥ ، ٥٤ ، ٦٣

استخدم عوامل كل عدد

٤٥ : ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، .....

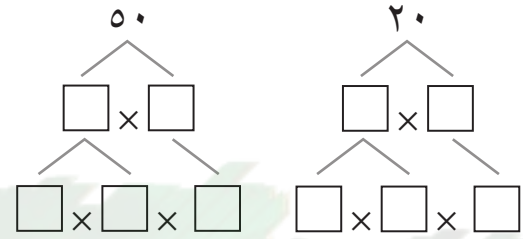
٥٤ : ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، .....

٦٣ : ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، .....

ع.م.أ .....  
.....

أ) ٢٠ ، ٥٠

استخدم التحليل إلى عوامل أولية.



العوامل الأولية المشتركة

ع.م.أ .....  
.....

## تمرّن :

١) أوجد العامل المشترك الأكبر.

ج) ١٨ ، ٤٢

ب) ٢١ ، ٤٩

أ) ٦ ، ١٥

و) ١١ ، ٤٤

هـ) ١٦ ، ٢٤

د) ٢٠ ، ٤٥

ح) ٦ ، ٧٠ ، ٧٨

ز) ١٦ ، ٣٢ ، ٤٨



العامل المشترك الأكبر لعددين هو ١٢. أحد العددين هو ٢٤. هل من الممكن أن يكون العدد الآخر هو ٤٠؟



# المضاعف المشترك الأصغر

## The Least Common Multiple

٥-٥

سَوْفَ تَعَلَّمُ: كَيْفِيَّةَ إِيجَادِ الْمُضَاعَفِ الْمُشْتَرَكِ الْأَصْغَرِ بِالتَّحْلِيلِ إِلَى الْعَوَامِلِ الْأَوَّلِيَّةِ.

**المضاعف المشترك الأصغر لعددين:** هُوَ أَصْغَرُ عَدَدٍ كَلِّيٍّ مُضَاعَفٌ لِكِلَا هَذَيْنِ الْعَدَدَيْنِ.

هذا يعني أنه من الممكن قسمة المضاعف المشترك الأصغر على العددين بدون باقي قسمة، ويرمز له بالرمز (م.م.أ).

**نشاط:**

يُمْكِنُكَ التَّمَدُّجَةَ لِإِيجَادِ الْمُضَاعَفِ الْمُشْتَرَكِ الْأَصْغَرِ (م.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ ٢ ، ٥ .

**خُطْوَةٌ (٢)**

**خُطْوَةٌ (١)**

أَكْمَلْ وَضِعْ مَجَامِيعَ مِنْ ٢ أَقْرَاصِ حَمْرَاءَ،  
٥ أَقْرَاصِ صَفْرَاءَ إِلَى أَنْ تَتَسَاوَى عَدْدُ  
الْأَقْرَاصِ فِي كِلَا الصَّفِيْنِ.



ضَعُ قُرْصَيْنِ أَحْمَرَيْنِ فِي صَفٍّ، وَضَعُ ٥  
أَقْرَاصِ صَفْرَاءَ أَسْفَلَ مِنْهُ .



يُوجَدُ ١٠ أَقْرَاصٍ فِي كُلِّ صَفٍّ .

إِذَا م.م.أ. لِلْعَدَدَيْنِ ٢ ، ٥ = ١٠ .

**مثال:** أَوْجِدِ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكِ الْأَصْغَرَ (م.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ ١٠ ، ٦ .

**طريقة أولى:** اُكْتُبْ لِإِحْتِئَاظٍ بَعْضَ مُضَاعَفَاتِ كُلِّ عَدَدٍ.

مُضَاعَفَاتُ الْعَدَدِ ١٠ : ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ...

مُضَاعَفَاتُ الْعَدَدِ ٦ : ٦ ، ١٢ ، ١٨ ، ٢٤ ، ٣٠ ، ...

نُلاحِظُ أَنَّ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكِ الْأَصْغَرَ (م.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ ١٠ ، ٦ هُوَ الْعَدَدُ ٣٠ .

**طريقة ثانية:** حَلِّ كِلَا مِنَ الْعَدَدَيْنِ إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ.

**خُطْوَةٌ (٢)**

**خُطْوَةٌ (١)**

اُكْتُبْ كِلَا مِنَ التَّحْلِيلَيْنِ بَحَيْثُ  
تَقَعُ الْعَوَامِلُ الْمُشْتَرَكَةُ تَحْتَ بَعْضِهَا.  
اُكْتُبْ نَاتِجَ الضَّرْبِ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ  
مُسْتَعْدِمًا كُلَّ عَامِلٍ مُشْتَرَكٍ مَرَّةً وَاحِدَةً.  
 $5 \times 2 = 10$   
 $3 \times 2 = 6$   
 $30 = 3 \times 5 \times 2$

حَلِّ كِلَا مِنَ الْعَدَدَيْنِ إِلَى عَوَامِلِهِ  
الْأَوَّلِيَّةِ.



إِنَّ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكِ الْأَصْغَرَ (م.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ ١٠ ، ٦ هُوَ ٣٠ .

العبارات والمفردات:

المضاعف المشترك  
الأصغر (م.م.أ)

The Least  
Common multiple  
(LCM)

المضاعفات  
multiples

اللوازم:

أقراص حمراء  
وصفراء

اليك طرائق  
الحل

تذكّر أن:

المضاعف المشترك  
هو عدد غير الصفير  
يكون مضاعفاً  
لعددين مختلفين أو  
أكثر.

**تدرب (١)**

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددين ٨ ، ١٤ .

$$\dots = ٨ ، \dots = ١٤$$

$$\dots = \text{م.م.أ}$$

**تدرب (٢)**

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للأعداد ١٢ ، ١٨ ، ٢١ .

$$\dots \times \dots \times \dots = ١٢$$

$$\dots \times \dots \times \dots = ٨$$

$$\dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots = ٢١$$

$$\dots = \dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots$$

هو المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) .

**تمرّن:**

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لكل مما يلي:

٧ ، ٣ (٢)	٦ ، ٥ (١)
١٤ ، ٤ (٤)	٩ ، ٣ (٣)
١٨ ، ١٢ ، ٩ (٦)	٨ ، ٦ ، ٤ (٥)
٦ ، ٥ ، ٤ (٨)	٩ ، ٣ ، ٢ (٧)

مُراجَعَةُ الوَحْدَةِ الخَامِسَةِ  
Revision Unite Five

٦-٥

١ اختبر قابليَّة قِسْمَةِ الأَعْدَادِ التَّالِيَةِ عَلَى كُلِّ مِنْ: ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٩ ، ١٠

أ ٨٠

ب ٤٦٢

٢ أوجد قيمة كُلِّ مِمَّا يَلِي:

ب  ${}^6_4$

د  ${}^4_2 \div 8$

أ  ${}^3_{10}$

ج  ${}^3_2 \times {}^2_3$

٣ اسْتَخْدِمِ الأَسَّ لِكِتَابَةِ عَمَلِيَّةِ التَّحْلِيلِ إِلَى عَوَامِلَ أَوَّلِيَّةٍ لِلأَعْدَادِ التَّالِيَةِ:

أ ٩٩

ب ١٢٨

ج ٢٢٥

٤ أوجد المضاعف المشترك الأكبر (ع.م.أ) للأعداد التالية:

أ ٣٦ ، ٨

ب ١٥ ، ٧٢

ج ٣٩ ، ٢٦ ، ١٣

٥ أوجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للأعداد التالية:

أ ١٢ ، ٨

ب ٢٥ ، ١٥

ج ٣٠ ، ١٠

د ١٥ ، ٣ ، ٥

## اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ الْخَامِسَةِ

أَوَّلًا: فِي الْبُنُودِ (١-٥) ظَلَّلْ ① إِذَا كَانَتِ الْعِبَارَةُ صَحِيحَةً، وَظَلَّلْ ② إِذَا كَانَتِ الْعِبَارَةُ غَيْرُ صَحِيحَةً.

②	①	١ ① $٠,٠٠٨ = ٣(٠,٢)$
②	①	٢ ② الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرُ لِلْأَعْدَادِ ١٢، ٣٦، ٤٢ هُوَ ١٢
②	①	٣ ③ $١٠ = ٥^٢$
②	①	٤ ④ الْعَدَدُ ١١١١ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٤.
②	①	٥ ⑤ الْعَدَدُ ٧١ عَدَدٌ أَوَّلِيٌّ.

ثَانِيًا: لِكُلِّ بِنْدٍ مِنَ الْبُنُودِ التَّالِيَةِ أَرْبَعُ إِخْتِيَارَاتٍ، وَاحِدٌ فَقَطْ مِنْهَا صَحِيحٌ، ظَلَّلْ الدَّائِرَةَ الدَّالَّةَ عَلَى الْإِجَابَةِ الصَّحِيحَةِ:

٦ ⑥ الْعَدَدُ ٧٣٢ ٤٢٣ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى:

① ٤      ② ٣      ③ ٦      ④ ٩

٧ ⑦  $= ١٠ \times ١٠ \times ١٠$

① ①  $٣ \times ١٠$       ② ②  $٣١٠$       ③ ③  $١٠٣$       ④ ④  $١٠٠$

٨ ⑧ الْمُضَاعَفُ الْمُشْتَرَكُ الْأَصْغَرُ (م.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ ٤، ٦ هُوَ:

① ① ١٢      ② ② ٢٤      ③ ③ ٤      ④ ④ ٦

٩ ⑨  $= ٢٤٠$

① ①  $٥ \times ٣ \times ٣^٢$       ② ②  $٥ \times ٣ \times ٤^٢$       ③ ③  $٥ \times ٣ \times ٣^٢$       ④ ④  $٥ \times ٣ \times ٣^٢$

١٠ ⑩ الْعَدَدُ الْأَوَّلِيُّ فِيمَا يَلِي هُوَ:

① ① ٣٩      ② ② ٢١      ③ ③ ٢٣      ④ ④ ٢٧



## مَوارِدُ الوَحْدَةِ الخَامِسَةِ

### Unit 5 Resources

#### مَضْفَاةُ الأَعْدَادِ



اِسْتِخْدِمِ شَبَكَةَ ١٠ × ١٠ وابدأ مِنَ اليَمِينِ إِلَى اليَسَارِ  
بِكِتَابَةِ الأَعْدَادِ مِنْ ١ إِلَى ١٠٠ وَمِنْ ثَمَّ قُمْ بِمَا يَلِي:

- اُسْطَبُ العَدَدِ ١ .
- اُسْطَبُ مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٢ (مَاعَدَا العَدَدِ ٢)
- وَاُسْطَبُ مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٣ (مَاعَدَا العَدَدِ ٣) .
- اُسْطَبُ مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٥ (مَاعَدَا العَدَدِ ٥)
- وَاُسْطَبُ مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٧ (مَاعَدَا العَدَدِ ٧) .

مَاذَا تُسَمِّي الأَعْدَادَ الَّتِي لَمْ تُسْطَبْ؟

وَضَحِّحْ لِمَاذَا لَمْ تَكُنْ هُنَاكَ خُطْوَةٌ ذَكَرْنَا فِيهَا شَطْبَ مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٤ وَالعَدَدِ ٦ وَالعَدَدِ ٨ وَالعَدَدِ ٩ .

#### زَاوِيَةُ التَّفْكِيرِ النَّاقدِ

#### الحِسُّ العَدَدِيُّ

نَوَاتِجُ ضَرْبِ العَدَدِ ١٥ ٨٧٣ فِي مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٧ .

مَا النُّوَاتِجُ الَّتِي سَتَحْصُلُ عَلَيْهَا عِنْدَ ضَرْبِ ١٥ ٨٧٣ فِي مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٧؟

١١١ ١١١ = ١٥ ٨٧٣ × ٧	لاِحْظْ أَنَّ العَمُودَ الأَوَّلَ هُوَ مُضَاعَفَاتُ العَدَدِ ٧ .
٢٢٢ ٢٢٢ = ١٥ ٨٧٣ × ١٤	مَجْمُوعُ أَرْقَامِ النَّاتِجِ زَائِدًا آحَادَ النَّاتِجِ نَفْسِهِ
٣٣٣ ٣٣٣ = ١٥ ٨٧٣ × ٢١	يُسَاوِي العَدَدَ فِي العَمُودِ الأَوَّلِ .
٤٤٤ ٤٤٤ = ١٥ ٨٧٣ × ٢٨	مَثَلًا النَّاتِجُ الأَوَّلُ ١١١ ١١١ عِنْدَ جَمْعِ أَرْقَامِهِ نَحْصُلُ
٥٥٥ ٥٥٥ = ١٥ ٨٧٣ × ٣٥	عَلَى ٦ أَضْفَ إِلَيْهِ الآحَادَ ١ فَتَحْصُلُ عَلَى ٧ .

إِنَّهَا أَعْدَادٌ عَجِيبَةٌ بِالْأَرْقَامِ الَّتِي تَتَكَوَّنُ مِنْهَا .

# مَجَلَّةُ الرِّيَاضِيَّاتِ

## مِنْ عَجَائِبِ الأَرْقَامِ

إذا أَجْرَيْنَا بَعْضَ العَمَلِيَّاتِ الحِسَابِيَّةِ مِثْلًا الضَّرْبُ والجَمْعُ عَلَى بَعْضِ الأَعْدَادِ المُحَدَّدَةِ سَلَفًا نَسْتَطِيعُ الحُصُولَ عَلَى أَعْدَادٍ مُنَمَّطَةٍ تَلْفُتُ النَّظْرَ.

١ مِنْ عَجَائِبِ العَدَدِ ٨ .

يُعَادِلُ	يُضَافُ إِلَيْهِ رَقْمُ الأَحَادِ فِي العَدَدِ المُحَدَّدِ	يُضْرَبُ فِي	العَدَدُ المُحَدَّدُ
٩	١	٨	١
٩٨	٢	٨	١٢
٩٨٧	٣	٨	١٢٣
٩٨٧٦	٤	٨	١٢٣٤
٩٨٧٦٥	٥	٨	١٢٣٤٥
٩٨٧٦٥٤	٦	٨	١٢٣٤٥٦
٩٨٧٦٥٤٣	٧	٨	١٢٣٤٥٦٧
	٨	٨	
	٩	٨	

أَكْمِلْ هَذَا الجَدْوَلَ.

أ | ما العَدَدُ المُحَدَّدُ الَّذِي سَتَحْتَازُهُ؟ | ب | ما العَمَلِيَّةُ الَّتِي سَتَقُومُ بِهَا؟ | ج | ما النَّاتِجُ الَّذِي سَتَحْصُلُ عَلَيْهِ؟

١ مِنْ عَجَائِبِ العَدَدِ ٣٧ .

$111 = 37 \times 3$
$222 = 37 \times 6$
$333 = 37 \times 9$
$444 = 37 \times 12$
$555 = 37 \times 15$
$666 = 37 \times 18$

مِنْ هَذِهِ العَجَائِبِ: أَنَّكَ إِذَا ضَرَبْتَ العَدَدَ ٣٧ فِي مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٣، فَإِنَّكَ سَتَحْصُلُ عَلَى عَدَدٍ رَمْزُهُ مُكَوَّنٌ مِنْ ٣ أَرْقَامٍ مُتَشَابِهَةٍ.

جَرِّبْ مَا يَلِي:

- ١ أَكْمِلِ الجَدْوَلَ.
- ٢ كَيْفَ تَحْصُلُ عَلَى نَاتِجِ  $37 \times 27$  إِذَا كُنْتَ تَعْرِفُ أَنَّ نَاتِجَ  $37 \times 24$  هُوَ ٨٨٨؟
- ٣ هَلْ نَاتِجُ الضَّرْبِ فِي مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٣ يَبْقَى عَدَدًا مُكَوَّنًا مِنْ أَرْقَامٍ مُتَشَابِهَةٍ؟
- ٤ هَلْ هَذِهِ القَاعِدَةُ تَسْتَمِرُّ صَحِيحَةً إِذَا تَابَعْتَ الضَّرْبَ فِي مُضَاعَفَاتِ العَدَدِ ٣؟



[KuwaitMath.com](http://KuwaitMath.com)