

تمارين مراجعة للصف الحادي عشر علمي

# الرياضيات

الفصل الدراسي الثاني

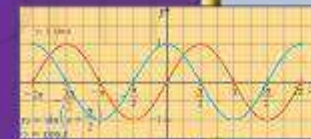
إعداد وتقديم

أ. محمد جمعة العساف

KuwaitMath.com

# الرياضيات

كتاب الطالب



الطبعة الأولى

١١

الصفّ العادي عشر علمي  
الفصل الدراسي الثاني

## المحتويات

الوحدة السابعة : الأعداد المركبة

الوحدة الثامنة : حساب المثلثات

الوحدة التاسعة : تطبيقات على حساب المثلثات

الوحدة العاشرة : الهندسة الفراغية ( هندسة الفضاء)

الوحدة الحادية عشر : الجبر المتقطع

# تعريف بنموذج اختبار الرياضيات

يتكون اختبار مادة الرياضيات للصف الحادي عشر علمي من :



لكل سؤال ١٤ درجة  $\times 4 = 56$  درجة

# تعريف بنموذج اختبار الرياضيات

يتكون اختبار مادة الرياضيات للصف الحادي عشر علمي من :

**القسم الثاني : الأسئلة الموضوعية**

أولاً

الصح والخطأ (٢)

ثانياً

الاختيار من متعدد (٨)

بنود الصح والخطأ لكل سؤال درجة :  $2 = 1 \times 2$

بنود الاختيار من متعدد لكل سؤال درجة ونصف :  $12 = 1,5 \times 8$

فتصبح :  $14 = 12 + 2$

درجة الاختبار الكلية :  $4 \text{ أسئلة مقال } \times 14 + \text{الأسئلة الموضوعية } 14 = 70$  درجة

الوحدة السابعة

الأعداد المركبة

السؤال الأول : إذا كان  $z_1 = 2 - 7i$  ,  $z_2 = 3 + 5i$  فأوجد :

a)  $\overline{z_1 + z_2}$

b)  $z_1 \div z_2$

c)  $z_1^{-1}$

الحل :

$$\begin{aligned} \text{a) } \overline{z_1 + z_2} &= \overline{(2 - 7i) + (3 + 5i)} \\ &= \overline{(2 + 3) + (-7 + 5)i} \\ &= \overline{5 - 2i} \\ &= 5 + 2i \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } z_1 \div z_2 &= \frac{2 - 7i}{3 + 5i} \times \frac{3 - 5i}{3 - 5i} \\ &= \frac{6 - 10i - 21i - 35}{(3)^2 + (5)^2} \\ &= \frac{-29 - 31i}{34} \\ &= -\frac{29}{34} - \frac{31}{34}i \end{aligned}$$



$$\text{c) } z_1^{-1} = \frac{1}{2-7i} \times \frac{2+7i}{2+7i}$$

$$= \frac{2+7i}{(2)^2 + (7)^2} = \frac{2+7i}{53} = \frac{2}{53} + \frac{7}{53}i$$

## السؤال الثاني :

ضع ما يلي في الصورة المثلثية :  $z = -2 + 2\sqrt{3}i$

$$x = -2, \quad y = 2\sqrt{3}$$

الحل :

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-2)^2 + (2\sqrt{3})^2} = 4$$

نفرض أن  $\alpha$  هي زاوية الاسناد:

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{2\sqrt{3}}{-2} \right| = \sqrt{3} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{3}$$

$\therefore x < 0, y > 0$  تقع في الربع الثاني  $\theta$  :

$$\theta = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$$

$\therefore$  الصورة المثلثية :

$$z = 4 \left( \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$$



**السؤال الثالث :** أوجد الجذرين التربيعين للعدد المركب :  $z = 5 + 12i$  (امتحان 2014-2015)

الحل : نفرض أن  $w = m + ni$  هو الجذر التربيعي للعدد  $z$   $w^2 = z$

$$(m + ni)^2 = 5 + 12i$$

$$m^2 - n^2 + 2mni = 5 + 12i$$

$$m^2 - n^2 = 5 \quad \dots\dots (1)$$

$$2mn = 12 \quad \dots\dots (2)$$

$$|w|^2 = |z|$$

$$\left(\sqrt{m^2 + n^2}\right)^2 = \sqrt{5^2 + 12^2}$$

$$m^2 + n^2 = 13 \quad \dots\dots (3)$$

$$m^2 - n^2 = 5 \quad \dots\dots (1)$$

---

$$2m^2 = 18$$

$$m^2 = 9 \Rightarrow m = \pm 3$$

بالتعويض في المعادلة (3)  $9 + n^2 = 13$

$$n^2 = 4 \Rightarrow n = \pm 2$$

من المعادلة (2) نلاحظ أن  $m, n$  لهما نفس الإشارة

∴ الجذران التربيعيان هما :

$$w_1 = 3 + 2i$$

$$w_2 = -3 - 2i$$

الوحدة الثامنة

حساب المثلثات

## السؤال الرابع : أوجد السعة والدورة للدالة ثم ارسم بياتها :

$$y = -4 \sin x, \quad x \in [-\pi, 2\pi]$$

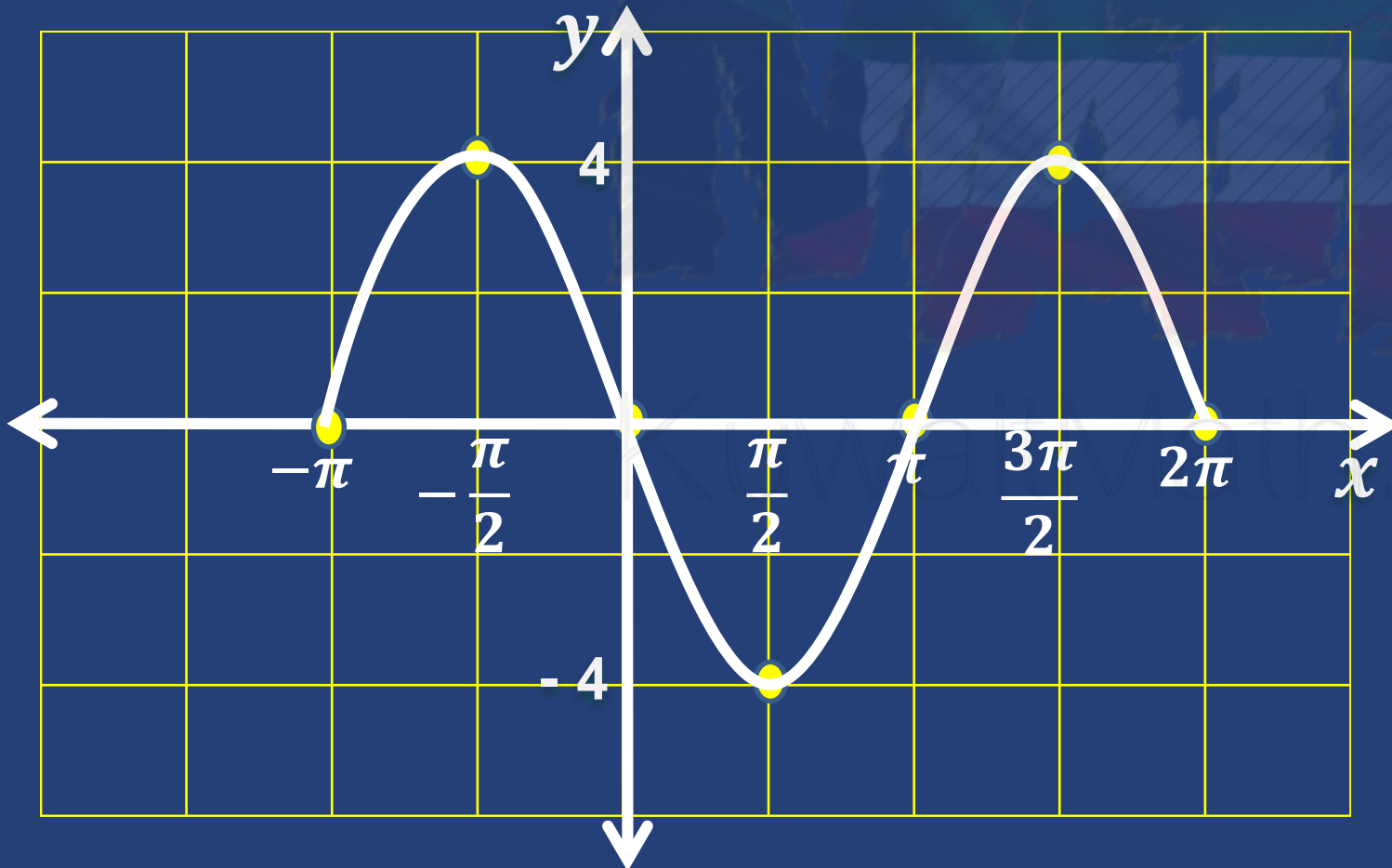
الحل :

$$a = -4, \quad b = 1$$

$$|a| = |-4| = 4 \quad \text{: السعة}$$

$$\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|1|} = 2\pi \quad \text{: الدورة}$$

$$\frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \quad \text{: ربع الدورة}$$



$x$	$0$	$\frac{\pi}{2}$	$\pi$	$\frac{3\pi}{2}$	$2\pi$
$y$	$0$	$-4$	$0$	$4$	$0$

# السؤال الخامس : أوجد السعة والدورة للدالة ثم ارسم بياتها : $y = 3 \cos 2x$

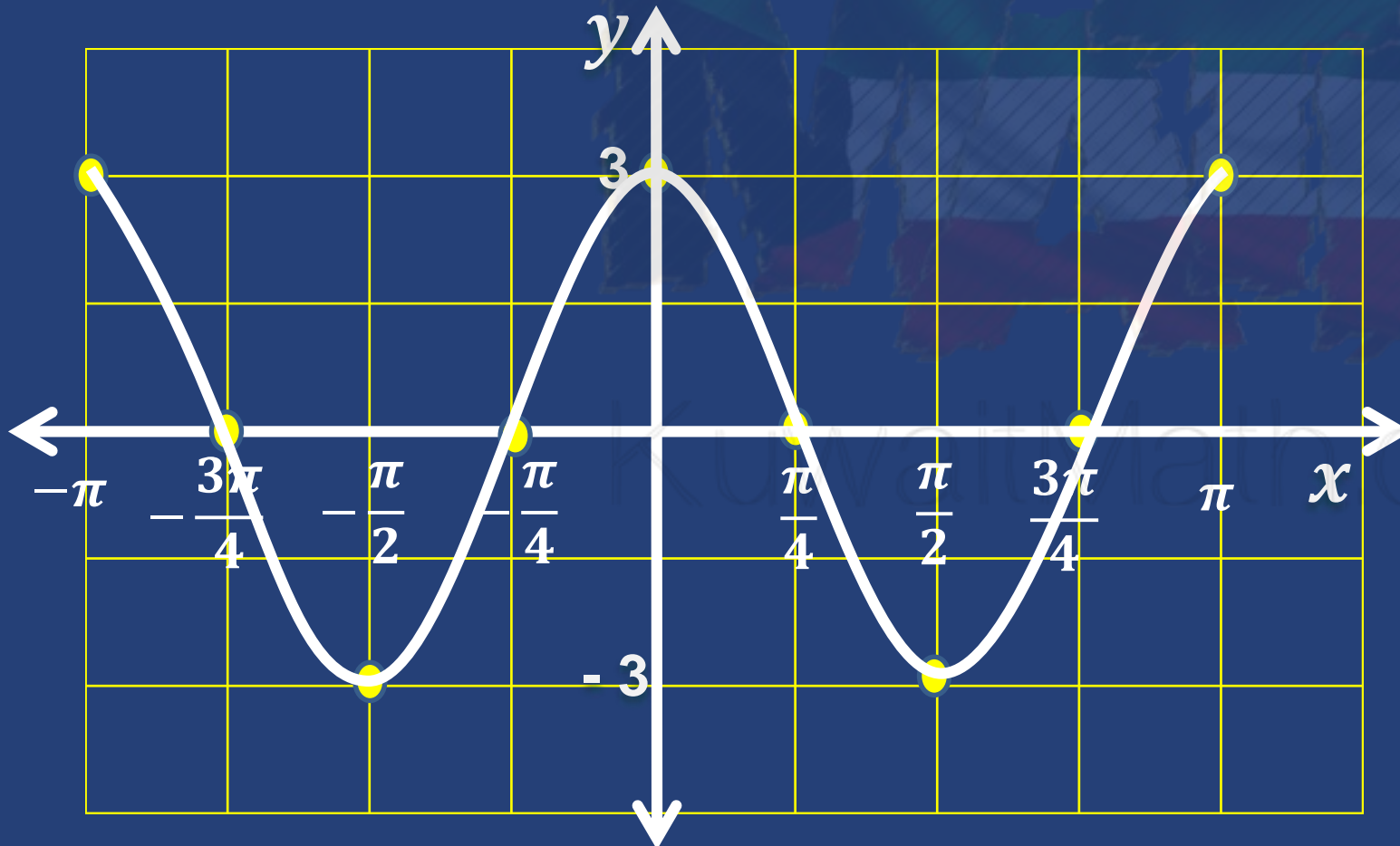
الحل :

$$a = 3, \quad b = 2$$

$$|a| = |3| = 3 \quad \text{: السعة}$$

$$\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|2|} = \pi \quad \text{: الدورة}$$

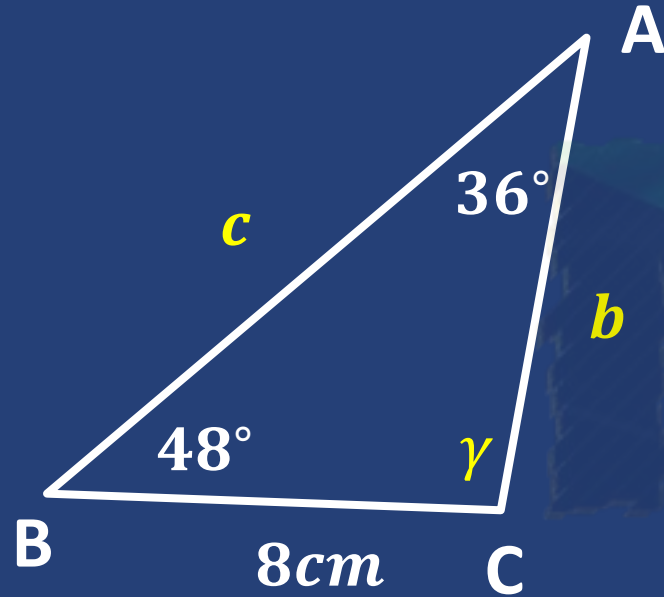
$$\frac{\pi}{4} \quad \text{: ربع الدورة}$$



$x$	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\pi$
$y$	3	0	-3	0	3

السؤال السادس : حل  $\Delta ABC$  حيث  $\alpha = 36^\circ, \beta = 48^\circ, a = 8cm$

الحل :



$$\gamma = 180^\circ - (36^\circ + 48^\circ) = 96^\circ$$

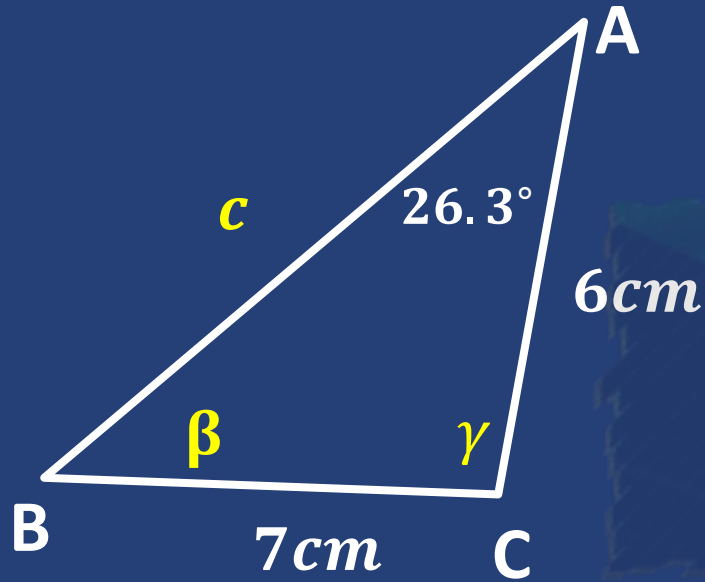
$$\frac{\sin\alpha}{a} = \frac{\sin\beta}{b} = \frac{\sin\gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 48^\circ}{b} = \frac{\sin 96^\circ}{c}$$

$$b = \frac{8 \times \sin 48^\circ}{\sin 36^\circ} \approx 10.115 \text{ cm}$$

$$c = \frac{8 \times \sin 96^\circ}{\sin 36^\circ} \approx 13.536 \text{ cm}$$

السؤال السابع : حل  $\Delta ABC$  حيث :  $a = 7cm$  ,  $b = 6cm$  ,  $\alpha = 26.3^\circ$



الحل :

$$\frac{\sin\alpha}{a} = \frac{\sin\beta}{b} = \frac{\sin\gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 26.3^\circ}{7} = \frac{\sin\beta}{6} = \frac{\sin\gamma}{c}$$

$$\sin\beta = \frac{6 \times \sin 26.3^\circ}{7} = 0.38$$

$$\beta_1 \approx 22.32^\circ$$

$$\beta_2 \approx 180^\circ - 22.32^\circ \approx 157.68^\circ$$

$$\gamma \approx 180^\circ - (26.3^\circ + 22.32^\circ) \approx 131.38^\circ$$

مرفوضة ، لأن :

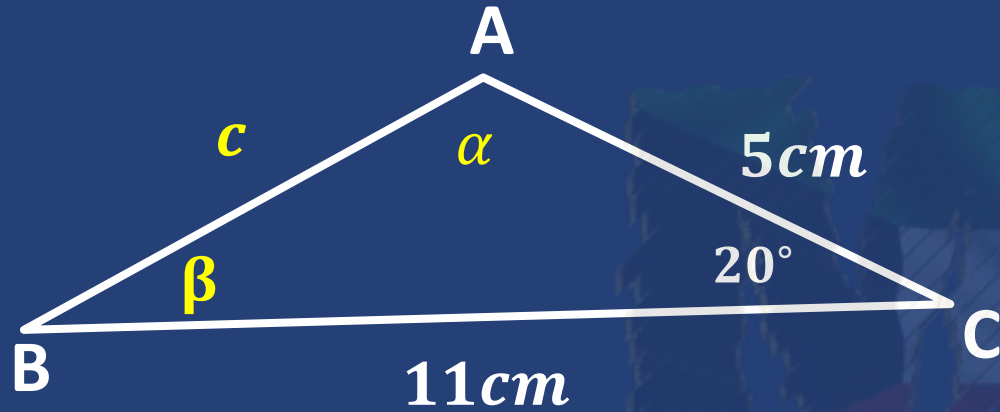
$$\alpha + \beta_2 = 183.98^\circ > 180^\circ$$

$$\frac{\sin 26.3^\circ}{7} = \frac{\sin 131.38^\circ}{c}$$

$$c = \frac{7 \times \sin 131.38^\circ}{\sin 26.3^\circ} \approx 11.85cm$$



السؤال الثامن : حل  $\Delta ABC$  حيث  $a = 11cm$  ,  $b = 5cm$  ,  $\gamma = 20^\circ$



الحل :

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$$

$$c^2 = 11^2 + 5^2 - 2 \times 11 \times 5 \times \cos 20^\circ$$

$$c^2 = 42.63$$

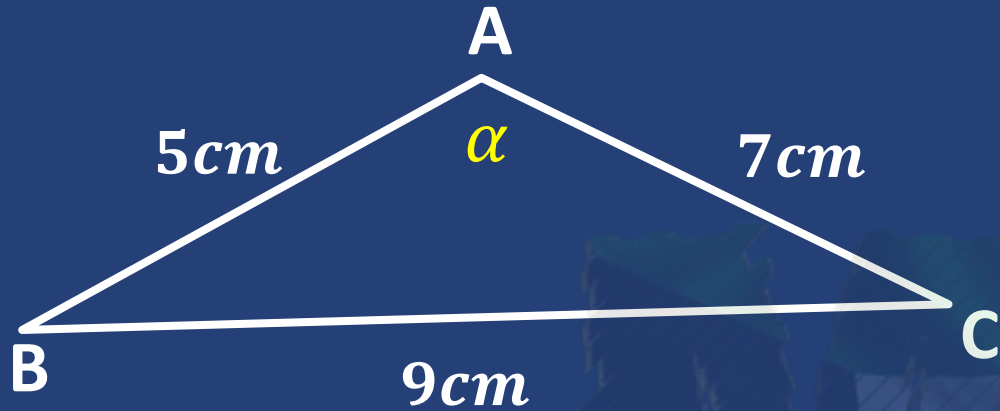
$$c = \sqrt{42.63} = 6.53cm$$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{5^2 + (6.53)^2 - 11^2}{2 \times 5 \times 6.53} = -0.817$$

$$\alpha = \cos^{-1}(-0.817) = 144.8^\circ$$

$$\beta = 180^\circ - (20^\circ + 144.8^\circ) = 15.2^\circ$$

السؤال التاسع : في  $\Delta ABC$  حيث :  $a = 9cm$  ,  $b = 7cm$  ,  $c = 5cm$



(a) أوجد قياس الزاوية الأكبر .

(b) أوجد مساحة المثلث  $ABC$

الحل : (a)

$\alpha$  هي الزاوية الأكبر ، لأنها تقابل أطول ضلع

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{7^2 + 5^2 - 9^2}{2 \times 7 \times 5} = -0.1 \Rightarrow \alpha = 95.74^\circ$$

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c) = \frac{1}{2}(9 + 7 + 5) = 10.5 \quad (b)$$

$$\begin{aligned} \text{Area} \Delta(ABC) &= \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \\ &= \sqrt{10.5(10.5-9)(10.5-7)(10.5-5)} = 17.4 \end{aligned}$$

# الوحدة التاسعة

تطبيقات على حساب المثلثات

KuwaitMath.com

السؤال العاشر : اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}{\cos^2 x} = \tan^2 x$$

الحل :

$$\begin{aligned} \text{الطرف الأيسر} &= \frac{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}{\cos^2 x} \\ &= \frac{1 - \cos^2 x}{\cos^2 x} = \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} = \tan^2 x \end{aligned}$$

∴ الطرف الأيسر = الطرف الأيمن

السؤال الحادي عشر : اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{1}{1 - \cos x} + \frac{1}{1 + \cos x} = 2\csc^2 x$$

(امتحان الدور الثاني 2016-2017)

الحل :

نوجد المقامات

$$\text{الطرف الأيسر} = \frac{1}{1 - \cos x} + \frac{1}{1 + \cos x}$$

$$= \frac{1 + \cos x + 1 - \cos x}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)} = \frac{2}{1 - \cos^2 x}$$

$$= \frac{2}{\sin^2 x} = 2\csc^2 x$$

∴ الطرف الأيسر = الطرف الأيمن

## السؤال الثاني عشر :

اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cot^2 \theta}{1 + \csc x} = (\cot \theta)(\sec \theta - \tan \theta)$$

الحل :

$$\text{الطرف الأيسر} = \frac{\cot^2 \theta}{1 + \csc x}$$

$$= \frac{\csc^2 \theta - 1}{1 + \csc x}$$

$$= \frac{(\csc x + 1)(\csc x - 1)}{1 + \csc x}$$

$$= \csc x - 1$$

$$\text{الطرف الأيمن} = (\cot \theta)(\sec \theta - \tan \theta)$$

$$= \cot \theta \cdot \sec \theta - \cot \theta \cdot \tan \theta$$

$$= \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \times \frac{1}{\cos \theta} - 1$$

$$= \frac{1}{\sin \theta} - 1 = \csc x - 1$$

∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر



## السؤال الثالث عشر : حل المعادلة : $2 \cos x \sin x - \cos x = 0$

الحل :  $\cos x (2 \sin x - 1) = 0$

$$\cos x = 0 \quad | \quad 2 \sin x - 1 = 0 \Rightarrow \sin x = \frac{1}{2}$$

$x$  زاوية ربعية

نفرض أن  $\alpha$  هي زاوية الاسناد للزاوية  $x$  :

$$x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \quad | \quad \sin \alpha = |\sin x| = \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$x = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi$$

$$\because \sin x > 0$$

$x$  : تقع في الربع الأول أو الربع الثاني

$$x = \left( \pi - \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi \quad | \quad x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

$$x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi$$

$\therefore$  حل المعادلة :

$$k \in \mathbb{Z} \text{ حيث : } x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \text{ أو } x = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi \text{ أو } x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi \text{ أو } x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

## السؤال الرابع عشر :

إذا كان :

$$\sin \alpha = \frac{4}{5}, \quad 0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$$

$$\cos \beta = \frac{-12}{13}, \quad \pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$$

أوجد كلاً مما يلي :

(a)  $\sin(\alpha + \beta)$

(b)  $\tan 2\beta$

(c)  $\cos \frac{\alpha}{2}$

الحل :

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2$$

$$\sin^2 \beta = 1 - \cos^2 \beta = 1 - \left(\frac{-12}{13}\right)^2$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{9}{25} \Rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

$$\sin^2 \beta = \frac{25}{169} \Rightarrow \sin \beta = \pm \frac{5}{13}$$

$$\therefore \cos \alpha = \frac{3}{5} \quad \alpha \text{ تقع في الربع الأول} \therefore$$

$$\sin \beta = -\frac{5}{13} \quad \beta \text{ تقع في الربع الثالث} \therefore$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{4}{3}$$

$$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta} = \frac{5}{12}$$

## تابع حل السؤال الرابع عشر :

$$(a) \sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cos\beta + \cos\alpha \sin\beta$$

$$= \frac{4}{5} \times \frac{-12}{13} + \frac{3}{5} \times \frac{-5}{13} = -\frac{63}{65}$$

$$(b) \tan 2\beta = \frac{2 \tan \beta}{1 - \tan^2 \beta} = \frac{2 \times \frac{5}{12}}{1 - \left(\frac{5}{12}\right)^2} = \frac{120}{119}$$

$$(c) \cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}} = \pm \sqrt{\frac{1 + \frac{3}{5}}{2}} = \pm \frac{2\sqrt{5}}{5} \quad \because 0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$$

$$\therefore \cos \frac{\alpha}{2} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \quad \because \frac{\alpha}{2} \text{ تقع في الربع الأول} \quad \therefore 0 < \frac{\alpha}{2} < \frac{\pi}{4}$$

# الوحدة العاشرة

الهندسة الفراغية ( هندسة الفضاء )

## السؤال الخامس عشر : في الشكل المقابل :

المثلث  $ABC$  فيه  $M$  منتصف  $\overrightarrow{AB}$  ,  $N$  منتصف  $\overrightarrow{AC}$

$M, N$  تنتميان إلى المستوي  $\pi$

أثبت أن :  $\overrightarrow{BC} // \pi$

البرهان :

$M$  :: منتصف  $\overrightarrow{AB}$

$N$  :: منتصف  $\overrightarrow{AC}$

$$\therefore \overrightarrow{BC} // \overrightarrow{NM}$$

$$\therefore \overrightarrow{NM} \subset \pi$$

$$\therefore \overrightarrow{BC} // \pi$$

( معطى )

( نظرية ١ )

كتاب الطالب صفحة ١٢٥

# السؤال السادس عشر : في الشكل المقابل،

مستطيلان  $ABEF, ABCD$

أثبت أن:  $(AFD) // (BEC)$

البرهان :

$$\because \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{AD} \quad (\text{مستطيل } ABCD)$$

$$\because \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{AF} \quad (\text{مستطيل } ABEF)$$

$$\therefore \overrightarrow{AB} \perp (AFD) \quad (\text{نظرية ٥}) \quad \dots(1)$$

$$\because \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC} \quad (\text{مستطيل } ABCD)$$

$$\because \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BE} \quad (\text{مستطيل } ABEF)$$

$$\therefore \overrightarrow{AB} \perp (BEC) \quad (\text{نظرية ٥}) \quad \dots(2)$$



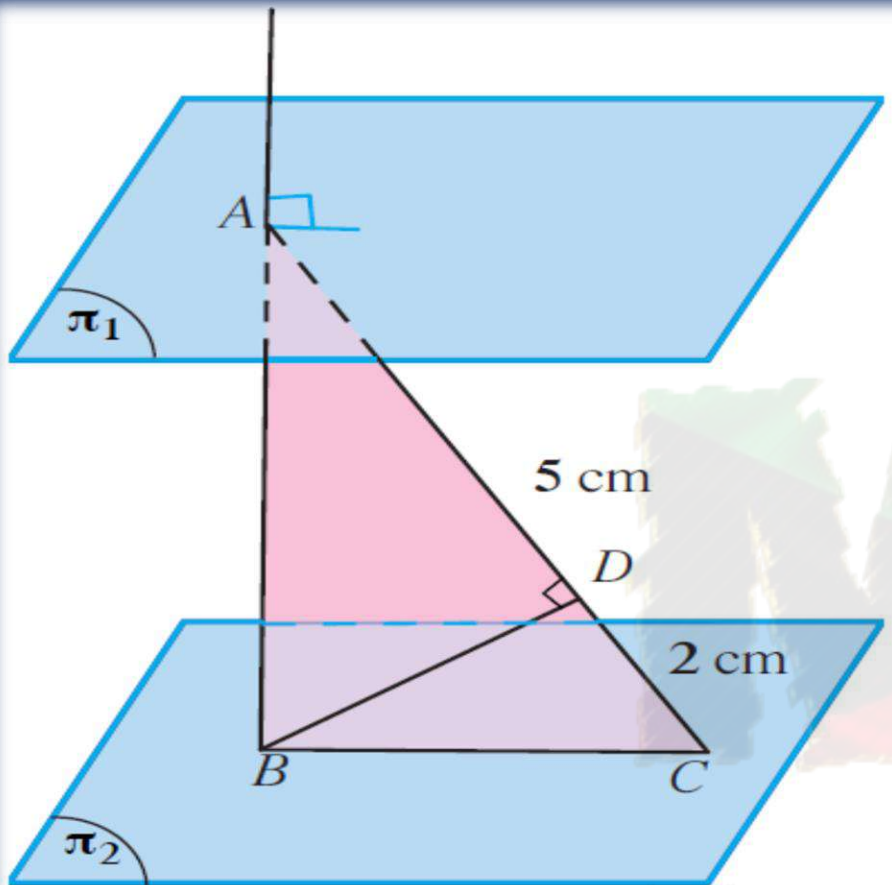
كتاب الطالب صفحة ١٣٣

من (٢) ، (١) ينتج أن :

$(AFD) // (BEC)$

(نظرية ٦)





كتاب الطالب صفحة ١٣٤

## السؤال السابع عشر : في الشكل المقابل

$$\overrightarrow{AB} \perp \pi_1, \pi_1 // \pi_2 \quad A \in \pi_1, \overrightarrow{BC} \subset \pi_2$$

رسم:  $\overrightarrow{BD} \perp \overrightarrow{AC}$  في المستوي  $ABC$

إذا كان  $AD = 5 \text{ cm}, DC = 2 \text{ cm}$  ، فأوجد:  $\overline{BD}$

البرهان :

$$\because \pi_1 // \pi_2 \quad \because \overrightarrow{AB} \perp \pi_1$$

$$\therefore \overrightarrow{AB} \perp \pi_2 \quad (\text{نظرية ٧})$$

$$\because \overrightarrow{BC} \subset \pi_2 \quad \therefore \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$$

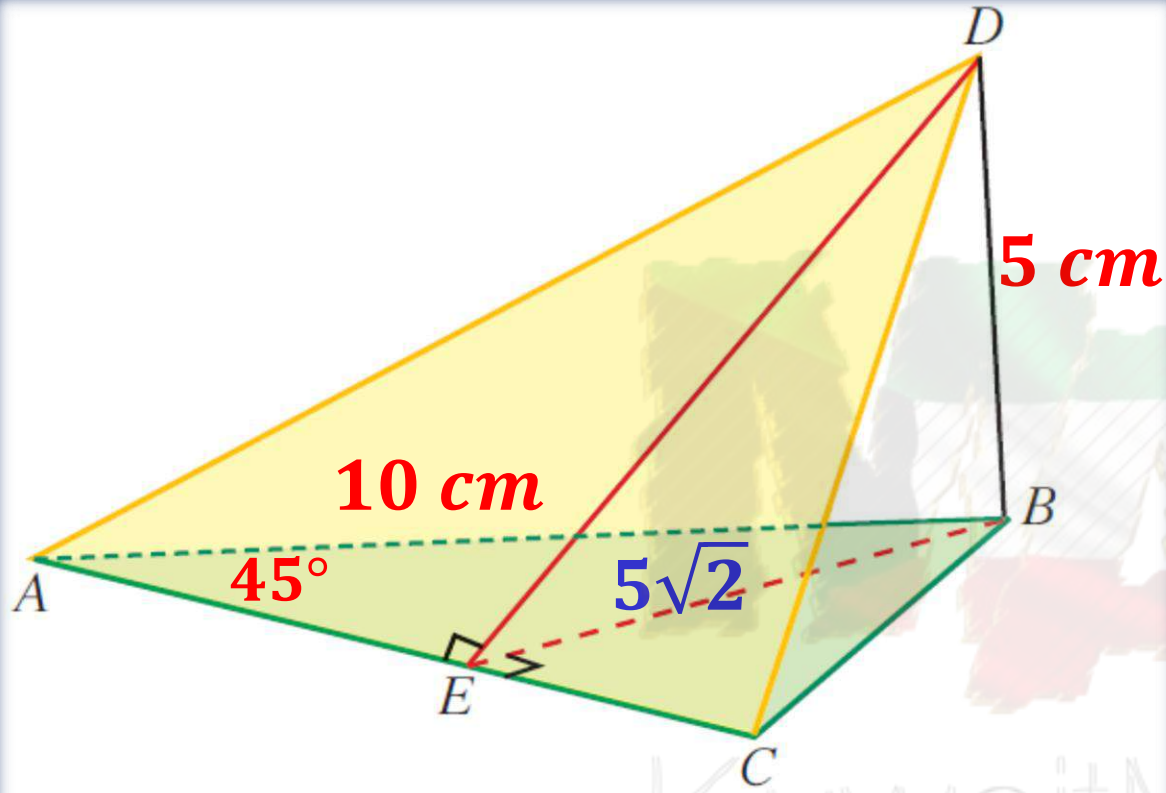
∴ المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $\hat{B}$

$$\because \overline{BD} \perp \overline{AC}$$

$$\therefore (BD)^2 = AD \times DC = 5 \times 2 = 10$$

$$\Rightarrow BD = \sqrt{10} \text{ cm}$$

## السؤال الثامن عشر : في الشكل المقابل $D$ نقطة خارج مستوي المثلث $ABC$



$$BD = 5 \text{ cm} , AB = 10 \text{ cm}$$

$$m(\widehat{BAC}) = 45^\circ \quad \overrightarrow{DB} \perp (ABC)$$

$$\overline{BE} \perp \overline{AC} , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد :  $\overline{BE}$  (a)

(b) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين  $BAC, DAC$

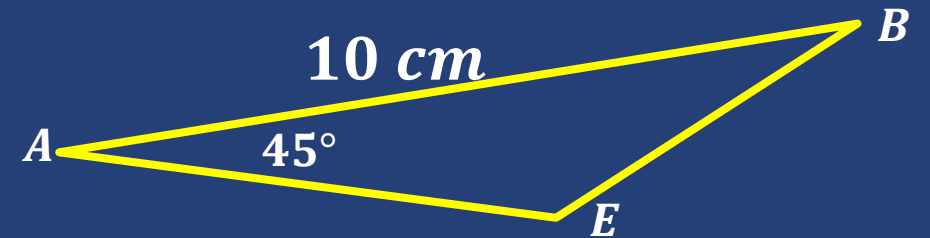
البرهان : (a)

$$\therefore \overline{BE} \perp \overline{AC}$$

$\therefore$  المثلث  $BEA$  قائم في  $\hat{E}$

$$\sin 45^\circ = \frac{BE}{10} \Rightarrow BE = 10 \times \sin 45^\circ$$

$$\Rightarrow BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$



كتاب الطالب صفحة ١٤٠

## تابع حل السؤال الثامن عشر :

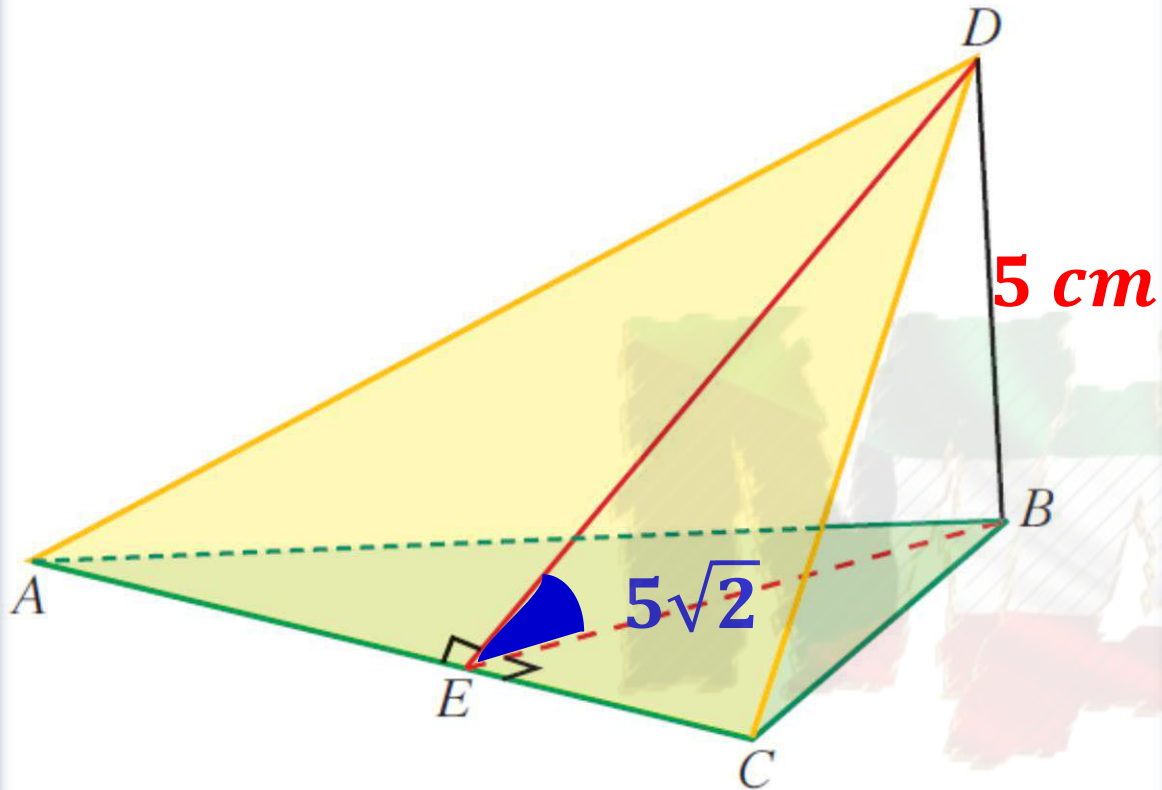
(b) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين  $BAC, DAC$

حافة الزاوية الزوجية :  $AC$

$$\because \overline{BE} \perp \overline{AC} \quad \overline{BE} \subset (BAC)$$

$$\because \overline{DE} \perp \overline{AC} \quad \overline{DE} \subset (DAC)$$

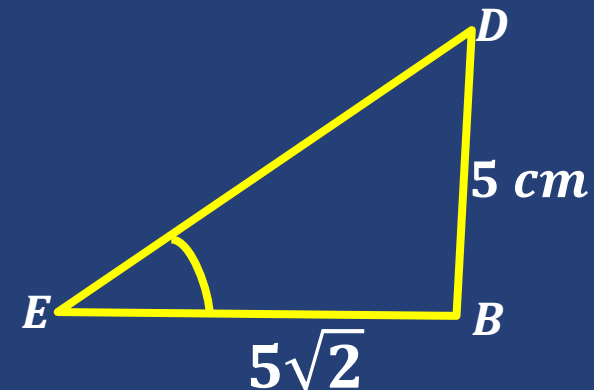
$\therefore \widehat{DEB}$  هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية



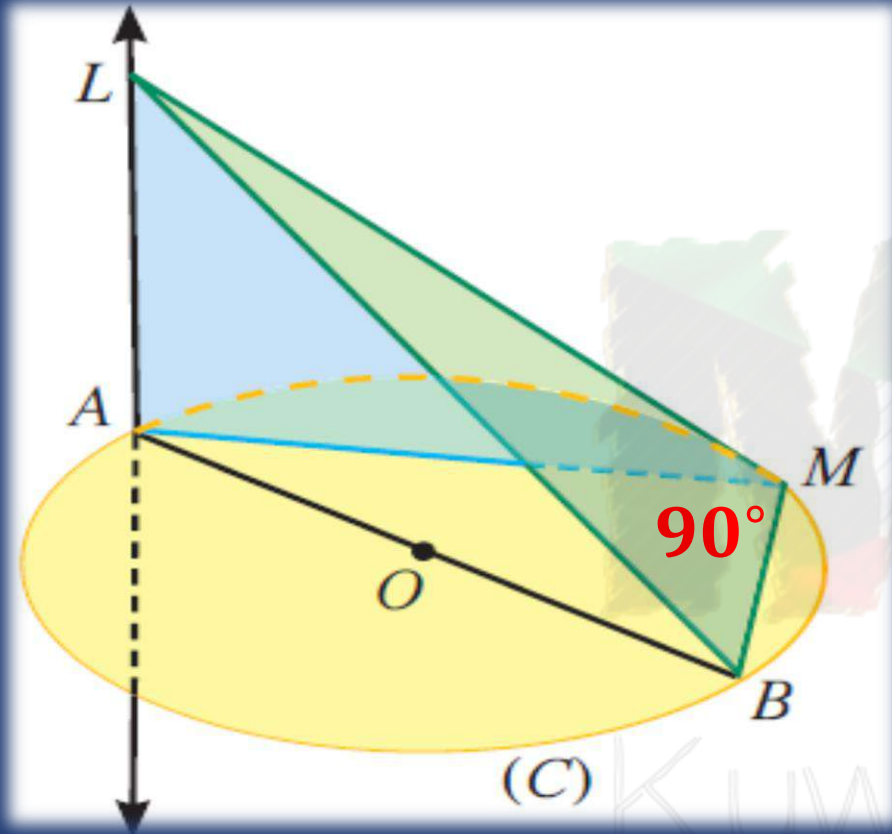
$$\because \overline{DB} \perp (ABC) \quad \because \overline{BE} \subset (ABC) \quad \therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$$

$\therefore$  المثلث  $DBE$  قائم في  $\hat{B}$

$$\tan(\widehat{DEB}) = \frac{5}{5\sqrt{2}} \Rightarrow m(\widehat{DEB}) = 35.26^\circ$$



## السؤال التاسع عشر : في الشكل المقابل ، $C$ دائرة مركزها $O$ ، $\overline{AB}$ قطر



كتاب الطالب صفحة ١٤٥

$M$  نقطة تنتمي إلى الدائرة ،  $\overrightarrow{LA}$  متعامد مع مستوي الدائرة .

أثبت أن :

$$(a) \quad \overrightarrow{BM} \perp (LAM)$$

$$(b) \quad (LBM) \perp (LAM)$$

البرهان :

(a)  $\widehat{M}$  زاوية محيطية مرسومة على قطر الدائرة

$$\therefore m(\widehat{M}) = 90^\circ$$

$$\therefore \overline{BM} \perp \overline{AM} \dots\dots(1)$$

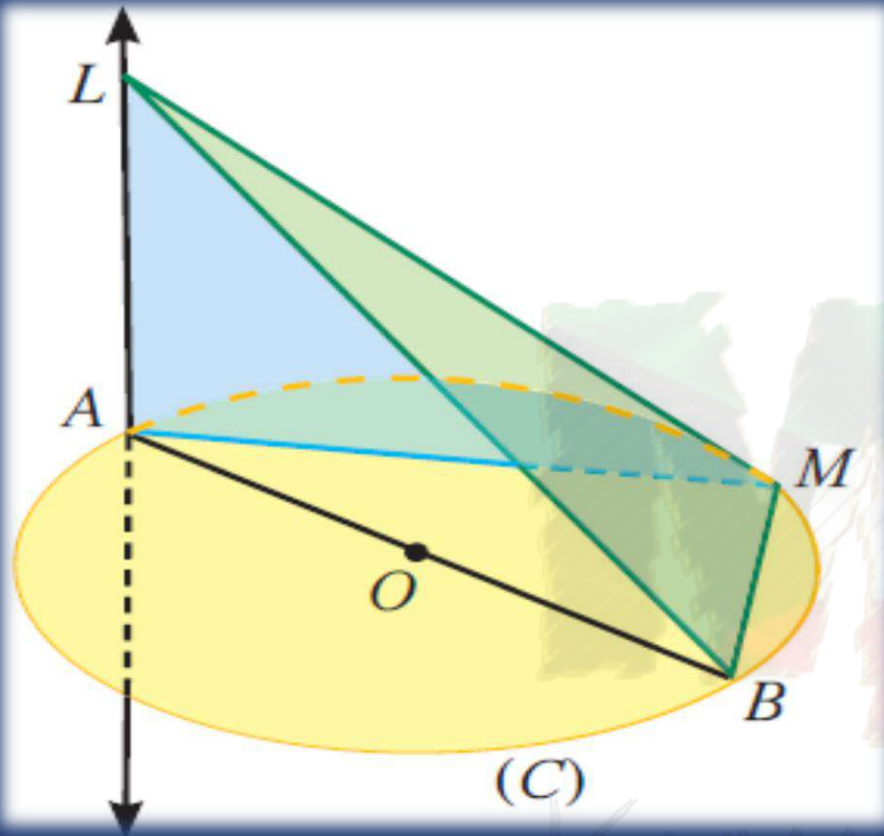
$\overrightarrow{LA}$  متعامد مع مستوي الدائرة

$$\therefore \overline{BM} \perp \overline{LA} \dots\dots(2)$$

$$\therefore \overrightarrow{BM} \perp (LAM)$$

( نظرية ٥ )

تابع السؤال التاسع عشر :



(b)

$$\therefore \overrightarrow{BM} \perp (LAM)$$

$$\therefore \overrightarrow{BM} \subset (LBM)$$

$$\therefore (LBM) \perp (LAM)$$

(نظرية ١٠)



# الوحدة الحادية عشر

الجبر المتقطع ( الإحصاء )

## السؤال العشرون:

$$n \geq 7 \quad nP_7 = 12 \times nP_5 \quad \text{حل المعادلة :}$$

الحل :

$$\frac{\cancel{1}n!}{(n-7)!} = 12 \times \frac{\cancel{1}n!}{(n-5)!}$$

$$\frac{1}{(n-7)!} = 12 \times \frac{1}{(n-5)!}$$

$$\frac{(n-5)!}{(n-7)!} = 12$$

$$\frac{(n-5)(n-6)\cancel{(n-7)!}}{\cancel{(n-7)!}} = 12$$

$$(n-5)(n-6) = 12$$

$$\underbrace{(n-5)}_4 \times \underbrace{(n-6)}_3 = 12$$

عددان متتاليان حاصل ضربهما ١٢

$$n - 5 = 4$$

$$n = 4 + 5 = 9$$



## السؤال الحادي والعشرون:

حل المعادلة:

$$\frac{nC_7}{(n-1)C_6} = \frac{8}{7}$$

الحل:

$$\frac{\frac{n!}{(n-7)! \times 7!}}{\frac{(n-1)!}{(n-1-6)! \times 6!}} = \frac{8}{7}$$

$$\frac{n}{7} = \frac{8}{7}$$

$$n = 8$$

$$\frac{n!}{(n-7)! \times 7!} \times \frac{(n-1-6)! \times 6!}{(n-1)!} = \frac{8}{7}$$

$$\frac{n \cancel{(n-1)!}}{\cancel{(n-7)!} \times 7 \times \cancel{6!}} \times \frac{\cancel{(n-7)!} \times \cancel{6!}}{\cancel{(n-1)!}} = \frac{8}{7}$$

في مفكوك:  $(3x^2 - y)^{15}$   $n = 15$   
أوجد الحد الثاني عشر.

## السؤال الثاني والعشرون:

الحل:  $T_{12}^{r+1} = ?$

$$r = 11$$

$$T_{r+1} = nCr \cdot x^{n-r} \cdot y^r$$

$$T_{12} = 15C_{11} \cdot (3x^2)^{15-11} \cdot (-y)^{11}$$

$$= (1365) \cdot (3x^2)^4 \cdot (-y)^{11}$$

$$= \underline{(1365)} \cdot \underline{(3)^4} \cdot \underline{(x^2)^4} \cdot \underline{(-1)^{11}} \cdot (y)^{11}$$

$$= -110565 x^8 y^{11}$$

## السؤال الثالث والعشرون:

$m$

خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل على بطاقة ، تفوز **40%** من البطاقات بجوائز ، ويتم اختيار هذه البطاقات الرابحة بشكل عشوائي مع راشد 3 بطاقات ، ما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟

$k$

$n$

الحل :

$$p(A) = m = 0.40$$

نفرض : الحدث  $A$  : « فوز راشد بجائزة »

فيكون :  $n = 3$  و  $k = 2$

والحدث  $E$  : « فوز راشد بجائزتين »

$$p(E) = nC_k \cdot m^k (1 - m)^{n-k}$$

$$= 3C_2 \cdot (0.40)^2 (1 - 0.40)^{3-2} = 0.288$$

شكراً لحسن استماعكم

مع خالص رجائي لكم بالتوفيق والنجاح

KuwaitMath.com

