

الوحدة السادسة

السَّفَرُ
TRAVEL

إدراك مفهوم الكسور

Understand the concept of fractions

إذا ركبنا سيارةً وقطعنا فيها أحد شواطئ دول الخليج، لاحظنا وجود مراقبٍ يُراقب الشاطئَ وحركة المياه جفاظاً على الأمن وسلامة الناس.

سَجَلْ أَدَهُمْ خَمْسَ نِقَاطٍ مُتَبَعَةً عَلَى الشَّاطِئِ، فَصَلِّحْ لِأَنَّ تُرَكِّزْ عَلَيْهَا وَخِدَاتٍ لِلْمُرَاقَبَةِ وَقَدْ سَمَّيْتَ هَذِهِ النِّقَاطَ بِالْأَحْرُوفِ أ، ب، ج، د، هـ وَدَوَّنْ الْمَسَافَاتِ بَيْنَ هَذِهِ النِّقَاطِ فِي الْجَدْوَلِ أَدْنَاهُ:

• إذا قَطَعْتَ الْمَسَافَةَ بَيْنَ النِّقْطَةِ أ وَالنِّقْطَةِ ب، فَمَا الْكُسْرُ الَّذِي يُعْتَلُّ بِتِلْكَ الْمَسَافَةِ مِنْ أَصْلِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ أ وَ هـ؟

• إذا حَمَلْتَ مَعَكَ ٤ سَطَاطِيرَ لِتَأْكُلَهَا فِي رِحْلَتِكَ وَقَدْ أَكَلْتَ كُلَّ السَطَاطِيرِ مَا عِدا وَاحِدَةً، فَمَا الْكُسْرُ الَّذِي عَلَى ذَلِكَ؟

النقطة	المسافة بين	طولها بالكيلومترات
أ و ب	٢٠	
ب و ج	١١	
ج و د	٦,٨	
د و هـ	١٤,٢	

الموضوع : السفر Theme : Travel
مقدمة الوحدة introduce the chapter

المسافات المدونة في الجدول هي المسافات التي تفصل بين وحدات المراقبة على الشاطئ .

• لنفترض أنكم اجتزتم المسافات المدونة كلها ، فكم كيلومتراً قد تكونون قد اجتزتم؟
(٥٢ كيلو متراً)

• لنفترض أنكم تريدون أن تجتازو ٢٠ كم تقريباً ، فما الخيارات التي لديكم؟

(أجتاز المسافة الممتدة بين النقطتين (أ) و (ب) (٢٠ كم) أو المسافة الممتدة بين النقاط (ب) و (ج) و (ج) و (د). [١٧,٨٠] كم.)

سيسمي المتعلمون في هذا الفصل الكسور والأعداد الكسرية ذات المقامات المتشابهة والمقامات المختلفة ويقارنون بينها ويرتبونها، كذلك سيكتشفون نظرية الأعداد .

تنشيط المعلومات السابقة المكتسبة : ناقش مع المتعلمين ما الذي يعرفونه عن الكسور ، ثم سجل إجاباتهم على السبورة .

التقييم الأساسي :

اطرح على المتعلمين أسئلة كالتاليين التاليين :
• كيف تكتبون كسراً ما على شكل كسر عشري؟

(أقسم البسط على المقام)

• كيف تعرفون ما إذا كان كسران متكافئين؟
(إجابة محتملة : أقسم بسط كل كسر من الكسور على مقامه ، إذا كان ناتج القسمة العشريان متساويين ، يكون الكسران متكافئين) .

استخدام البيانات :

إذ يراجع المتعلمون الجدول المعروض في الصفحة ٢١١ ، تأكد من إنهم يفهمون أن

مشروع عمل مرفق :

رحلة تعليمية في الكويت Educational trip in Kuwait

مشروع عمل فريق
Team Project

رحلة تعليمية في الكويت
Educational Trip in Kuwait

سُجِّلَتْ إحدى المدارس فريقاً من تلاميذها ليقوموا برحلة تعليمية في عدة مناطق يتعرف فيها المتعلمون على التقدم الباهر الذي تحقّق في السنوات الأخيرة في مجالات البناء والصناعة والزراعة. وقد طلبت إدارة المدرسة أن يُدرّس المتعلمون الخريطة وأن يُخططوا لإحليلهم شرط ألا يتجاوزوا في رحلتهم المسافات المذكورة في الجدول.

المسافة بالكيلومتر بين بعض مدن الكويت				
إسم المدينة	الكويت	الوفرة	الجوهراء	الأحمدي
الكويت	-	٨٥	٣٥	٢٨
الوفرة	٨٥	-	٨٧	٥٩
الجوهراء	٣٥	٨٧	-	٤٨
الأحمدي	٢٨	٥٩	٤٨	-

كُلُّ ١٠ كم يُقابلها على الخريطة ستمتر واحد أي ١ سم
١٠ كم

اصنع خطة

- ما المدينة التي سَتَطلِقُ منها التلاميذ؟ وما المُدُن التي سَتَروونها؟
- كيف تُتابع المسافات التي يقطعونها كل يوم؟

فقد الخطة

- 1 سجّل أسماء المُدُن التي سَتَروها الفريق والمسافات التي يقطعها يومياً.
- 2 أوجد المسافة الإجمالية التي تحطُّ لها الفريق وقارنها بالمسافة التي يُسمح للفريق باجيازها كل يوم.
- 3 اذكر كم ستمترًا على الخريطة زيادة يُمكن أن يقطعها الفريق يومياً إذا كان ذلك مُمكنًا.

تعبير شفهي

- كيف قَرَّر الفريق ما المُدُن التي سَتَرونها؟

قدم المشروع

- اعرض مشروع رحلة فريقك على زملائك.

٢١٢

- سيستخدم المتعلمون خريطة ليخططوا للمناطق المختلفة التي سيزورونها كل يوم، وسيجتازون مسافة معينة يومياً.
- أدوات المتعلم: ورقة، أقلام، مساطر ستمترية، نُسخ عن الأطلس.
- تابع المتعلمين لتتأكد من الفرق بين عدد الستمترات التي يجتازها الفريق، وتلك التي سُمح له بإجيازها.
- اعرض الخريطة على زملائك في غرفة الفصل، وأرفقها بجدول يتضمن المسافات اليومية.

مقدمة المشروع :

إكمال المشروع :

أدع المتعلمين إلى مناقشة كيفية تغيير النتائج باختلاف المدن التي سينطلقون منها.

شجع المتعلمين على تكرار المشروع مستخدمين تسلسلاً مختلفاً من المدن.

أطلب إلى المتعلمين أن يشرحوا كيف تختلف الطرقات التي يسلكونها.

قد ترغب في تشجيع المتعلمين على استخدام أطلس ومقياس، ليحسبوا المسافة الحقيقية التي اجتازها الفريق.

قد يكون للمتعلم بعض من الخبرة في ما يتعلق بالخرائط والمقاييس. قد ترغب في أن تشير إلى المتعلمين أنه عليهم اختيار مقياس للمسافات المبينة على الخريطة، وأن كل ستمتر إضافي يمثل مسافة أكبر.

لوضع معايير المشروع، راجع مع المتعلمين لائحة التقييم الذاتي أدناه:

لائحة التقييم الذاتي :

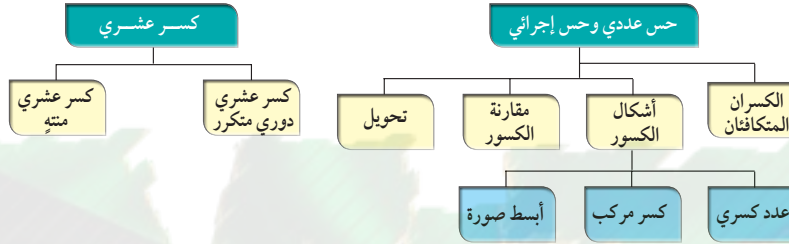
- قرر المدينة التي ستشكل نقطة الانطلاق، والمدن التي سيزورها الفريق.
- ناقش كيف تتابع المسافات التي ستجتازها كل يوم.

الإجابات :

باجتيازها يومياً، لا تشمل بعضاً من المدن التي كانوا يرغبون في زيارتها.

تتنوع الإجابات. قد يجد المتعلمون أن المسافات التي سُمح لأعضاء الفريق

مُخَطَّطُ تَنْظِيمِيٍّ لِلوَحْدَةِ السَّادِسَةِ



الكفايات الخاصة المتعلقة بالوحدة السادسة

- (١-١) بناءً، قراءةً وكتابةً أعدادٍ صحيحةً (سالبةً وموجبةً) وأعدادٍ عشريةً موجبةً بناءً على فهم نظام العد العشري، قراءةً وكتابةً كسور.
- (٢-١) مقارنةً، ترتيباً وتمثيل أعدادٍ صحيحةً وأعدادٍ نسبيةً موجبةً على خط الأعداد.
- (٦-١) إجراء عمليات ضرب أعدادٍ صحيحةٍ وأعدادٍ عشريةٍ موجبةٍ؛ وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.
- (٧-١) إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناءً على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير؛ إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.
- (٢-٣) اكتشاف، تعريف، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة/مجموعات أعداد عشرية موجبة.
- (٦-٣) إبداء الفضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناءً على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

الكسور المتكافئة

Equivalent Fractions

١-٦

الكفايات الخاصة :

- (١-١) بناء، قراءة وكتابة أعداد صحيحة (سالبة وموجبة) وأعداد عشرية موجبة بناء على فهم نظام العد العشري ، قراءة وكتابة كسور .
- (٢-١) مقارنة ، ترتيب وتمثيل أعداد صحيحة وأعداد نسبية موجبة على خط الأعداد .
- (٢-٣) اكتشاف ، تعرف ، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة / مجموعات أعداد عشرية موجبة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

إيجاد كسر ومتكافئ الكسر .

مصادر التعلم :

عناصر - رقائق كسور

١ بداية الدرس :

أكتب عوامل كل من الأعداد التالية :

٦ (١ ، ٢ ، ٣ ، ٦)

١٢ (١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٦ ، ١٢)

٣ (١ ، ٣)

الكسور المتكافئة

Equivalent Fractions

١-٦

تقطيع الخبز

سوف نتعلم: كيف توجد الكسور المتكافئة لأي كسر مُعطى.

$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{8}$
$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{10}$
$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{12}$
$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{12}$	$\frac{7}{14}$
$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{12}$	$\frac{7}{14}$	$\frac{8}{16}$
$\frac{6}{12}$	$\frac{7}{14}$	$\frac{8}{16}$	$\frac{9}{18}$
$\frac{7}{14}$	$\frac{8}{16}$	$\frac{9}{18}$	$\frac{10}{20}$
$\frac{8}{16}$	$\frac{9}{18}$	$\frac{10}{20}$	$\frac{11}{22}$
$\frac{9}{18}$	$\frac{10}{20}$	$\frac{11}{22}$	$\frac{12}{24}$
$\frac{10}{20}$	$\frac{11}{22}$	$\frac{12}{24}$	$\frac{13}{26}$
$\frac{11}{22}$	$\frac{12}{24}$	$\frac{13}{26}$	$\frac{14}{28}$
$\frac{12}{24}$	$\frac{13}{26}$	$\frac{14}{28}$	$\frac{15}{30}$

$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{6}$
$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{8}$
$\frac{3}{6}$	$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{10}$
$\frac{4}{8}$	$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{12}$
$\frac{5}{10}$	$\frac{6}{12}$	$\frac{7}{14}$
$\frac{6}{12}$	$\frac{7}{14}$	$\frac{8}{16}$
$\frac{7}{14}$	$\frac{8}{16}$	$\frac{9}{18}$
$\frac{8}{16}$	$\frac{9}{18}$	$\frac{10}{20}$
$\frac{9}{18}$	$\frac{10}{20}$	$\frac{11}{22}$
$\frac{10}{20}$	$\frac{11}{22}$	$\frac{12}{24}$



انظر إلى هذين الزغيفين أدناه، لقد قطع الأول إلى ٣ قطع متطابقة وقطع الثاني إلى ٦ قطع متطابقة أيضا. لتتأكد أنك أخذت قطعتين من الزغيف الأول وأخذت صديقك ٤ قطع من الزغيف الثاني. هل أخذ كلٌ منكما حصةً تساوي حصة الآخر؟

تستطيع استخدام رقائق الكسور لتقارن الكسور ولتبيّن الكسور ذات القيمة الواحدة.

إعمل مع صديقك لك.

قارن بين $\frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{4}$ ، $\frac{3}{6}$.

صنع زغيفتي $\frac{1}{2}$ تحت زغيفة واحدة كاملة.

تحقق من عدد رقائق $\frac{1}{2}$ التي تتطابق تماما مع زغيفتي الـ $\frac{3}{6}$.

كما ترى في الصورة لقد أخذت أنت وصديقك حصصاً متساوية. نسمي $\frac{1}{2}$ ، $\frac{3}{6}$ كسرتين متكافئتين.

ما الرافئ الكسرية الأخرى التي يُمكن أن تتطابق تماما مع الـ $\frac{3}{6}$ ؟ $\frac{4}{8}$ ، $\frac{5}{10}$ ، $\frac{6}{12}$ ، $\frac{7}{14}$ ، $\frac{8}{16}$ ، $\frac{9}{18}$ ، $\frac{10}{20}$ ، $\frac{11}{22}$ ، $\frac{12}{24}$ ، $\frac{13}{26}$ ، $\frac{14}{28}$ ، $\frac{15}{30}$.

الكسور المتكافئة	الكسور
$\frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{4}$ ، $\frac{3}{6}$ ، $\frac{4}{8}$ ، $\frac{5}{10}$ ، $\frac{6}{12}$ ، $\frac{7}{14}$ ، $\frac{8}{16}$ ، $\frac{9}{18}$ ، $\frac{10}{20}$ ، $\frac{11}{22}$ ، $\frac{12}{24}$ ، $\frac{13}{26}$ ، $\frac{14}{28}$ ، $\frac{15}{30}$.	$\frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{4}$ ، $\frac{3}{6}$ ، $\frac{4}{8}$ ، $\frac{5}{10}$ ، $\frac{6}{12}$ ، $\frac{7}{14}$ ، $\frac{8}{16}$ ، $\frac{9}{18}$ ، $\frac{10}{20}$ ، $\frac{11}{22}$ ، $\frac{12}{24}$ ، $\frac{13}{26}$ ، $\frac{14}{28}$ ، $\frac{15}{30}$.

تدريب (١)

باستخدام رقائق الكسور أوجد بعض الكسور المتكافئة لكل من الكسور في الجدول. سجل النتائج في الجدول المقابل.

البيانات والمفردات:
كسور متكافئة
equivalent fractions

معلومات مفيدة:
تقسيم الكسور من البلدان العربية هي صنع الشمعجات، ومن الألبان الكسور، ويصنع الخبز بأشكال مختلفة ومن أهم مكوناته الدقيق ودقيق القمح.

اللوحة:
رقائق الكسور.

٢ عرض الدرس

أ يقف ١٢ أو ١٦ أو ٢٠ متعلم في مجموعة .

ب قسم المجموعة إلى نصفين .

ب قسم أحد نصفي المجموعة إلى نصفين مجددًا . أشر إلى أحد الربعين اللذين حصلت عليهما بعد تقسيم المتعلمين .

ج أسأل المتعلمين : ما الكسر الذي تمثله أصغر مجموعة من المتعلمين ؟ $(\frac{1}{4})$.

د وزع رقائق الكسور على كل مجموعة من المتعلمين .

ه أكتب على السبورة الكسر $\frac{2}{3}$:

و أسأل المتعلمين : ما العدد الكلي المساوي لـ $\frac{2}{3}$ ؟ (١) .

ز أسأل المتعلمين : ما الكسور الأخرى المكافئة لـ $\frac{2}{3}$ ؟ $(\frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \dots)$.

ح أسأل المتعلمين : ما النمط الذي تلاحظونه في بسط ومقام كل من الكسرين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{6}$ ؟ (نموذج عن الإجابة : إن العدد ٤ هو ضعفي العدد ٢ والعدد ٦ هو ضعفي العدد ٣) .

لم الكسران $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{6}$ متكافئان ؟
نموذج عن الإجابة : لأن طول الرقائق التي تمثل $\frac{2}{3}$ يساوي طول الرقائق التي تمثل $\frac{4}{6}$.

ما النمط الذي استخدم المتعلمون ليجدوا الكسور المتكافئة الثلاثة التالية ؟ (يزيد البسط بـ ١ ، أي مقام يساوي ناتج جمع المقام السابق والعدد ٤) .

٣ الخاتمة والتقييم Close and Assess

أذكر ثلاثة كسور متكافئة للكسر $\frac{1}{5}$.

ب (نموذج عن الإجابة : $\frac{2}{10}, \frac{3}{15}, \frac{4}{20}$) .

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين لا يرتبون رقائق الكسور بشكل صحيح قبل أن يستنتجوا ما إذا كان كسران متكافئين أم لا .

تدريب (٢)

أوجد الكسور الثلاثة التالية المتكافئة للكسور أدناه. أكتب قاعدة تصف النمط الذي لاحظته.

$$\frac{1}{4}, \frac{2}{8}, \frac{3}{12}, \frac{4}{16}, \frac{5}{20}, \frac{6}{24}$$

مثال:

ذهبت وصديقك فهذا الزيارة الأهرامات في مصر خلال العطلة الصيفية. اشترى كل منكما ١٢ طابعا و ١٢ بطاقة بريدية مصورة. في اليوم التالي، أرسلت إلى أصدقائك في المدرسة ٤ بطاقات وأرسلت قهق ٤ من بطاقي. هل أرسلت وصديقك العدد نفسه من البطاقات؟ هل $\frac{1}{3}$ يساوي $\frac{4}{12}$ ؟ كيف تعرف ذلك؟



• طريقة أولى: استخدام رقائق الكسور. إن الرقيقة الزرقاء تمثل مجموعة من ١٢ بطاقة.

١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤
١	٤

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$$

• طريقة ثانية: استخدام الموزعة والقلم.

اضرب أو اقسم البسط والمقام بالعدد نفسه.

$$\frac{1}{3} = \frac{1 \div 4}{3 \div 4} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{4}{12} = \frac{4 \div 4}{12 \div 4} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

بما أن $\frac{1}{3}$ يساوي $\frac{4}{12}$ ، فلقد أرسلت وصديقك العدد نفسه من البطاقات. إن $\frac{1}{3}$ ، $\frac{4}{12}$ كسيران متكافئان.

٢ أوجد البسط أو المقام الناقص في كلٍّ من الكسور التالية:

$$\frac{\boxed{3}}{7} = \frac{21}{49} \quad \text{ب}$$

$$\frac{16}{28} = \frac{4}{7} \quad \text{د}$$

$$\frac{15}{50} = \frac{3}{10} \quad \text{ا}$$

$$\frac{1}{7} = \frac{8}{16} \quad \text{ج}$$

$$\frac{7}{8} = \frac{3}{\boxed{4}} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{15}{27} = \frac{5}{\boxed{9}} \quad \text{ز}$$

$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100} \quad \text{ط}$$

$$\frac{3}{39} = \frac{1}{13} \quad \text{ق}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{9}{18} \quad \text{ر}$$



ألف مسألة من عنديك: استخدم زقاق كسور متطابقة لتمثيل الكسور واطلب من زميلك أن يستخدم زقاق الكسور هذو لتمثيل واجد أو أكثر من الكسور المتكافئة.

اجابات متنوعة

تدرب (٣) ↑:

إنلأ الفراغ بالمعدو الناقص لكون كسورًا متكافئة.

$$\frac{\boxed{3}}{4} = \frac{9}{12} \quad , \quad \frac{\boxed{16}}{20} = \frac{4}{5}$$

تمرّن:

١ أنظر إلى الأجزاء المظللة التي تمثل كلاً من أزواج الكسور أدناه.

أكتب الأعداد الناقصة لتكامل أجزاء الكسور المتكافئة.

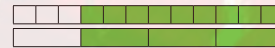
$$\frac{6}{9} = \frac{2}{3} \quad \text{ب}$$



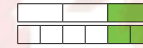
$$\frac{6}{8} = \frac{3}{4} \quad \text{ا}$$



$$\frac{3}{4} = \frac{9}{12} \quad \text{د}$$



$$\frac{6}{6} = \frac{1}{3} \quad \text{ج}$$



الكسور المركبة والأعداد الكسرية

Improper Fractions and Mixed Numbers

٢-٦

الكفايات الخاصة :

- (١-١) بناء قراءة وكتابة أعداد صحيحة (سالبة و موجبة) وأعداد عشرية موجبة بناء على فهم نظام العد العشري ، قراءة وكتابة كسور .
 (٢-٣) اكتشاف ، تعرف ، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة / مجموعات أعداد عشرية موجبة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

كتابة الكسر المركب في صورة عدد كسري أو في صورة عدد كلي ، وكتابة العدد الكسري في صورة كسر مركب .

مصادر التعلم :

رفائق - كسور - مناطق كسرية . شبكة مربعات ؟

١ بداية الدرس :

(١) بسّط كلاً مما يلي

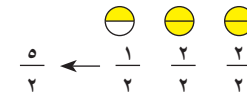
(١) = ١ + (٧ × ٠) ، (١١) = ٥ + (٣ × ٢)

(٤) = ٠ + (٤ × ١) ، (٤٤) = ٢ + (٦ × ٧)

٢ عرض الدرس :

يسمى الكسر الأكبر من ١ أو المساوي له كسرًا مركبًا

أ هو كسر مركب .



ب هو كسر مركب .



$1 = \frac{14}{14}$

عدد كلي وكسر يشكّلان معًا عددًا كسريًا

أ هو عدد كسري .



$3 \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + 3$

ب هو كسر مركب .



بالتالي $3 \frac{1}{4} = \frac{13}{4}$

الكسور المركبة والأعداد الكسرية

الكسور المركبة

سوف نتعلم: كتابة الكسر المركب في صورة عدد كسري والعكس.



يبيّح محلّ الحلويات الكعك التركي في غلب تسع الواحدة ١٢ قطعة، اشترت سارة عُبة كاملة و ه قطع كعك، أي أنّها اشترت $1 \frac{9}{12}$ درزن كعك.

$1 \frac{9}{12}$ هو عدد كسري (العدد الكسري هو عدد كلي وكسري).

يمكننا كتابة العدد الكسري في صورة كسر مركب.

الخطوة (١):

اضرب المقام في ١: 1×12

الخطوة (٢):

اجمع البسط إلى ناتج الضرب: $17 = 5 + (1 \times 12)$

الخطوة (٣):

اكتب ناتج الجمع على شكل بسط لكسر ← $\frac{17}{12}$ ، $\frac{17}{12} = 1 \frac{5}{12}$ ، $\frac{17}{12}$ فيكون المقام الأصلي متماثل لهذا الكسر ←

كيف يمكن كتابة الكسر المركب $1 \frac{1}{4}$ في صورة عدد كسري.

$1 \frac{1}{4} = \frac{5}{4}$ ، $2 \frac{3}{4} = \frac{11}{4}$ ، ناتج القسمة ٢ والباقي ٣

اكتب ناتج القسمة على شكل عدد كلي واكتب الباقي على شكل بسط لكسر يكون مقامه مساويًا للمقسوم عليه.

المبررات والمفردات:
عشر مركب
improper fraction
عدد كسري
mixed number

معلومات مفيدة:
هناك العديد من أنواع الكعك المنتشرة في جميع أنحاء الوطن العربي الذي ينتج بسكويت فدايئة عالية بسبب كثرة شمس الجزيرة المشتملة في تحضيره.

ملاحظة:
الكسر المركب هو كسر أكبر من العدد واحد أو مساو له.



٣ عرض الدرس :

أكتب $1\frac{3}{4}$ على السبورة .

أ يرسم المتعلمون مربعين ويقسمون كل مربع إلى أربعة أجزاء .

ب يظل المتعلمون $1\frac{3}{4}$ المربعات ..

اسأل المتعلمين : كم عدد الأرباع التي ظللتموها ؟ (٧)

• أكتب $\frac{9}{3}$ على السبورة و اشرح للمتعلمين أن $\frac{9}{3}$ يعني أيضاً : $9 \div 3$.

اسأل المتعلمين : كيف تستطيعون كتابة العدد ٣ في صورة كسر مقامه ٤ ؟
($\frac{12}{4}$)

اسألهم : إذا كان بسط كسر ما ٣٦ ، فكم يجب أن يكون المقام كي يكون الكسر مساوياً لعدد كلي ؟
(أي عدد يكون عاملاً للعدد ٣٦ : ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ ، ١٨ ، ٣٦) .

اسألهم : كيف تكتبون كسراً مركباً في صورة عدد كسري ؟

(أقسم البسط على المقام ، أبسط إذا كان ذلك ممكناً) .

وكيف يكتب عدد كسري في صورة كسر مركب .

(إجابات محتملة : أكتب العدد الكلي في صورة كسر ومن ثم أجمع الكسرين و أضرب مقام الكسر في العدد الكلي و أجمع عليه البسط) .

٤ الخاتمة والتقييم :

ارسم صورة تمثل الكسر $2\frac{2}{3}$ ، ثم اكتب الكسر المركب المساوي له .



٥ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين يحاولون عددًا كسرياً إلى كسر مركب ، وذلك بجمع العدد الكلي والبسط والمقام عوضاً عن ضرب العدد الكلي بالمقام ومن ثم جمع ناتج الضرب والبسط .

نستنتج أن: الكسر الأكبر من الواحد (الكسر المركب) يمكن إعادة كتابته كعدد كسري، والعدد الكسري يمكن كتابته ككسر مركب.

تدريب ↑↑

١ اكتب $2\frac{3}{4}$ في صورة كسر مُركَّب $\frac{11}{4}$ = $2\frac{3}{4}$ $\frac{3}{4} \times 2 + \frac{3}{4} = \frac{6}{4} + \frac{3}{4} = \frac{9}{4}$ $2 + \frac{9}{4} = \frac{8}{4} + \frac{9}{4} = \frac{17}{4}$

٢ اكتب $\frac{9}{5}$ في صورة عدد كسري $1\frac{4}{5}$ $\frac{9}{5} = 1\frac{4}{5}$ $1 \times 5 + 4 = 5 + 4 = 9$ $1\frac{4}{5} = \frac{9}{5}$

إذا كان الباقي صفرًا عند قسمة البسط على المقام ، فماذا يعني ذلك؟

تمرّن :

١ اكتب كلاً من الكسور المُركَّبة في صورة عدد كسري أو في صورة عدد كسري

أ $\frac{22}{7} = 3\frac{1}{7}$ ب $\frac{19}{3} = 6\frac{1}{3}$ ج $\frac{74}{8} = 9\frac{1}{2}$ د $\frac{21}{4} = 5\frac{1}{4}$ هـ $\frac{48}{7} = 6\frac{6}{7}$ و $\frac{63}{7} = 9$ ز $\frac{53}{13} = 4\frac{1}{13}$ ح $\frac{87}{4} = 21\frac{3}{4}$

٢ اكتب كلاً من الأعداد الكسرية في صورة كسر مُركَّب.

أ $2\frac{1}{3} = \frac{7}{3}$ ب $6\frac{0}{6} = 6$ ج $3\frac{2}{9} = \frac{29}{9}$ د $7\frac{3}{8} = \frac{59}{8}$ هـ $5\frac{2}{3} = \frac{17}{3}$ و $9\frac{4}{7} = \frac{67}{7}$ ز $10\frac{3}{5} = \frac{53}{5}$

متى يُمكن كتابة كسر مُركَّب في صورة عدد كسري؟

مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها

Comparing and Ordering Fractions and Mixed Numbers

٣-٦

الكفايات الخاصة :

- (٢-١) مقارنة ، ترتيب وتمثيل أعداد صحيحة وأعداد نسبية موجبة على خط الأعداد .
- (٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة ، وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها .

مصادر التعلم :

رقائق كسور

١ بداية الدرس :

- أكتب كل كسر مركب على شكل عدد كسري ، وكل عدد كسري على شكل كسر

$$\text{مركب . } \frac{9}{3} = \frac{1}{4} \times 4 , \frac{2}{3} = \frac{2}{3} \times 2 , \frac{29}{4} = \frac{1}{4} \times 29$$

- استخدم > أو < أو = في الفراغ أدناه

$$2,4 \text{ } \textcircled{<} \text{ } 2,36 , 0,05 \text{ } \textcircled{>} \text{ } 0,1 , 0,002 \text{ } \textcircled{>} \text{ } 0,01$$

مُقارَنَةُ الكُسُورِ والأَعْدَادِ الكُسُورِيَّةِ وَتَرْتِيبُهَا

Comparing and Ordering Fractions and Mixed Numbers

٣-٦

رُكُوبُ الدَّرَاجَةِ

سَوِّفُ تَتَعَلَّمُ: كَيْفَ تُقَارِنُ بَيْنَ كُسُورٍ مُخْتَلِفَةِ المَقَامَاتِ.



رَكِبَ مَاهِرٌ وَعَلِيٌّ دَرَاجَتَيْهِمَا بَعْدَ خُرُوجِهِمَا مِنَ الحَدِيقَةِ. قَطَعَ الأَوَّلُ مَسَافَةً $\frac{5}{8}$ الكيلومتر وقَطَعَ الثَّانِي مَسَافَةً $\frac{3}{4}$ الكيلومتر فَوَصَلَ كُلُّ مِنْهُمَا إِلَى المُنْذِقِ الَّذِي يَسْكُنُهُ. أَيُّ المُنْذِقَيْنِ أَبْعَدُ عَنِ الحَدِيقَةِ؟ لِنَجِدِ الإِجَابَةَ، قَارِنِ $\frac{5}{8}$ ، $\frac{3}{4}$.

• طَرِيقَةٌ أُولَى: قَارِنِ بِاسْتِخْدَامِ رَقَائِقِ الكُسُورِ.

$$\frac{3}{4} < \frac{5}{8}$$

• طَرِيقَةٌ ثَانِيَةٌ: أَعِدْ نِسْبِيَّةِ الكُسُورَيْنِ بَعْدَ تَوْحِيدِ مَقَامَيْهِمَا وَمِنْ ثَمَّ قَارِنِ.

الخطوة (٣)	الخطوة (٢)	الخطوة (١)
قَارِنِ بَيْنَ الكُسُورَيْنِ.	اُكْتُبِ كُسُورَيْنِ مُتَكَافِئَيْنِ قَارِنِ بَيْنَ الكُسُورَيْنِ.	أُوجِدِ المَقَامَ المُشْتَرَكَ الأَصْغَرَ (ل.م.م).
$\frac{32}{40} < \frac{30}{40}$	لِلكُسُورَيْنِ الأَصْغَرَيْنِ مُسْتَحْدِمًا المَقَامَ المُشْتَرَكَ الأَصْغَرَ.	لِلعَدَدَيْنِ ٨ ، ٥ هُوَ ٤٠.
بِالتَّالِي $\frac{3}{4} < \frac{5}{8}$	$\frac{30}{40} = \frac{3 \times 10}{4 \times 10} = \frac{3}{4}$ $\frac{32}{40} = \frac{4 \times 8}{10 \times 4} = \frac{4}{5}$	بِالتَّالِي المَقَامَ المُشْتَرَكَ الأَصْغَرَ لِلكُسُورَيْنِ $\frac{3}{4}$ ، $\frac{5}{8}$ هُوَ ٤٠

وَهَكَذَا ، فَإِنَّ قُنُودَ مَاهِرٍ هُوَ أَبْعَدُ مِنَ المُنْذِقِ عَلَيَّ عَنِ الحَدِيقَةِ.

نِظْرَةٌ عَمَّا:

تَشْتَعِلُ بِاسْتِخْدَامِ مَهَارَاتِكَ فِي تَحْدِيدِ المَقَامِ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ لِلكُسُورَيْنِ مِنْ جِوَالِبِ إِجْرَادِ المُنَافَسَةِ المُشْتَرَكِ الأَصْغَرَ لِجَمْعِ المَقَامَيْنِ.

تَذَكُّرًا:

المُنَافَسَةُ المُشْتَرَكَةُ الأَصْغَرَ (ل.م.م): هُوَ أَصْغَرُ عَدَدٍ يَحْتَوِي عَلَى المُنَافَسَةِ بَعْدَيْنِ مُتَشَابِهَيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

٢ عرض الدرس

أسأل المتعلمين

يبدأ المعلم بمناقشة المتعلمين في مقارنة الكسور ذات المقامات المتساوية أو المقارنة بـ ١ وربطه بما سبق دراسته في المرحلة الابتدائية.

اكتب $>$ أو $<$ أو $=$ في الفراغ أدناه :

$\frac{2}{4} < \frac{5}{4}$ ($<$)	$\frac{2}{2} > \frac{1}{2}$ ($>$)
$\frac{9}{8} > \frac{7}{8}$ ($>$)	$\frac{5}{3} > \frac{2}{3}$ ($>$)
$\frac{3}{3} = \frac{4}{4}$ ($=$)	$\frac{1}{4} < \frac{3}{4}$ ($<$)

اللوازم : كوب أو مرتبان .

أ يضع المتعلمون الكوب أو المرتبان على ورقة ويرسمون حول قاعدتهما خطأ مرتين ليحصلوا على دائرتين متساويتين .

ب يرسم المتعلمون خطوطاً ليقسموا الدائرة الأولى إلى ثمانية أجزاء ، والدائرة الثانية إلى ستة أجزاء .

ج يظل المتعلمون $\frac{3}{8}$ الدائرة الأولى و $\frac{2}{6}$ الدائرة الثانية .

• أسأل المتعلمين : أي كسر يبدو أكبر $\frac{3}{4}$

أو $\frac{5}{6}$ ؟ ($\frac{3}{8}$)

اكتب على السبورة $\frac{3}{4}$ و $\frac{5}{6}$ ، ثم اكتب $\frac{9}{12}$ ككسر مكافئ لـ $\frac{3}{4}$ و $\frac{10}{12}$ لـ $\frac{5}{6}$.

اسأل المتعلمين : أي الكسرين أكبر : $\frac{9}{12}$

أم $\frac{10}{12}$ ؟ ($\frac{10}{12}$)

وأي الكسرين أكبر : $\frac{3}{4}$ أم $\frac{5}{6}$ ؟

($\frac{5}{6}$)

اسألهم : هل يجب إيجاد المقام المشترك

الأصغر للمقارنة بين كسرين لهما البسط نفسه ولكن مقاميها مختلفان ؟ وضحاوا إجابتكم .

(كلا ، الكسور ذو المقام الأكبر أصغر)

اسألهم : أي الكسرين أكبر : $\frac{7}{8}$ أو $\frac{4}{3}$ ؟

وضحاوا ذلك .

($\frac{4}{3}$ ، $\frac{4}{3}$ أكبر من ١ ، أما $\frac{7}{8}$ فهو أصغر من ١)

٣ الخاتمة والتقييم :

اذكر كيف نستخدم الأنماط في المقارنة

بين الكسور .

٤ الأخطاء الشائعة :

من الأخطاء الشائعة أن يقارن المتعلم بين الكسرين فقط ولا ينظر إلى العدد الكلي .

تدريب :

١ قارن بين $\frac{7}{9}$ ، $\frac{11}{15}$ ، $\frac{7}{9}$ ، $\frac{11}{15}$. العَدَدَانِ الكَثِيبَانِ مُتَسَاوِيَانِ . بالتالي قارن بين الكسرين $\frac{11}{15}$ ، $\frac{7}{9}$.

المُضَاعَفُ المُشْتَرَكُ الأَصْغَرُ لِلمَعْدَيْنِ (١.م.م) ١٥ ، ١٥ ، ٦ هُوَ ٣٠ . (لمادة ٩١٥).

$\frac{7}{9} = \frac{7 \times 5}{9 \times 5} = \frac{35}{45}$ ، $\frac{11}{15} = \frac{11 \times 3}{15 \times 3} = \frac{33}{45}$ ، بالتالي : $\frac{7}{9} > \frac{11}{15}$

٢ رتّب الكسور $\frac{2}{3}$ ، $\frac{5}{8}$ ، $\frac{3}{5}$ تصاعديًا.

المُضَاعَفُ المُشْتَرَكُ الأَصْغَرُ (١.م.م) لِلعَدَاوِ ٤ ، ٨ ، ٦ هُوَ (لمادة ٩١٥)

$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 8}{3 \times 8} = \frac{16}{24}$ ، $\frac{5}{8} = \frac{5 \times 3}{8 \times 3} = \frac{15}{24}$ ، $\frac{3}{5} = \frac{3 \times 8}{5 \times 8} = \frac{24}{40}$ ، بالتالي : $\frac{2}{3} > \frac{5}{8} > \frac{3}{5}$

قارن بين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ وبين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$. اكتب قاعدة للمقارنة كسرين لهما البسط نفسه ولكن مقاميها مختلفان.

تمارين :

١ اكتب المقام المشترك الأصغر لكل مجموعة من الكسور.

٢ قارن ثم اكتب $<$ أو $>$ أو $=$ مكان الفراغ.

٣ رتّب الكسور التالية تصاعديًا :

٤ رتّب الكسور التالية تنازليًا :

٥ رتّب الكسور التالية تصاعديًا :

٦ رتّب الكسور التالية تنازليًا :

المقارنة بين كسرين	المقارنة	كيفية المقارنة	نوع الكسر
مثال			
$\frac{1}{4} < \frac{1}{3}$	الكسر صاحب المقام الأصغر هو الكسر الأكبر	تحقق من المقامين	البسط ١
$\frac{2}{7} < \frac{1}{3}$	الكسر صاحب المقام الأصغر هو الكسر الأكبر	تحقق من المقامين	البسط نفسه
$\frac{2}{4} < \frac{1}{4}$	الكسر صاحب البسط الأكبر هو الكسر الأكبر	تحقق من البسطين	المقام نفسه

الكسر في أبسط صورة Simplest Form

٤-٦

الكفايات الخاصة :

- (٢-١) مقارنة ، ترتيب وتمثيل أعداد صحيحة وأعداد نسبية موجبة على خط الأعداد .
 (٧-١) إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي ، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناء على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير ، إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة .
 (٢-٣) اكتشاف ، تعرف ، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة / مجموعات أعداد عشرية موجبة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

كتابة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

مصادر التعلم :

رقائق كسور - مصورات.

١ بداية الدرس :

- أوجد (ع . م . أ) للعددين ١٤ و ٢١
 عوامل العدد ١٤ : ١ ، ٢ ، ٧ ، ١٤ .
 عوامل العدد ٢١ : ١ ، ٣ ، ٧ ، ٢١ .
 (ع . م . أ) هو ٧ .

٤-٦ الكسر في أبسط صورة Simplest Form

ذكريات في صور



سوف تتعلم: كيف تكتب كسراً في أبسط صورة.

جمعت منار ٤٢ صورة لدول الوطن العربي
 كان منها ١٢ صورة لدولة الكويت وتظمت هذه
 الصور في حافظة صور.

هل تستطيع القول إن الصور التي جمعتها منار
 للكويت تمثل $\frac{12}{42}$ من مجموع الصور؟

وبعد أن تعلمت حسات العايل المشترك الأكبر،
 يمكنك استخدامها في تبسيط كسر ما. يكون

الكسر في أبسط صورة إذا كان العايل المشترك الأكبر لبسطه وتقاوه هو العدد ١ .

أكتب الكسر $\frac{12}{42}$ في أبسط صورة ممكنة.

الخطوة (٢)

أوجد العايل المشترك الأكبر للبسط والمقام على العايل
 والمقام.

$$\frac{12}{42} = \frac{12 \div 6}{42 \div 6}$$

الخطوة (١)

أوجد العايل المشترك الأكبر للبسط والمقام على العايل
 والمقام.

$$\begin{aligned} \text{البسط: } 12 &= 2 \times 2 \times 3 \\ \text{المقام: } 42 &= 2 \times 3 \times 7 \end{aligned}$$

$$\text{إذا } 6 = 2 \times 3$$

٦ هو العايل المشترك الأكبر.

هذا يعني أن الـ ١٢ صورة من الكويت تمثل $\frac{2}{7}$ من مجموع الصور.

الكسر $\frac{12}{42}$ ، $\frac{2}{7}$ هما كسران متكافئان. هل يمكننا القول إن $\frac{12}{42}$ هو في
 أبسط صورة ممكنة؟

البيانات والمعلومات:
أبسط صورة
Simplest Form

نظراً:
٣ × ٢ = ٦
٢ عايل من عوايل ٦
٣ عايل من عوايل ٦

نظراً:
العايل المشترك
الأكبر هو أكبر
عايل يتقبل القسمة
القسمة عليه.



٢ عرض الدرس :

بعد أن تعرف المتعلمون كيفية إيجاد العامل المشترك الأكبر، أصبح بإمكانهم أن يستخدموا ما تعلموه لكتابة كسر ما في أبسط صورة مستخدمين العامل المشترك الأكبر .

• تأكد من أن المتعلمين يفهمون أن $\frac{12}{42}$ يمثل ١٢ صورة من أصل ٤٢ صورة .

• **أسأل المتعلمين :** كيف تعرفون ما إذا كان كسر ما في أبسط صورة ؟

(نموذج عن الإجابة : ليس هنالك عوامل مشتركة للبسط والمقام إلا العدد ١) .

اسألهم : كيف تبسطون كسراً ما ؟

(نموذج عن الإجابة : أقسم بسط الكسر ومقامه على العوامل المشتركة ليصبح العامل المشترك الوحيد لهما هو العدد ١) .

أطلب من المتعلمين كتابة $\frac{24}{60}$ في أبسط صورة

$$ع.م.أ = ١٢ ، \frac{24}{60} = \frac{12 \div 24}{12 \div 60} = \frac{2}{5}$$

لاحظ أن حتى إذا كان استخدام (ع.م.أ) لوضع الكسر في أبسط صورة يتطلب إجراء

عملية قسمة واحدة ، فإن بعض المتعلمين يفضلون القسمة على العوامل الواضحة بالنسبة إليهم .

٣ الخاتمة والتقييم :

وضح لماذا لا يمكن تبسيط الكسور التالية : $\frac{2}{3}$ ، $\frac{2}{17}$ ، $\frac{11}{13}$ (لأنه لا يوجد أعداد تقسم البسط والمقام معاً ، فأعداد كل من البسط والمقام أولية) .

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين يختارون أيّاً من عوامل العددين وليس العامل المشترك الأكبر لهما .

تدريب ٩

أكتب كل كسر مما يلي في أبسط صورة:

$$1 \quad \frac{24}{30} = \frac{4}{5} \quad \frac{7}{10} = \frac{7}{10}$$

تَمَرُّن :

لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات، واحد فقط منها صحيح، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

١ الكسر $\frac{17}{14}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{17}{14} \quad \frac{17}{14} \quad \frac{17}{14} \quad \frac{17}{14}$$

٢ الكسر $\frac{18}{11}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{18}{11} \quad \frac{18}{11} \quad \frac{18}{11} \quad \frac{18}{11}$$

٣ الكسر $\frac{40}{9}$ في أبسط صورته هو:

$$\frac{40}{9} \quad \frac{40}{9} \quad \frac{40}{9} \quad \frac{40}{9}$$

٤ أكتب كل كسر فيما يلي في أبسط صورته:

$$1 \quad \frac{12}{22} = \frac{6}{11} \quad \frac{14}{28} = \frac{1}{2}$$

$$2 \quad \frac{24}{40} = \frac{3}{5} \quad \frac{38}{46} = \frac{19}{23}$$

$$3 \quad \frac{9}{13} = \frac{9}{13} \quad 1 = \frac{49}{49}$$

$$4 \quad \frac{40}{40} = \frac{1}{1} \quad \frac{8}{8} = \frac{1}{1}$$

ربط الكسور الاعتيادية بالكسور العشرية Relating Fractions and Decimals

٥-٦

الكفايات الخاصة :

- (٢-١) مقارنة ، ترتيب وتمثيل أعداد صحيحة وأعداد نسبية موجبة على خط الأعداد .
(٢-٣) اكتشاف ، تعرف ، واستخدام حالات تطابق دوال مجموعات أعداد صحيحة / مجموعات أعداد عشرية موجبة .
(٦-٣) إبداء الفضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناء على بعض الطرق الرياضية البسيطة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

كتابة الكسر العشري في صورة كسر اعتيادي ، وكتابة الكسر الاعتيادي في صورة كسر عشري .

مصادر التعلم :

أله حاسبة - سبورة ذاتية .

١ بداية الدرس :

اكتب $>$ أو $<$ أو $=$ في الفراغ أدناه :

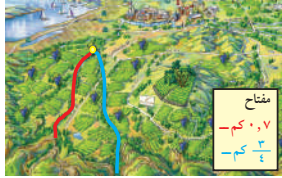
- ($>$) $٠,٢$ \bigcirc $٠,١٨٩$ ($>$) $٣,٧$ \bigcirc $٣,٦٨$
($>$) $١٠,٢$ \bigcirc $١٠,١٩$ ($<$) $٢,٠١$ \bigcirc $٢,١٠$
($=$) $٠,١٩٠$ \bigcirc $٠,١٩$ ($=$) $٨,٠$ \bigcirc $٨,٠٠$

ربط الكسور الاعتيادية بالكسور العشرية Relating Fractions and Decimals

٥-٦

سياق المُنحَدَر

سوف تتعلم: كيف تكتب كسراً عشرياً في صورة كسر اعتيادي أو كسراً اعتيادياً في صورة كسر عشري.



يُهَيّئ مَشَارِي وَيُوسِفُ مُمَارَسَةَ رِيَاذَةِ التَّرَجُّجِ فَقرَّرَا زِيَارَةَ لَبْنَانَ خِلَالَ العُطْلَةِ وَمُمَارَسَةَ رِيَاذَتَيْهِمَا المُفَضَّلَتَيْنِ. تُبَيِّنُ الخَرِيْطَةُ التَّالِيَةُ مُنْحَدَرَاتِ التَّرَجُّجِ المُتَوَعَّاةِ. لِنَقْرَضْ أَنَّ مَشَارِي عَبْرِ المُنْحَدَرِ الأزرقِ وَعَبْرَ يوسِفِ المُنْحَدَرِ الأحمرِ، فَأَيُّ مِنْهُمَا الجَزَاءُ المُسَافَةِ الأَطْوَلُ؟

قارِنْ بَيْنَ $٠,٧$ ، $\frac{٣}{٤}$.

اُكْتُبِ الكُسْرَ $\frac{٣}{٤}$ فِي صورة كسر عشري. لِكِتَابَةِ الكُسْرِ الاعتيادي فِي صورة كسر

عشري، اقسِم البسط على المقام. $٠,٧٥ = \frac{٣}{٤}$

$$\begin{array}{r} ٠,٧٥ \\ ٤ \overline{) ٣,٠٠} \end{array}$$

يُمَكِّنُكَ إِسْتِخْدَامُ الكُسُورِ المُتَكَافِئَةِ لِكِتَابَةِ الكُسْرِ الاعتيادي فِي صورة كسر عشري:

$$\frac{٣}{٤} = \frac{٣ \times ٢٥}{٤ \times ٢٥} = \frac{٧٥}{١٠٠} = ٠,٧٥$$

$$٠,٧٥ = \frac{٧٥}{١٠٠} = \frac{٣}{٤}$$

بِمَا أَنَّ $٠,٧٥$ هُوَ أَكْبَرُ مِنْ $٠,٧$ ، يَكُونُ مَشَارِي قد قَطَعَ المُسَافَةَ الأَطْوَلُ.

البيانات والمقررات:
كسر عشري دوري (متكرر)
Repeating Decimal

نقطة:
 $١٠ = ٥ \times ٢$
 $١٠٠ = ٢٥ \times ٤$
 $١٠٠٠ = ٢٠ \times ٥$

الوارث:
التحاسبية

٢ عرض الدرس :

أسأل المتعلمين : $10 \div 100 = (10)$ ؟ و $10 \div 10 = (1)$ ؟ و $10 \div 1 = (10 \text{ أو } ١٠)$ ؟

أشر إلى أن $\frac{1}{١٠}$ و ١ و ١٠ طريقتان مختلفتان لكتابة العدد نفسه .

اسأل المتعلمين : ما الطريقة الأخرى لكتابة ٥ ، ١٠ ؟ و ٦ ، ١٠ ؟

($\frac{٥}{١٠}$ أو $\frac{١}{١٠}$ ، $\frac{٦}{١٠}$ أو $\frac{٣}{٥}$)

اسألهم : كيف تكتبون $\frac{١٠}{٧}$ في صورة كسر عشري؟

(٠,٧)

اسأل المتعلمين : لماذا نُطلق على العدد ٢٥ ، $٠,٢٥$ اسم « ربع »؟

(٢٥، ٠ هو ربع أو $\frac{1}{4}$) ذكّر المتعلمين أن الخط الذي يفصل البسط عن المقام يمثل القسمة .

اكتب : $\frac{1}{4} = ١ \div ٤$ وقم بعملية القسمة على السبورة لتحصل على $٠,٢٥$.

اسأل المتعلمين : متى ترغبون في كتابة قيمة عدد ما في صورة كسر عشري؟ (نموذج عن الإجابة

: عندما يتعلق الأمر بالنقود) متى ترغبون في كتابة عدد ما في صورة كسر اعتيادي؟ (نموذج عن

الإجابة : عندما يتعلق الأمر بجزء من الكل) .

إذا كان ٢٥ ، ربع دينار فكيف تمثل ١٠ ، دينار و $٠,٥$ ، دينار و $٠,١$ ، دينار في صورة كسور؟

(جزء من عشرة دينار، جزء من عشرين دينار، جزء من مئة دينار) .



يُمكِنُكَ دَوِّمًا كِتَابَةُ الكُسْرِ العَشْرِيِّ فِي صَوْرَةٍ كُتِبَ مُسْتَعْمَلًا مَا تَعَلَّمْتَهُ حَوْلَ القيمة المكانية. $\frac{١٠}{١٠} = \frac{1}{1}$ ، $\frac{١٠}{١٠} = ١$ ، $\frac{١٠}{١٠} = ١٠$

تدرب (١)

اكتب $\frac{3}{10}$ في صورة عدد عشري.

$$\frac{٣}{١٠} = \frac{٣}{١٠} = \frac{٣}{١٠} + ٣ = ٣ \frac{٣}{١٠} ، \frac{٣}{١٠} = \frac{٣}{١٠} ، \frac{٣}{١٠} = \frac{3}{١٠}$$

مثال:

اكتب $\frac{1}{١٠}$ في صورة عدد عشري.

الحل:

استخدم الآلة الحاسبة (0.1) أي $\frac{1}{10} = 0,١$

الرقم ٣ يتكرر على يمين الفاصلة العشرية دون توقف إلى ما لا نهاية.

نستخدم الرمز $0,٣$ ليعبر عن $0,٣٣٣٣٣٣$ بالنسبة: $\frac{1}{10} = 0,٣$

ونقرأ ٣ أجزاء من عشرة دوري.

كيف يشابه $\frac{٥}{١٠}$ ، $٠,٥$ وكيف يختلفان؟

يشابهان لأن $\frac{٥}{١٠}$ ، نفس القيمة ويختلفان لأن $\frac{٥}{١٠}$ كسر اعتيادي و $٠,٥$ هو كسر عشري

تدرب (٢)

اكتب $\frac{1}{10}$ في صورة كسر عشري.

استخدم الآلة الحاسبة.

$$0,٦ = 0,٦٦٦٦٦٦٦٦$$

٣ الخاتمة والتقييم :

بين كوب مدرج القياسات التالية :

$$\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{2}{3}$$

صف كيف يمكنك تحويل هذه الكسور الاعتيادية إلى كسور عشرية لتصبح المقاييس على الكوب في صورة كسور عشرية .

(اقسم ١ على ٤ لأحصل على ٠,٢٥ و ١ على ٢ لأحصل على ٠,٥ و ١ على ٣ لأحصل على ٠,٣٣٣... و ٣ على ٤ لأحصل على ٠,٧٥ و ٢ على ٣ لأحصل على ٠,٦٦٦...)

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين لا يضعون الخط على العدد ٦ عندما يكتبون $\frac{2}{3}$ في صورة كسر عشري (والخط يعني دوري) .

تَمَرُّن :

١ اكتب في الصورة العشرية كلاً مما يلي :

$$\frac{3}{8} = \frac{375}{1000} = 0,375$$

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = 0,4$$

$$\frac{3}{20} = \frac{15}{100} = 0,15$$

$$\frac{1}{4} = \frac{25}{100} = 0,25$$

٢ اكتب في صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة لكل مما يلي :

$$0,35 = \frac{35}{100} = \frac{7}{20}$$

$$0,44 = \frac{44}{100} = \frac{11}{25}$$

$$0,15 = \frac{15}{100} = \frac{3}{20}$$

$$0,65 = \frac{65}{100} = \frac{13}{20}$$

٣. اِخْتَرِ مِنَ الْعُمُودِ (ب) الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ الْمُنْكَاهِيَ مَعَ كُلِّ كُسْرٍ فِي الْعُمُودِ (أ).

الْعُمُودُ (ب)		الْعُمُودُ (أ)
٠,٧٥	د	$\frac{1}{5}$ ١
٠,٨	هـ	$\frac{4}{8}$ ٢
٠,١	و	$\frac{3}{40}$ ٣
٠,٥	ب	$\frac{12}{16}$ ٤
٠,٠٧٥	ج	$\frac{4}{5}$ ٥
٠,٢	أ	$\frac{5}{50}$ ٦

اختبار الوحدة السادسة

أولاً: في البُيُود (١-٥) ظلّل ① إذا كانت العبارة صحيحة، وظلّل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة.

⊖	①	كسرتان متكافئتان $\frac{40}{70}$ ، $\frac{2}{3}$
⊖	Ⓡ	$3,75 = \frac{15}{4}$
⊖	Ⓡ	$\frac{1}{5} = 0,2$
⊖	Ⓡ	$6,4 = 6\frac{2}{5}$
⊖	①	$\frac{3}{4} < \frac{12}{16}$

لكل بند من البُيُود التالية أضع اختياراً، واحدد فقط منها صحيح، ظلّل الدائرة الدالة على

الإجابة الصحيحة:

٦. $\frac{4}{20}$ في صورة كسر عشري: $0,16$ ⊖ ، $0,016$ ⊖ ، $0,16$ ⊖ ، $1,6$ ①
٧. $5\frac{2}{3}$ في صورة كسر مُركَّب: $\frac{17}{3}$ ① ، $\frac{15}{3}$ ⊖ ، $\frac{17}{5}$ ⊖ ، $\frac{10}{3}$ ⊖
٨. أي من الكسور التالية في أبسط صورة: $\frac{2}{4}$ ① ، $\frac{9}{12}$ ⊖ ، $\frac{7}{15}$ ⊖ ، $\frac{5}{20}$ ⊖
٩. الكسر المُركَّب $\frac{3}{4}$ في صورة عدد كسري: $6\frac{3}{4}$ ① ، $6\frac{1}{4}$ ⊖ ، $6,4$ ⊖ ، $6\frac{1}{4}$ ⊖
١٠. الرُّمُّ الذي يجعل هذه العبارة صحيحة $\frac{3}{5} \bigcirc \frac{6}{10}$ هُوَ: $<$ ⊖ ، $>$ ⊖ ، $=$ ⊖ ، $+$ ①

مراجعة الوحدة السادسة Revision Unit Six

٦-٦

١. اكتب كلاً من الكسور التالية في أبسط صورة:

$\frac{1}{5} = \frac{9}{45}$ ⊖ $\frac{4}{5} = \frac{20}{50}$ ①

$\frac{1}{7} = \frac{6}{18}$ ⊖ $\frac{3}{4} = \frac{300}{400}$ ⊖

٢. اكتب كلاً من الكسور المُركَّبة التالية على شكل عدد كسري.

$8\frac{1}{7} = \frac{17}{7}$ ⊖ $9\frac{1}{7} = \frac{19}{7}$ ①

$7 = \frac{49}{7}$ ⊖ $5\frac{2}{4} = \frac{22}{4}$ ⊖

٣. اكتب كلاً من الأعداد الكسرية التالية على شكل كسر مُركَّب.

$\frac{41}{4} = 10\frac{1}{4}$ ⊖ $\frac{13}{5} = 2\frac{3}{5}$ ①

٤. رتب الكسور التالية ترتيباً تصاعدياً موضحاً خطوات الحل.

$\frac{3}{5}$ ، $0,5$ ، $0,32$ ، $0,2$ ، $\frac{3}{10}$

$\frac{3}{5}$ ، $0,5$ ، $0,32$ ، $0,2$

٥. رتب الكسور التالية ترتيباً تنازلياً موضحاً خطوات الحل.

$\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $0,25$ ، $\frac{1}{5}$

$\frac{1}{5}$ ، $0,25$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{3}$

٦. اكتب في الصورة الاعتيادية وفي أبسط صورة:

$7\frac{1}{8} = 7\frac{120}{1000} = 7,125$ ⊖ $\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = 0,4$ ①

٧. اكتب الكسر العشري المُتكافئ لكل من الكسور التالية:

$0,125 = \frac{125}{1000} = \frac{1}{8}$ ، $0,75 = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$ ، $0,18 = \frac{18}{100} = \frac{9}{50}$ ، $0,25 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$

موارد الوحدة السادسة

١ طريقة برايل :

أسلوب التعلم (بصري ، التعليل السليم)

قد ترغب في حث المتعلمين على إكمال المسألة من دون أن يحولوا الأعداد بحسب طريقة « برايل »

$$\left(\frac{1}{4} = \frac{7}{12} - \frac{3}{4} \right)$$

٢ توقف وتابع النمط :

أسلوب التعلم : جماعي

قد ترغب في استخدام الآلة الحاسبة لتحوّل الكسور العادية إلى كسور عشرية .

(الأعداد :

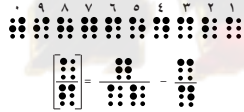
$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} : 0,5 \text{ ل} , \frac{1}{3} : 0,3\bar{3} \text{ ت} , \frac{1}{4} : 0,25 \text{ ل} , \\ & \frac{1}{5} : 0,2 \text{ ل} , \frac{1}{6} : 0,1\bar{6} \text{ ت} , \frac{1}{7} : 0,142857 \text{ ت} , \\ & \frac{1}{8} : 0,125 \text{ ل} , \frac{1}{9} : 0,1\bar{1} \text{ ت} , \frac{1}{10} : 0,1 \text{ ل} , \\ & \frac{1}{11} : 0,09 \text{ ت} , \frac{1}{12} : 0,08\bar{3} \text{ ت} , \frac{1}{15} : 0,0\bar{6} \text{ ت} , \\ & \frac{1}{16} : 0,0625 \text{ ل} , \frac{1}{18} : 0,0\bar{5} \text{ ت} , \frac{1}{20} : 0,05 \text{ ل} \end{aligned}$$

مصادر الوحدة السادسة Unit 6 Resources

اختر واجدة من المسائلتين الآتيتين وحلها مستخدماً ما تعلمته في هذه الوحدة.

١ طريقة برايل

إن طريقة «برايل» التي وضعت لفاقدى البصر كُنْ جَدُولًا بِبَلَايَةِ أَعْيَدِهِ. أَكْتُبِ الْكُسُورَ التَّالِيَةَ كِتَابَةً عَنِ مَجْمُوعَةِ مِنَ النُّقَاطِ الْبَارِزَةِ عَلَى لَوْحَةٍ فِي الْعَمُودِ الْأُولَى: $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{7}$, $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{11}$, $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{13}$, $\frac{1}{14}$, $\frac{1}{15}$, $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{17}$, $\frac{1}{18}$, $\frac{1}{19}$, $\frac{1}{20}$. مَا يُغْضِ هَذِهِ النُّقَاطِ صَغِيرَةً خَجِيمًا وَيَغْضِيهَا كَبِيرَةً خَجِيمًا. تَفْرَأُ هَذِهِ الْإِمَارَاتِ بِاللِّسِّ. اِسْتَعْمِدِ الْآلَةَ الْحَاسِبِيَّةَ وَامَلَأِ الْفُرَاقَاتِ فِي الْعَمُودِ الثَّانِي بِالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ الْمُعَادِلَةَ لِكُلِّ كَسْرٍ. أَمَّا فِي الْعَمُودِ الثَّلَاثِ، فَانْكَتُبْ حَرْفَ «ت» لِلْأَعْدَادِ الْمَكْتُوبَةِ وَفَقْصًا لِطَرِيقَةِ بَرَايِلِ. اِطْرَحِ الْكُسُورَ الَّتِي تُسَطُّ الْإِجَابَةَ. إِذَا تَكَرَّرَتْ الْأَرْقَامُ إِلَى يَمِينِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ أَوْ الْكُسُورِ إِذَا لَمْ تَتَكَرَّرْ.



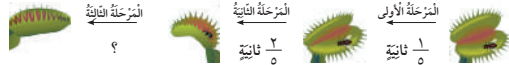
زاوية التفكير الناقد

الجس العددي

طرح الكسور

تفتّح زهرة الدباب أوراها لتلتقط الحشرات وتستهقر في $\frac{1}{2}$ ثانية لتغلقها.

كم من الوقت تستهقر هذه الزهرة ليكمل المرحلة التالية؟



$$\frac{1}{2} \text{ ساعة} = 30 \text{ دقيقة} = 0,5 \text{ ساعة} \quad \frac{1}{3} = 0,3\bar{3} \text{ ساعة} \quad \frac{1}{4} = 0,25 \text{ ساعة} \quad \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} = 0,91\bar{6} \text{ ساعة}$$

٢٣٠

سيحسب المتعلمون الزمن المنقضي بطرح الساعات والدقائق .

لمحة عن التكنولوجيا : Technology Note

تعتبر الساعات الذرية أكثر الساعات دقة في العالم . تعطي هذه الساعات الوقت بدقة من خلال محركات كهربائية تنظمها حركة جزئيات صغيرة جداً ، على سبيل المثال ، ذرات السيزيوم أو جسيمات محلول الأمونيا . تستطيع أكثر هذه الساعات دقة أن تعطي الوقت حتى بالثواني بنسبة عالية من الدقة على مدى ٦ , ١ مليون سنة . يساوي حجم هذه الساعات حجم حاسوب تقريباً ، ويفوق ثمنها الـ ١٥٠٠ دينار .

الربط مع الوقت : Time Link

أطلب إلى المتعلمين أن يقيسوا الوقت الذي يستغرقونه لزيارة أماكن مختلفة ، على سبيل المثال ، الذهاب من المنزل إلى المدرسة .

أطلب إليهم أن يدونوا في سجل وقت الانطلاق ووقت الوصول ، وأن يحسبوا الوقت الذي تستغرقه كل رحلة .

الإجابات :

- ١ ساعة واحدة و ١٠ دقائق .
- ٢ ساعتان و ١١ دقيقة .
- ٣ ثلاث ساعات و ٢٤ دقيقة .
- ٤ ١٥ : ٧ ب . ظ .
- ٥ ٥١ : ٧ ق . ظ .

مجلة الرياضيات



هل وصلنا؟ عندما تطرح الأعداد الكليّة، تحتاج أحياناً إلى إعادة تسمية العشرات على شكل عشرات وأحادٍ لتكون قادراً على طرح الأحاد. يَحْضُلُ السُّيُءُ نَتْسُهُ عِنْدَ طَرَحِ وَحَدَاتِ الوَقْتِ، فَتَدْرُجُ نَتْسُهُ إِلَى إِعَادَةِ تَسْمِيَةِ أَجْزَاءِ السَّاعَةِ (٦٠ دَقِيقَةً) إِذَا كَانَ عِنْدَ الدَّقَاتِ فِي المَطْرُوحِ مِئَةٌ عَشْرَ كَافٍ.

تترك الحافلة المدينة أ الساعة ٣:٤٦ (ب.ظ.) وتصل إلى المدينة ج الساعة ٥:١٧ (ب.ظ.) كم ساعة تستغرق الرحلة بين المدينتين أ و ج ؟
تستطيع طرح ٦ من ٧ كيترك لا تستطيع طرح ٤٠ دقيقة من عشر دقائق.
هذا يعني أنه عليك أن تعيد تجميع ٥ ساعات على أنها ٤ ساعات، و ٦٠ دقيقة وليس ٤ ساعات و ١٠٠ دقيقة. عندما نعيد التسمية نذكر أن ساعة واحدة تساوي ٦٠ دقيقة وليس ١٠٠ دقيقة. أضف فقط ٦ إلى منزلة العشر دقائق.

جدول الرحلات	المدينة أ	المدينة ب	المدينة ج
٣:٤٢	٣:٠٦	٢:١١	
٥:١٧	٤:٤١	٣:٤٦	
٦:٣٦	٦:٠٠	٥:٠٥	
٧:٣٦	٧:٠٠	٦:٠٥	
٨:٤١	٨:٠٥	٧:١٠	

جرب ما يلي:

أوجد الوقت الذي تستغرقه لكل من الرحلات الآتية. أوجد وقت الوصول.

- ١ الانطلاق الساعة ٦:٠٥ (ق.ظ.)، الوصول الساعة ٧:١٥ (ق.ظ.)
- ٢ الانطلاق الساعة ٨:٣٦ (ق.ظ.)، الوصول عند الظهر.
- ٣ الانطلاق الساعة ٩:١٥ (ب.ظ.)، الوصول الساعة ١١:٢٦ (ب.ظ.)
- ٤ الانطلاق الساعة ٤:٠٠ (ب.ظ.)، مدة الرحلة ٣ ساعات و ١٥ دقيقة.
- ٥ الانطلاق الساعة ١:١٥ (ق.ظ.)، مدة الرحلة ٦ ساعات و ٣٦ دقيقة.



KuwaitMath.com

أودع بمكتبة الوزارة تحت رقم ٤٢ بتاريخ ٢٠١٧/٠٩/١١

أرباح مدينة الألعاب



KuwaitMain.com

Grade

6