

الموضوع : البيانات Theme : plants

مقدمة الوحدة

introduce the chapter

سيتعرف المتعلمون في هذه الوحدة على قابلية قسمة عدد، الأس، العامل المشترك الأكبر، تحليل العدد إلى عوامله الأولية، وإيجاد المضاعف المشترك الأكبر.

تنشيط المعلومات السابقة: ناقش المتعلمين والذي يعرفونه عن الأعداد الكلية وسجل اجابتهم على السبورة (الأعداد الفردية - الأعداد الزوجية - الأعداد الأولية).

استخدم البيانات :

إذ يناقش المعلم المتعلمين في ماهو معروض بالصفحة حماية النباتات من الانقراض

• كم عليه من ٣٠ بذرة يمكننا ان نشكل ؟

(٤٠ علبة)

• كم عليه من ٦٠ بذرة يمكننا ان نشكل ؟

(٢٠ علبة)

• هل يمكننا أن نعبأ هذه البذور في علب تسع الواحدة ٩٠ بذره؟

(لا يمكن)

الوحدة الخامسة
نظرية الأعداد
Numbers Theory

النباتات
PLANTS

مُنظَّمة وقاية النباتات تعمل على حماية النباتات من الانقراض حيث يتم تبادل بدور نباتات نادرة للخضار وفواكه وأزهار جيل بعد جيل إذا لم يتم جمع هذه البذور وإعادة زراعتها يُمكن أن تُفقد فصائلها. هذه التبادلات تحمي ١٣٥ صنفاً من الباذنجان من الانقراض.

إذا كان لدينا ١٢٠٠ بذرة نادرة من بدور الباذنجان.

- كم علبه من ٣٠ بذرة يمكننا أن نشكل ؟
- كم علبه من ٦٠ بذرة يمكننا أن نشكل ؟
- هل يمكننا أن نعبأ هذه البذور في علب تسع الواحدة ٩٠ بذرة؟

مشروع عمل الفريق : لعبة الأعداد? Whats your Number?

مشروع عمل فريق
Team Project

لعبة الأعداد
What's your Numbers?

في هذا المشروع، ستعرض مع عدد من زملائك على ورق مقوى الطرائق المختلفة التي تستطيعون من خلالها كتابة أرقامكم المفضلة.

أعمل خطة

- هل تعرف أنت وقريبتك العمل بكم طريقة يمكن التعبير عن عدد ما؟
- هل الأعداد التي تفضلونها هي أعداد مؤلفة من رقم واحد أو أكثر؟
- ما العوامل الأولية للعدد الذي تفضل؟ ما المضاعف المشترك الأصغر لعددتين من الأعداد التي تفضلها قريبتك العمل؟

نفذ الخطة

1. نظم لائحة بالأعداد التي تفضلها قريبتك العمل. أشر إلى الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية.
2. أرسم الأعداد التي اخترتها على ورق مقوى ملون ومن ثم قصها.
3. فكر في طريقة لتكتب فيها الأعداد. استخدم قلماً ملوناً لتكتب الأرقام على الورقة التي قصتها بالطريقة التي اخترتها.
4. تبادل الأعداد التي رسمتها مع الأعداد التي رسمتها زملاؤك، وأوجد طرائق أخرى لكتابة أعدادك المفضلة.
5. الصق الأعداد على لوحة المصصات.

تعبير شفهي

- هل كتب زملاؤك الأعداد الأولية بطرائق مختلفة أو الأعداد غير الأولية؟ وضح إجابتك.

قدم المشروع

أنظر إلى الطرائق المختلفة التي اخترتها الفرق الأخرى لتكتب أعدادها المفضلة. هل هناك المزيد من الطرائق لتستخدمها فرق أخرى في عرض أرقامها؟ هل أن الطرائق التي استخدمتها الفرق الأخرى لتكتب أرقامها المفضلة تعطيك فكرة حول كيفية الأرقام التي تفضلها؟ إذا استطعت إضافة أرقام على لوحة المصصات، فأي طريقة استخدمت لكتابتها؟

١٨٨

- سيعرض المتعلمون على ورق مقوى الطرائق المختلفة التي يستطيعون من خلالها كتابة أرقامهم المفضلة.
- أدوات المتعلم : ورق مقوى ملون ، مقصات ، أقلام تلوين ، مواد لاصقة ، لوحة ملصقات.

مقدمة المشروع :

- قد ترغب في مراجعة قاعدة العوامل الأولية وقاعدة قابلية القسمة مع المتعلمين.
- أشر إلى المتعلمين أنه على الرغم من أنهم يستطيعون اختاروا أي عدد يشاؤون ، إلا أن عوامل هذه الأعداد تزداد كلما اختاروا أعداداً كبيرة.

إكمال المشروع :

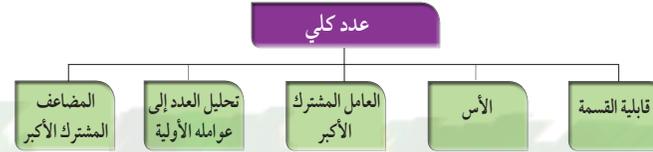
- أضع المتعلمين إلى اقتراح طرائق جديدة لكتابة أعدادهم المفضلة ، وذلك بعد أن يكونوا قد شاهدوا عرض الفرق الأخرى.
- لوضع معايير المشروع ، راجع مع المتعلمين لائحة التقييم الذاتي أدناه:

لائحة التقييم الذاتي :

- نظم لائحة بالأعداد المفضلة لدى الفريق، واذكر ما إذا كانت هذه الأعداد
- إجابة محتملة لفقرة «تعبير شفهي» :
- يجب أن يعرف المتعلمون أنه يمكنهم

كتابة الأعداد غير الأولية بطرائق مختلفة،
إذ إن للأعداد غير الأولية عوامل أكثر من
الأعداد الأولية.

مخطط تنظيمي للوحدة الخامسة



الكفايات الخاصة المتعلقة بالوحدة الخامسة

- (٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة؛ وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.
- (٧-١) إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناءً على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير؛ إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.
- (١٠-١) حساب قوى أعداد صحيحة موجبة بناءً على قواعد وخواص العمليات الحسابية؛ إيجاد الجذر التربيعي لمربع عدد كلي.
- (٦-٣) إبداء فضول بملاحظة واستفراء أنماط ونماذج بناءً على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

قابلية القسمة Divisibility

١-٥

الكفايات الخاصة :

٧-١ إجراء عمليات قسمة أعداد صحيحة مع أو بدون باقي ، إجراء عمليات قسمة أعداد عشرية موجبة بناء على عمليات حسابية وخواص الجمع والضرب والتحقق من معقولية الناتج بالتقدير، إجراء عمليات قسمة كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة .
٣-٦ إبداء فضول بملاحظة واستقراء انماط ونماذج بناء على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

المفاهيم العلمية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

التعرف على قابلية قسمة عدد ما على آخر باستخدام قواعد قابلية القسمة
اختبار قابلية قسمة عدد ما على (٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٩، ١٠) .

قابلية القسمة Divisibility

١-٥

حِصَصٌ مُتَسَاوِيَةٌ

سَوْفَ تَتَعَلَّمُ: كَيْفَ تُسَاعِدُكَ قَوَاعِدُ قَابِلِيَّةِ الْقِسْمَةِ عَلَى مَعْرِفَةِ إِمْكَانِيَّةِ قِسْمَةِ عَدَدٍ عَلَى عَدَدٍ آخَرَ مِنْ دُونِ بَاقِي.



جَمَعَ كُلٌّ مِنْ مُحَمَّدٍ وَعَبْدُ الرَّحْمَنِ وَطَلال ١٤٤ حَبَّةً وَسِنَ فَاكِهَةَ الْفَرَاوَلَةِ، فَهَلْ يُمَكِّنُهُمْ تَقَاشُمُهَا فِي مَا بَيْنَهُمْ بِالسَّوِي؟

يَتَجَدَّ الإِجَابَةُ، يَجِبُ أَنْ تَعْرِفَ مَا إِذَا كَانَ الْعَدَدُ ١٤٤ قَابِلًا الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ .

قابلية القسمة تعني: «عَدَمُ الحُصُولِ عَلَى باقِي (مِنْ دُونِ باقِي) بَعْدَ عَمَلِيَّةِ الْقِسْمَةِ».

تَسْتَطِيعُ مَعْرِفَةَ مَا إِذَا كَانَ الْعَدَدُ ١٤٤ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ مِنْ دُونِ إِجْرَاءِ عَمَلِيَّةِ الْقِسْمَةِ.

الخطوة (٢)

الخطوة (١)

إِجْمَعُ أَرْقَامَ الْعَدَدِ ١٤٤ : $9 = 1 + 4 + 4$ اقْسِمُ نَتِيجَ الْجَمْعِ عَلَى ٣ .
 $3 = 3 \div 9$ ، لا يوجد باقِي.

بِالتَّالِي تَقُولُ إِنَّ الْعَدَدَ ١٤٤ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ ، أَيَّ أَهْهُ يُمْكِنُ أَنْ يُحْمَدَ وَعَبْدُ الرَّحْمَنِ وَطَلال تَقَاشُمُهَا الـ ١٤٤ فَرَاوَلَةً بِالسَّوِي بَيْنَهُمْ.

يَقْبَلُ عَدَدُ مَا الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ إِذَا كَانَ نَتِيجُ جَمْعِ أَرْقَامِ الْعَدَدِ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ .

تدريب (١) ↑↓

هَلِ الْعَدَدُ ٦٧٥٦ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٣؟

الخطوة (٣)	الخطوة (٢)	الخطوة (١)
اقْسِمُ نَتِيجَ الْجَمْعِ الْهَامِي عَلَى ٣ :	إِجْمَعُ أَرْقَامَ النَّاتِجِ [٢٤] :	إِجْمَعُ أَرْقَامَ الْعَدَدِ ٦٧٥٦ :
$6 = 3 \div 2$ لا يوجد باقِي.	$6 = 2 + 4$	$6 = 6 + 7 + 5 + 6$
	يقبل	يقبل

بِالتَّالِي الْعَدَدُ ٦٧٥٦ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى ٣ .

البيارات والتفريات:
قابلية القسمة
divisibility

معلومات هامة:
تغطي المناهج
الرياضية بكل من التفرقة
والثنائي والعنصرية
٢٤,٠٠٠
بها حوالي
٥٠٠
هكتار مزرعة وتنتج
العديد من أصناف
الخضار والفواكه.

اللازم:
لغة البنية

١٩٠

مصادر التعلم :

عرض فيلم وثائقي عن المناطق الزراعية في الكويت

لوحة المئة - ألوان - ورقة عمل - سبورة ذاتية

١ بداية الدرس :

يستخدم المتعلمين السبورة الذاتية في إيجاد ناتج

$$= 2 \div 24$$

$$= 3 \div 15$$

$$= 9 \div 45$$

$$= 10 \div 70$$

$$= 4 \div 32$$

$$= 5 \div 55$$

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٢٠	١٩	١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	١٢	١١
٣٠	٢٩	٢٨	٢٧	٢٦	٢٥	٢٤	٢٣	٢٢	٢١
٤٠	٣٩	٣٨	٣٧	٣٦	٣٥	٣٤	٣٣	٣٢	٣١
٥٠	٤٩	٤٨	٤٧	٤٦	٤٥	٤٤	٤٣	٤٢	٤١
٦٠	٥٩	٥٨	٥٧	٥٦	٥٥	٥٤	٥٣	٥٢	٥١
٧٠	٦٩	٦٨	٦٧	٦٦	٦٥	٦٤	٦٣	٦٢	٦١
٨٠	٧٩	٧٨	٧٧	٧٦	٧٥	٧٤	٧٣	٧٢	٧١
٩٠	٨٩	٨٨	٨٧	٨٦	٨٥	٨٤	٨٣	٨٢	٨١
١٠٠	٩٩	٩٨	٩٧	٩٦	٩٥	٩٤	٩٣	٩٢	٩١

نشاط :

إستخدام لَوْحَة المِئَة.

- ظَلَّل الأعداد التي تُقبَل القِسْمَة على ٢ .
- صَحَّ دَائِرَة حَوْل الأعداد التي تُقبَل القِسْمَة على ٣ .
- لَاحِظ الأعداد التي كانت مُظَلَّلَة وَعَلَيْهَا دَائِرَة وَأَقِسْمَهَا على ٦ .

متى يُقبَل العددُ القِسْمَة على ٦ ؟
عندما يقبل القسمة على ٢، ٣، ٥

ما أكبر عدد رمزه مكون من أربعة أرقام يقبل القسمة على ٣ ؟ ٩٩٩٩

هذو لائحة بِشروط قابليَّة القِسْمَة :

قواعد قابليَّة القِسْمَة

يكونُ عددٌ ما قابلاً للقِسْمَة على :

٢: إذا كانَ رَقْمُ آحادِهِ ٠ أو ٢ أو ٤ أو ٦ أو ٨ .

٣: إذا كانَ نَتِيجُ جَمْعِ أَرْقامِهِ يُقبَلُ القِسْمَة على ٣ .

٤: إذا كانَ العددُ المُكوَّنُ مِنْ رَقْمَيْ الأَحَادِ والعِشْرَاتِ يُقبَلُ القِسْمَة على ٤ .

٥: إذا كانَ رَقْمُ آحادِهِ ٠ أو ٥ .

٦: إذا كانَ العددُ يُقبَلُ القِسْمَة على كِلا العَدَدَيْنِ ٢ و ٣ .

٩: إذا كانَ نَتِيجُ جَمْعِ أَرْقامِهِ يُقبَلُ القِسْمَة على ٩ .

١٠: إذا كانَ رَقْمُ آحادِهِ صِفْراً .

لماذا العددُ الَّذِي يُقبَلُ القِسْمَة على ١٠ يُقبَلُ القِسْمَة على ٢، ٥ ؟

لأن ٥ و ٢ من عوامل العدد ١٠ أو لأن أحاده صفر .

٢ عرض الدرس :

ناقش مع المتعلمين معنى كلمة قابل «للقسمة».

اسأل المتعلمين : ماذا نعني بقولنا إن ١٠ قابل القسمة على ٢ ؟

(نموذج عن الإجابة : يساوي ناتج ضرب العدد بعدد كلي آخر)

أ عرض للمتعلمين فيلم وثائقي من المناطق الزراعية في الكويت وناقش معهم معرفة قابلية قسمة العدد ١٤٤ على ٣ .

ب عرض للمتعلمين كل تدريب (١) كعمل ثنائي .

ج يستخدم المتعلمون لوحة المئة والأقلام الملونة في استنتاج قابلية القسمة على ٦ .

د يتعرف المتعلمون على قواعد قابلية القسمة .

ه يطبق المتعلمون تمارين متنوعه على قابلية القسمة .

تَمَرِّنْ:

١ أحوِل الجَدْوَل بَوَضِّعِ ✓ أو ×.

العدد يُقبَلُ القِسْمَةَ على	٢	٣	٤	٥	٦	٩	١٠
٣٢٥٦	✓	×	✓	×	×	×	×
٢٢٧١	×	✓	×	×	×	×	×
٩٨٣٧٢	✓	×	✓	×	×	×	×
١٢٣٥	×	×	×	✓	×	×	×
٣٠١٧٢٠	✓	×	✓	✓	×	×	✓
٩٩٩٩٠٠	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓

٢ اِسْتَبْدِلِ الد □ بِرَفْمٍ يَجْعَلُ كُلًّا مِنَ الأَعْدَادِ المَذْكُورَةِ أَذْنَاهُ قَابِلَةً القِسْمَةَ على ٤ .

٤١ □ ٦ ١	٥٢ □ ٠ ٢	١٠٠٠ □ ٤ ٣
٢ □ ٢ ٥	٨٥ □ ٢٨ ٤	

حَوِّطِ الحَرْفَ الَّذِي يُمَثِّلُ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ.

٣ العَدَدُ الَّذِي يَقْبَلُ القِسْمَةَ على ٥ ٤ العَدَدُ الَّذِي يَقْبَلُ القِسْمَةَ على ٤
في ما يلي هُوَ : في ما يلي هُوَ :

٢٢٣٤ ١	٥٤٦٣٥ ١
٣٦١٤٠ ٢ ✓	٧٥٩٣ ٢
٩٢٢٣ ٣	٣١٨٣٦ ٣ ✓

٣ الخاتمة والتقييم :

اسأل المتعلمين : أن يحددوا من دون أن يقوموا بقسمه .

$1357 \div 9$ ما اذا كان ناتج القسمة يتضمن باقيا .

(نعم لأن ناتج جمع أرقام العدد المقسوم ليس قابلا للقسمة على ٩).

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين يطبقون القاعدة الخطأ ليعرفوا ما إذا كان المقسوم قابلا للقسمة على العدد المعطى أم لا .

٥ العدد الذي يقبل القسمة على ٦

في ما يلي هو:

١١١٥

٦١٣٥

٢٥٢٦

٦ العدد الذي يقبل القسمة على ٩

في ما يلي هو:

٢٧٧٢٣

٦٥٤٣

٧٢٨١٧



أوجد عددا يقبل القسمة على ٦ وتقع بين ١٠٠٠ ، ١٢٠٠ .

١١١٠

ويوجد إجابات أخرى

الأس Exponents

٢-٥

الكفايات الخاصة :

- (١٠-١) حساب قوى أعداد صحيحة موجبه بناء على قواعد وخواص العمليات الحسابية ، ايجاد الجذر التربيعي لمربع عدد كلي .
- (٦-٣) إبداء فضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناء على بعض الطرق الرياضية البسيطة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

- كتابة العدد في الصورة الأسية
- إيجاد القيمة العددية لعدد مرفوع لأس .

مصادر التعلم :

سبورة ذاتية - بطاقات - مصورات

١ بداية الدرس :

اضرب

$$(٨) = ٢ \times ٢ \times ٢$$

$$(٢٧) = ٣ \times ٣ \times ٣$$

$$(٦٤) = ٤ \times ٤ \times ٤$$

$$(١٢٥) = ٥ \times ٥ \times ٥$$

$$(٢١٦) = ٦ \times ٦ \times ٦$$

$$(٣٤٣) = ٧ \times ٧ \times ٧$$

الأس Exponents

٢-٥

مَنَّا فِي الْأَصْلِ خِلَافَةً

سَتُوف تَتَعَلَّمُ: كتابة الصُّورَةِ الْأُسِّيَّةِ لِلْعَدَدِ .

أَقَامَ عَبْدُ اللَّهِ مَعْرَظًا لِأَنْوَاعِ الثَّمَارِ الَّتِي يُمَكِّنُ زِرَاعَتَهَا فِي الْكُوَيْبِ وَدَعَا ثَلَاثَةَ مِنْ رُؤَمَلَيْهِ لِیُشَاهِدُوا هَذِهِ الثَّمَارَ، إِلَّا أَنَّ كَلًّا مِنْهُمْ دَعَا ثَلَاثَةَ مِنْ أَصْدِقَائِهِ وَكَلًّا مِنْ هَؤُلَاءِ دَعَا ثَلَاثَةَ مِنْ أَصْدِقَائِهِ أَيْضًا.



المبررات والمفردات:
الأس (القوة)
exponent
base
الأساس

ملاحظة:
يُتَمَكَّنُ أَنْ تَقْرَأَ عَلَيْهَا
٣ حَتَّى ٣ تَقْرَأَ ٣
إِلَى الْقُوَّةِ ٣ أَوْ ٣ أَسْ
لَا حِطُّ لَ ٣ = ٣ × ٣ × ٣

الْعَدَدُ يُسَمَّى الْأَسَاسَ. الْأُسُّ يُسَمَّى الْقُوَّةَ.

مَثَلًا، إِذَا رَفَعْنَا الْعَدَدَ ٣ إِلَى الْقُوَّةِ ٣ نَكْتُبُ ٣، وَتُسَمَّى الصُّورَةُ الْأُسِّيَّةَ.

تدريب (١) ↑↑

أَوْجِدْ قِيَمَةَ: $٢(٠, ٢)$

$$\square = \square \times \square = ٢(٠, ٢)$$

تَذَكَّرْ قَوَاعِدَ حَرْبِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ.

١ أَوْجِدْ قِيَمَةَ: ٣٤

$$\square \square \square = ٣٤ = \underbrace{\square \times \square \times \square}_{٣ \text{ عوامل}}$$

ما قِيَمَةُ ٤؟ كَيْفَ تَعْرِفُ ذَلِكَ؟



٢ عرض الدرس :

اكتب $2 + 2 + 2 + 2$ على السبورة اسأل المتعلمين ما أفضل طريقة لكتابة هذا التعبير؟ (2×4)

أكبر بعدئذ: $22 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$ أربعه على السبورة اشرح للمتعلمين أن استخدام الأس هو اقصر طريقة لكتابة مجموعته من العوامل المتساوية .

اسأل المتعلمين: إذا رفنا قيمة العدد إلى أي قوة تبقى القيمة نفسها . كم تساوى هذه القيمة؟
وضح ذلك (١، تبقى قيمة العدد ١ هي نفسها مهما ضرب العدد ١ في نفسه).

٣ الخاتمة والتقييم :

هل قيمة العددين 3^4 ، 4^3 أس ثلاثة هي نفسها؟ وضح ذلك

(كلا ، لأن 3^4 تعني $3 \times 3 \times 3 \times 3$ و 4^3 تعني $4 \times 4 \times 4$)

٤ الأخطاء الشائعة :

خطأ المتعلمين في الخلط بين الأس (القوة) والأساس .

تدريب (٢) :

اكتب كل ناتج ضرب على شكل عددي تفرع لأش.

١ $5 \times 5 \times 5 = 125$ ٢ $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 243$

٣ $4 \times 4 \times 4 = 64$ ٤ $10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10000$

تمرن:

١ اكتب كل ناتج ضرب على شكل عددي تفرع لأش.

١ $8 \times 8 = 64$ ٢ $11 \times 11 \times 11 = 1331$

٣ $4 \times 4 \times 4 \times 4 = 256$ ٤ $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 16807$

٥ أوجد قيمة كل مما يلي:

١ $2^3 = 8$ ٢ $3^2 = 9$

٣ $4^2 = 16$ ٤ $8^2 = 64$

٥ $2^4 = 16$ ٦ $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$

٧ $3^3 = 27$ ٨ $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$

٩ $2^5 = 32$ ١٠ $3^4 = 81$

١١ $2^6 = 64$ ١٢ $3^5 = 243$

١٣ $2^7 = 128$ ١٤ $3^6 = 729$

١٥ $2^8 = 256$ ١٦ $3^7 = 2187$

١٧ $2^9 = 512$ ١٨ $3^8 = 6561$

١٩ $2^{10} = 1024$ ٢٠ $3^9 = 19683$

٢١ $2^{11} = 2048$ ٢٢ $3^{10} = 59049$

٢٣ $2^{12} = 4096$ ٢٤ $3^{11} = 177147$

٢٥ $2^{13} = 8192$ ٢٦ $3^{12} = 531441$

٢٧ $2^{14} = 16384$ ٢٨ $3^{13} = 1594323$

٢٩ $2^{15} = 32768$ ٣٠ $3^{14} = 4782969$

٣١ $2^{16} = 65536$ ٣٢ $3^{15} = 14348907$

٣٣ $2^{17} = 131072$ ٣٤ $3^{16} = 43046721$

٣٥ $2^{18} = 262144$ ٣٦ $3^{17} = 129149667$

٣٧ $2^{19} = 524288$ ٣٨ $3^{18} = 387420489$

٣٩ $2^{20} = 1048576$ ٤٠ $3^{19} = 1162261467$

٤١ $2^{21} = 2097152$ ٤٢ $3^{20} = 3486784401$

٤٣ $2^{22} = 4194304$ ٤٤ $3^{21} = 10460353203$

٤٥ $2^{23} = 8388608$ ٤٦ $3^{22} = 31381657881$

٤٧ $2^{24} = 16777216$ ٤٨ $3^{23} = 93425925603$

٤٩ $2^{25} = 33554432$ ٤٩ $3^{24} = 279936531441$

٥٠ $2^{26} = 67108864$ ٥٠ $3^{25} = 823542853905$

٥١ $2^{27} = 134217728$ ٥١ $3^{26} = 2430912317701$

٥٢ $2^{28} = 268435456$ ٥٢ $3^{27} = 7209576951003$

٥٣ $2^{29} = 536870912$ ٥٣ $3^{28} = 21255730853009$

٥٤ $2^{30} = 1073741824$ ٥٤ $3^{29} = 63767192559027$

٥٥ $2^{31} = 2147483648$ ٥٥ $3^{30} = 191351567677081$

٥٦ $2^{32} = 4294967296$ ٥٦ $3^{31} = 574054703031243$

٥٧ $2^{33} = 8589934592$ ٥٧ $3^{32} = 1722164109093729$

٥٨ $2^{34} = 17179869184$ ٥٨ $3^{33} = 5166492327281187$

٥٩ $2^{35} = 34359738368$ ٥٩ $3^{34} = 15500326971843561$

٦٠ $2^{36} = 68719476736$ ٦٠ $3^{35} = 46500980919370723$

٦١ $2^{37} = 137438953472$ ٦١ $3^{36} = 139502942717112109$

٦٢ $2^{38} = 274877906944$ ٦٢ $3^{37} = 418508828111336327$

٦٣ $2^{39} = 549755813888$ ٦٣ $3^{38} = 1255526484333904401$

٦٤ $2^{40} = 1099511627776$ ٦٤ $3^{39} = 3766579404991232703$

٦٥ $2^{41} = 2199023255552$ ٦٥ $3^{40} = 11300188214973695109$

٦٦ $2^{42} = 4398046511104$ ٦٦ $3^{41} = 33870544644921175327$

٦٧ $2^{43} = 8796093022208$ ٦٧ $3^{42} = 101143628928763515981$

٦٨ $2^{44} = 17592186044416$ ٦٨ $3^{43} = 303410884786380147943$

٦٩ $2^{45} = 35184372088832$ ٦٩ $3^{44} = 900232654359144443829$

٧٠ $2^{46} = 70368744177664$ ٧٠ $3^{45} = 2700697963077433341487$

٧١ $2^{47} = 140737488355328$ ٧١ $3^{46} = 8102093889232300024461$

٧٢ $2^{48} = 281474976710656$ ٧٢ $3^{47} = 24306281667696900073383$

٧٣ $2^{49} = 562949953421312$ ٧٣ $3^{48} = 72918845003090720220149$

٧٤ $2^{50} = 1125899906842624$ ٧٤ $3^{49} = 218756535009272160660447$

٧٥ $2^{51} = 2251799813685248$ ٧٥ $3^{50} = 656269605027816481981341$

٧٦ $2^{52} = 4503599627370496$ ٧٦ $3^{51} = 1968808815083449445944023$

٧٧ $2^{53} = 9007199254740992$ ٧٧ $3^{52} = 5906426445250348337832069$

٧٨ $2^{54} = 18014398509481984$ ٧٨ $3^{53} = 17719279335751045013596207$

٧٩ $2^{55} = 36028797018963968$ ٧٩ $3^{54} = 53156838007253135040788621$

٨٠ $2^{56} = 72057594037927936$ ٨٠ $3^{55} = 159470454021759405122315863$

٨١ $2^{57} = 144115188075855872$ ٨١ $3^{56} = 478411362065128215366745589$

٨٢ $2^{58} = 288230376151711744$ ٨٢ $3^{57} = 1435234036195384646099956767$

٨٣ $2^{59} = 576460752303423488$ ٨٣ $3^{58} = 4305702108586153938299870301$

٨٤ $2^{60} = 1152921504606846976$ ٨٤ $3^{59} = 12917106325758461774899610803$

٨٥ $2^{61} = 2305843009213693952$ ٨٥ $3^{60} = 38751318977275385174738832409$

٨٦ $2^{62} = 4611686018427387904$ ٨٦ $3^{61} = 116253933331826110514211996827$

٨٧ $2^{63} = 9223372036854775808$ ٨٧ $3^{62} = 348761799995478331542635990481$

٨٨ $2^{64} = 18446744073709551616$ ٨٨ $3^{63} = 1041635139986438594627702971443$

٨٩ $2^{65} = 36893488147419103232$ ٨٩ $3^{64} = 3124781419960431283881128714129$

٩٠ $2^{66} = 73786976294838206464$ ٩٠ $3^{65} = 9374344159881293841647381141387$

٩١ $2^{67} = 147573952589676412928$ ٩١ $3^{66} = 27972192479643871564841743414161$

٩٢ $2^{68} = 295147905179352825856$ ٩٢ $3^{67} = 81918577438931614694079130241483$

٩٣ $2^{69} = 590295810358705651712$ ٩٣ $3^{68} = 245754227011394843171831380724449$

٩٤ $2^{70} = 1180591620717411303424$ ٩٤ $3^{69} = 737262681034184529515294042173347$

٩٥ $2^{71} = 2361183241434822606848$ ٩٥ $3^{70} = 2211787743102543588545882126510041$

٩٦ $2^{72} = 4722366482869645213696$ ٩٦ $3^{71} = 6635363229307630765637646379530123$

٩٧ $2^{73} = 9444732965739290427392$ ٩٧ $3^{72} = 19906089687922892296912939138590371$

٩٨ $2^{74} = 18889465931478580854784$ ٩٨ $3^{73} = 59718269063768676890738817415771113$

٩٩ $2^{75} = 37778931862957161709568$ ٩٩ $3^{74} = 179154807191306130672216452247313341$

١٠٠ $2^{76} = 75557863725914323419136$ ١٠٠ $3^{75} = 537464421573918392016649356741940023$

تحليل العدد إلى عوامله الأولية Prime Factorization

٣-٥

تحليل العدد إلى عوامله الأولية Prime Factorization

شجرة التحليل

سوف نتعلم: الفرق بين العدد الأولي والعدد غير الأولي وتحليل العدد إلى عوامله الأولية.



أراد خالد توزيع ١٩ شجرة نخيل على عدد من زملائه. هل يستطيع توزيعها بالتساوي على زملائه؟

استخدم قواعد قابلية القسمة التي تعلمتها سابقاً. إذا عدت إلى قواعد قابلية القسمة لوجدت أن العدد ١٩ هو عدد لا يقبل القسمة

على أي من الأعداد ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥ أو ٦ أو ٩ أو ١٠، ولا يقبل القسمة على ٧ أو ٨. وبما أن العدد ١٩ يقبل القسمة فقط على ١ وعلى ١٩، نسميه عدداً أولياً.

العبارات والمفردات:
عدد أولي
prime number
عدد غير أولي
composite number
تحليل إلى عوامل أولية
Prime factorization

معلومات مفيدة:
الخلقة هي شجرة تزيينها الأصلي بظفة الخبيج العربي لها ساق (جذع) غليظ تنموها أوراق ونسج خبيرة (سفن) وتنتج بمار الخبيج (تمر).

٢٠ عدد غير أولي	١٩ عدد أولي
العدد الأولي هو عدد حلي أكبر من الواحد وله عاملان مختلفان فقط هما: الواحد والعدد نفسه.	العدد ١٩ عدد أولي
$1 \times 20 = 20$ $2 \times 10 = 20$ $4 \times 5 = 20$	$19 \times 1 = 19$
العوامل هي: ١، ٢، ٤، ٥، ١٠، ٢٠	عابيان فقط: ١، ١٩

تدريب (١) اذكر ما إذا كان كل عدد من الأعداد التالية عدداً أولياً أو غير أولي.

٢٩ أولي	٣٥ غير أولي	٤٧ أولي
---------	-------------	---------

١٩٦

الكفايات الخاصة:

- (١-٣) تعرف المتغيرات والتعبيرات، تحويل عبارات لفظية إلى تعبيرات رياضية والعكس.
- (٣-٣) استكشاف طرق تجميع/ تجزئ أعداد كلية، أعداد صحيحة، وأعداد عشرية موجبة باستخدام عمليات تم تعلمها، واستخدامها لاكتشاف قواعد وخواص العمليات.
- (٢-٤) تسجيل بيانات باستخدام تمثيلات (مخطط الشجرة، مبدأ العد، مخطط فن، الأعمدة، الأعمدة المزدوجة الخطوط) وتفسير بيانات باستخدام المتوسط الحسابي، الوسيط، للبيانات الممثلة.
- (٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة، وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة.
- (٦-٣) إبداء فضول بملاحظة واستقراء أنماط ونماذج بناء على بعض الطرق الرياضية البسيطة.

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة:

تحديد الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية.
تحليل الأعداد إلى عواملها الأولية.

مصادر التعلم:

بطاقات - سبورة ذاتية

١ بداية الدرس:

اذكر عوامل الأعداد التالية

٩ (١، ٣، ٩)

١٢ (١، ٢، ٣، ٤، ٦، ١٢)

١٥ (١، ٣، ٥، ١٥)

٢١ (١، ٣، ٧، ٢١)

أ اكتب على السبورة : «يمكن تقسيمه بالتساوي» و «لا يمكن تقسيمه بالتساوي» .

شكّل مجموعته من ٦ متعلمين واطلب إليهم أن ينقسموا إلى مجموعات أصغر على أن تكون كل مجموعة مؤلفة من العدد نفسه من المتعلمين ومن أكثر من متعلم واحد أكتب العدد ٦ تحت عبارة «يمكن تقسيمه بالتساوي» كرر النشاط بتشكيل مجموعات من ٥، ٧، ٨، ٩، ١٠، ١١ متعلم.

ب عند انتهاء النشاط أطلب إلى المتعلمين أن يقوموا باستنتاجات حول أنواع الأعداد التي يمكن تقسيمها بالتساوي وتلك التي لا يمكن تقسيمها بالتساوي.

٢ عرض الدرس :

اشرح للمتعلمين أن الأعداد الكلية الأكبر من العدد ١ والتي لها أكثر من عاملين تدعى «أعداداً غير أولية»

وان الأعداد الكلية الأكبر من العدد ١ والتي لها عاملان فقط (العدد نفسه و ١) تدعى «أعداداً أولية» ، ومن ثم اطلب

إليهم أن يعطوا أمثلة عن كل من الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية وأن يعللوا إجاباتهم .

اسأل المتعلمين : كيف تستطيعون استخدام قواعد قابلية القسمة لتقرر إذا كان عدد ما غير أولي؟

(إجابة محتملة : إذا كان عدد ما قابلاً للقسمة على أعداد غير العدد ١ وعلى نفسه ، إذا فهو عدد غير أولي).

ربط الأفكار :

بعد ان درس المتعلمين الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية ، أصبح بإمكانهم الربط بين الأفكار ليحللوا الأعداد غير الأولية إلى عواملها الأولية .

أشر فيما تتابع كتابة العوامل على السبورة إلى انك بحاجة إلى تحليل العوامل التي حصلت عليها إلى عواملها الأولية .

اسأل المتعلمين : هل هنالك أكثر من عملية واحدة لتحليل عدد ما إلى عوامله الأولية؟ وضحو ذلك (لا ، يمكن ان يختلف ترتيب العوامل الأولية إلا أن العوامل تبقى نفسها).

ربط الأفكار : لاحظت أن الأعداد الكلية غير الأولية الأكبر من ١ يُمكن كتابتها على شكل ناتج ضرب أعداد أولية.

تستطيع رسم شجرة العوامل لتحلل عدداً غير أولي مثل العدد ٤٠ إلى عوامله الأولية.

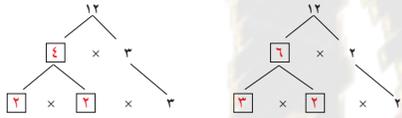


اختر أي عاملين للعدد ٤٠ تابع كتابة العوامل حتى تصل إلى عوامل كلها أعداد أولية.

$$\begin{aligned} 5 \times 2 \times 2 \times 2 &= 40 \\ 5 \times 2 &= 40 \end{aligned}$$

حلّ تغيّر العوامل الأولية للعدد ٤٠ لو بدأت بـ ٥ 5×8 وضح ذلك؟

تدريب (٢) لا لأن الضرب عملية إبدالية
أقول كلاً من شجيرات عوامل العدد ١٢:



تذكّر ان:
• العدد ١ ليس عدداً أولياً.
• العدد ٢ هو العدد الوحيد الأولي والزوجي.



اطلب من المتعلمين أن يعرفوا الأعداد الفردية والأعداد الزوجية ويعطوا أمثلة عن كل منها .

يعرض المعلم الإعلان الموجود في مثال ص ١٩٨ ويناقشهم في حل رموز رسالة مشفرة .

افهم اطلب إلى التلاميذ أن يفسروا بعبارتهم الخاصة ما الذي يحتاجون إلى معرفته .

خطط ساعد المتعلمين على فهم أنه يجب أن ينظموا المعلومات بطريقة ما ، إذ إنه يصعب حل المسألة ذهنيًا .

حل اطلب إلى المتعلمين تحديد الأعداد التي شطبت في الجدول وتوضيح السبب وذلك عند استخدام كل الدلائل .

راجع وتحقق اسأل المتعلمين: توضيح كيف يوافق كل رقم الدليل الوارد في الجدول .

بعد أن ينهي المتعلمون فقرة «راجع وتحقق» اسألهم : كيف تستطيعون كتابة الدليل ٤ بطريقة أخرى بحيث يصبح المضمون أسهل ؟ (نموذج عن الإجابة : ب - ب = ج) .

قبل استخدام إستراتيجية حل المسائل ، اسأل المتعلمين : كيف يساعدكم تنظيم جدول على حل بعض المسائل ؟ (يساعدني الجدول على تنظيم البيانات بطريقة يسهل على تفسيرها) .

مثال :

اقرأ هذا الإعلان واستخدم ما تعلمته عن خواص الأعداد والدلائل الموجودة فيه لتجد أرقام الهاتف المجهولة .

• **افهم :** ما الذي تحتاج إلى معرفته ؟

• **خطأ :** كيف تحل المسألة ؟

• **حل :** كون جدولاً أثناء قراءتك للدلائل ، أشطب الأرقام التي تعرف أنها خطأ وحط الرقم الصحيح .

• **الدليل ١ :** لا يُعطينا معلومات كافية .

• **الدليل ٢ :** حوِّط الرقم ٧ واشطب الأرقام الأخرى كلها في العمود ١ ، ثم استخدم الدليل ١ واشطب الرقم ٧ من الأعمدة ب و ج و د .

• **الدليل ٣ :** أشطب الأعداد غير الأولية في العمودين ب و د واشطب الأعداد الأولية في العمود ج .

• **الدليل ٤ :** حوِّط ٠ واشطب الأرقام الأخرى كلها في العمود ج .

• **الدليل ٥ :** حوِّط ٥ واشطب الأرقام الأخرى كلها في العمود د . أشطب ٥ في العمود ب .

• **الدليل ٦ :** حوِّط ٢ واشطب ٣ في العمود ب .

رقم الهاتف هو : ٧٢٠٥ - ٥٥٥ .

• **راجع وتحقق :** تأكد من أن كلاً من الأرقام يوافق الدلائل كلها .

شارك في المسابقة واربح رحلة ترفيهية!
استخدم الدلائل الواردة في الجدول أدناه لتجد أرقام الهاتف المجهولة، ثم اتصل بنا على الرقم د ج ب أ - ٥٥٥

١	الأرقام المجهولة مختلفة:
٢	٧ = ١
٣	٠ ، ب ، د هي فقط أعداد أولية.
٤	عند جمع ج إلى أي عدد، تحصل على العدد نفسه.
٥	د عامل من عوامل العدد ٥.
٦	ب عدد زوجي.

د	ج	ب	أ
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣
٣	٣	٣	٣

٣ الخاتمة والتقييم :

هل العدد ٢ هو العدد الأولي الزوجي الوحيد؟ وضحو ذلك .

(نعم ، الأعداد الزوجية الأخرى كلها تقبل القسمة على ٢ ، وبالتالي لديها على الأقل ٣ عوامل : العدد نفسه والعدد ١ والعدد ٢)

كيف تحددوا ما إذا كان عدد ما أولياً أو غير أولي .

(إجابات محتملة استخدام قواعد قابلية القسمة ، أطبق القواعد المتعلقة بالمضاعفات والعوامل ، استخدام عملية التذكير أو إستراتيجية خمن ولاحظ) .

٤ الأخطاء الشائعة :

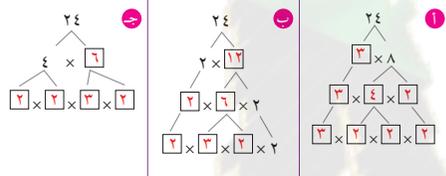
راقب المتعلمين الذين لا يبحثون عن العوامل الممكنة كلها ولا يقرون إن كان عدد كالعدد ٥٧ عدد أولياً أم لا .

نَمَرْنُ :

١ أيّ من الأعداد التالية عدداً أولياً وأياًها غير أولي .

١٥ غير أولي	٣٧ أولي	٥٠ غير أولي	٥١ أولي	٢٣ أولي
٣٩ غير أولي	٤٢ غير أولي	٣١ أولي	٢١ غير أولي	٣٣ غير أولي

٢ أكمل كلاً من شجيرات عوامل العدد ٢٤ .



٣ أكتب كلاً من الأعداد التالية بشكل ناتج ضرب عوامل أولية .

٤٢ $2 \times 3 \times 2 = 42$	٢٧ $3 \times 3 \times 3 = 27$	٣٢ $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$
٣٦ $3 \times 3 \times 2 \times 2 = 36$	٦٠ $5 \times 3 \times 2 \times 2 = 60$	

٦. اَصِلْ عَلَى الرَّقْمِ : س ز د - ٤٤٤ .

المعلومة ١ : د ، ر هُما العَدَدانِ الرَّوَجِيَّانِ الوَحِيدانِ .

المعلومة ٢ : ر ، ز هُما العَدَدانِ الأَوَّلِيَّانِ الوَحِيدانِ .

المعلومة ٣ : ز = ٥

المعلومة ٤ : د > ز

المعلومة ٥ : د + ز = س

المعلومة ٦ : د - ز = ٢

رقم الهاتف هو : ٤٤٤ - ٤٢٥٩

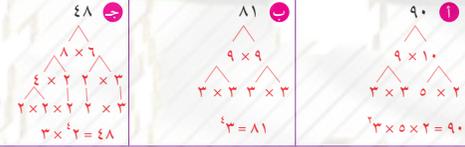
٤. اذْكُرْ ما إذا كانت عمليَّة التحليل إلى عواملٍ أوَّلِيَّةٍ لِكُلِّ مِنَ الأَعْدَادِ التَّالِيَةِ صَحِيحَةً أَوْ عَكْسَ صَحِيحَةٍ وَإِذَا كَانَتْ عَكْسَ صَحِيحَةٍ، فَكْتُبْ عمليَّةَ التَّحْلِيلِ الصَّحِيحَةَ .

$٥ \times ٢ = ٢٠$ خ	$٢ \times ٥ = ٥٠$ ب	$٩ \times ٢ = ١٨$ ١
$٥ \times ٢ = ٢٠$	✓	$٣ \times ٣ \times ٢ = ١٨$

$٧ \times ٢ = ٩٨$ ج	$٥ \times ٣ \times ٢ = ٤٢$ د	$٣ \times ٢ = ٢٤$ ٥
$٧ \times ٢ = ٩٨$	$٧ \times ٣ \times ٢ = ٤٢$	✓

$١٠٠ \times ٢ = ١٠٠$ ح	$٢ = ١٦$ ٦
$١٠ \times ٢ = ١٠٠$	$٢ = ١٦$

٥. اِسْتَعْمِدِ الأُسَّ لِكِتَابَةِ عمليَّةِ التحليل إلى عواملٍ أوَّلِيَّةٍ لِكُلِّ مِنَ الأَعْدَادِ التَّالِيَةِ :



العامل المشترك الأكبر the Greatest Common Factor

٤-٥

الكفايات الخاصة :

(١٠-١) حساب قوى أعداد صحيحة موجبة بناء على قواعد وخواص العمليات الحسابية ، إيجاد الجذر التربيعي لمربع عدد كلي .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

- إيجاد العامل المشترك الأكبر .

مصادر التعلم :

ورق مربعات .

١ بداية الدرس :

حلل كلاً من الأعداد التالية إلى عواملها الأولية .

$$18 \quad (3 \times 3 \times 2)$$

$$12 \quad (3 \times 2 \times 2)$$

$$15 \quad (5 \times 3)$$

العامل المشترك الأكبر the Greatest Common Factor

٤-٥

زراعة الترجس والبنفسج

سوف تتعلم: كيف تستخدم ما تعلمت حول الأعداد الأولية في حساب العامل المشترك الأكبر.



لدى أخلام ١٢ زهرة ترجس و ٣٠ زهرة بنفسج. أرادت أن تزرعها في أصص بحيث يكون في كل أصيص عددًا من أزهار الترجس وعدد من أزهار البنفسج بحيث يكون في كل أصيص العدد نفسه من الأزهار. فما هو أكبر عدد من الأصص التي تستطيع للزراعة؟ وما عدد الأزهار في كل أصيص؟

عليك معرفة العوامل المشتركة بين العددين ٣٠، ١٢. ومن ثم إيجاد العامل المشترك الأكبر (١.٥.٢).

- طريقة أولى: أذكر عوامل كل عدد. أكتب عوامل كلا العددين من الأصغر إلى الأكبر. ضع دائرة حول العوامل المشتركة بين العددين. أوجد العامل المشترك الأكبر.

$$12: 1, 2, 3, 4, 6, 12$$

$$30: 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30$$

العامل المشترك الأكبر هو ٦.

- طريقة ثانية: استخدم عملية التحليل إلى العوامل الأولية.

الخطوة (٢)	الخطوة (١)
أوجد العوامل الأولية المشتركة ومن ثم اضرب. $12 = 2 \times 2 \times 3$ $30 = 2 \times 3 \times 5$ العامل المشترك الأكبر هو $2 \times 3 = 6$	حلل كلا من العددين إلى عوامله الأولية. $12 = 2 \times 2 \times 3$ $30 = 2 \times 3 \times 5$

يمكن أن تزرع الأزهار في ٦ أصص بحيث أن: ١٢ زهرة ترجس ÷ ٦ أصص = ٢ و ٣٠ زهرة بنفسج ÷ ٦ أصص = ٥، إذا يكون في كل أصيص ٧ أزهار، ٢ من أزهار الترجس و ٥ من أزهار البنفسج.

٢ عرض الدرس :

يمكن للمعلم أن يناقش مع المتعلمين كيفية استخدام شكل فن لمعرفة ع.م.أ للعددين ٨، ١٢ .

أ يرسم المتعلم في كل ثنائي المستطيلات الممكنة كلها التي تحتوي على ١٢ مربعاً، بينما يرسم المتعلم الآخر المستطيلات الممكنة كلها التي تحتوي على ١٦ مربعاً .

ب يرسم المتعلمون أبعاد كل من المستطيلات .

اسأل المتعلمين : ما طول أطول ضلع مشترك بين الرسمين ؟

(٤)

ج كرر النشاط برسم مستطيل يحتوي على ١٥ مربعاً وآخر يحتوي على ٢٠ مربعاً والمقارنة بينهما .

ناقش مع المتعلمين عوامل العددين ١٢ و ٣٠ . قل لهم : إن العوامل المشتركة لـ ١٢ و ٣٠ هي ٢ و ٣ و ٦ . ما الكلمة أو الكلمات الأخرى التي تدل على المعنى نفسه لكلمة «مشترك» ؟

(نموذج عن الإجابة : قاسم)

أشر إلى أنك تضرب واحداً فقط من العوامل الأولية المشتركة لتجد العامل المشترك الأكبر .

اسأل المتعلمين : ما أسهل طريقة لإيجاد العامل المشترك الأكبر؟

وضحوا ذلك . (قبل الإجابات المعقولة)

٣ الخاتمة والتقييم :

اشرحوا كيفية إيجاد العامل المشترك الأكبر للعددين ٢٧ و ٣٦ .

(إجابة محتملة : أنظم لائحة بالعوامل الأولية للعددين ٢٧ و ٣٦ ، ثم أحوط العوامل الأولية المشتركة . أضرب العامل الأولي ٣ بالعامل الأولي ٣ فأحصل على العامل المشترك الأكبر) .

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين يختارون أياً من عوامل العددين وليس العامل المشترك الأكبر .

تدريب :

أوجد العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) :

١ ٥٠ ، ٢٠ : استخدم التحليل إلى عوامل أولية .

٢ ٤٥ ، ٥٤ ، ٤٥ : استخدم عوامل كل عدد

٣ ٥٤ ، ٥٤ ، ٦ ، ٩ ، ٢ ، ٢٧ ، ١٨ : استخدم التحليل إلى عوامل أولية .

٤ ٦٣ ، ٦٣ ، ٣ ، ٢١ ، ٩ ، ٧ : استخدم التحليل إلى عوامل أولية .

٥ ع.م.أ = ٥٠٢

٦ ع.م.أ = ١٠ = ٥ × ٢

٧ ع.م.أ = ٩

تمرن :

١ أوجد العامل المشترك الأكبر .

١ ١٥ ، ٦	٢ ٤٩ ، ٢١	٣ ٤٢ ، ١٨
٤ ٣ = ١٠٠٠ ع	٥ ٧ = ١٠٠٠ ع	٦ ٦ = ٣ × ٢ = ١٠٠٠ ع
٧ ٤٥ ، ٢٠	٨ ٢٤ ، ١٦	٩ ٤٤ ، ١١
١٠ ٥ = ١٠٠٠ ع	١١ ٨ = ١٠٠٠ ع	١٢ ١١ = ١٠٠٠ ع
١٣ ٤٨ ، ٣٢ ، ١٦	١٤ ٧٨ ، ٧٠ ، ٦	١٥ ٢٨ ، ٢٠ ، ٦
١٦ ١٦ = ١٠٠٠ ع	١٧ ٢ = ١٠٠٠ ع	



العامل المشترك الأكبر لعددين هو ١٢ . أخذ العددين هو ٢٤ . هل بين الممكن أن يكون العدد الآخر هو ٤٠ ؟ لا العدد ٤٠ لا يقبل القسم على ١٢

المضاعف المشترك الأصغر The Least Common Multiple

٥-٥

الكفايات الخاصة :

(٦-١) إجراء عمليات ضرب أعداد صحيحة وأعداد عشرية موجبة ، وإجراء عمليات ضرب كسور باستخدام تمثيلات وعمليات حسابية مناسبة .

المفاهيم الأساسية المتضمنة في الكفايات الخاصة :

إيجاد المضاعف المشترك الأصغر .

مصادر التعلم :

أقراص ، سبورة ذاتية .

١ بداية الدرس :

يوزع المعلم على المتعلمين أقراصاً على المجاميع ، ويطبق النشاط لإيجاد (م . م . أ) للعددين: (٢ و ٥)

المضاعف المشترك الأصغر The Least Common Multiple

٥-٥

سوف تتعلم: كيفية إيجاد المضاعف المشترك الأصغر بالتحليل إلى العوامل الأولية.

المضاعف المشترك الأصغر لعددين: هو أصغر عدد كلي مضاعف لكلا هذين العددين.

هذا يعني أنه من الممكن قسمة المضاعف المشترك الأصغر على العددين بدون باقي قسمة، ويرمز له بالرمز (م.م.أ).

نشاط:

يُمكنك التمدد لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددين ٥، ٢.

خطوة (١)

ضع قوسين أحمرين في صف، وضع ٥ أقراص حمراء في صف، وضع قوسين أحمرين في صف، وضع ٢ أقراص حمراء، ٥ أقراص صفراء أسفلها إلى أن تتساوى عدد الأقراص في كلا الصفين.



يوجد ١٠ أقراص في كل صف.
إذاً م.م.أ للعددين ٥، ٢ = ١٠.

مثال: أوجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددين ٦، ١٠.

طريقة أولى: اكتب لائحة ببعض مضاعفات كل عدد.

مضاعفات العدد ١٠: ١٠، ٢٠، ٣٠، ٤٠، ...

مضاعفات العدد ٦: ٦، ١٢، ١٨، ٢٤، ٣٠، ...

تلاحظ أن المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددين ٦، ١٠ هو العدد ٣٠.

طريقة ثانية: حلل كلا من العددين إلى عوامله الأولية.

خطوة (٢)

حلل كلا من العددين إلى عوامله الأولية. اكتب كلا من التحليلين بحيث تقع العوامل المشتركة تحت بعضها. اكتب ناتج الضرب كما هو مبين. مستخدماً كل عامل مشترك مرة واحدة.



إن المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للعددين ٦، ١٠ هو ٣٠.

المبررات والنقود:
المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ)
The Least Common Multiple (L.C.M)
المضاعفات
multiples

الواحد:
أقراص حمراء
وصفراء

ابدأ بحرف
بجاء

تدقن:
المضاعف المشترك:
هو عدد غير صفري
يكون مضاعفاً
لعددين مختلفين أو
أكثر.

٢ عرض الدرس :

ناقش مع المتعلمين معاني الكلمات «مضاعف»، «مشارك»، «أصغر» للتأكد من أنهم يدركون مفهوم المضاعف المشترك الأصغر.

أسأل المتعلمين : كيف يختلف إيجاد المضاعف المشترك الأصغر باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية عن إيجاد العامل المشترك الأكبر باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية؟

(نموذج عن الإجابة : لكي أجد العامل المشترك الأكبر، أضرب واحداً من كل من العوامل الأولية المشتركة بعضها ببعض، ولكي أجد المضاعف المشترك الأصغر، أضرب واحداً من كل العوامل الأولية المشتركة والعوامل الأولية غير المشتركة بعضها ببعض).

إذا ضربتم عددين، فهل تحصلون على المضاعف المشترك الأصغر لهما؟

(ليس بالضرورة، قد يكون ناتج الضرب مضاعفاً مشتركاً لهما ولكن ليس بالضرورة المضاعف المشترك الأصغر لهما)

إلى المتفوقين :

كتابة التوجيهات : أطلب إلى المتعلمين كتابة توجيهات حول كيفية إيجاد المضاعف المشترك الأصغر للعددين ٦ و ٨، ثم أطلب إليهم أن يعطوا التوجيهات لمجموعة أخرى من المتعلمين بغية التأكد من فعالية التوجيهات التي وضعوها.

أطلب إلى المتعلمين العمل معاً ليكتبوا توجيهاتهم على ورق مقوي ويعرضوها على لوحة الملصقات في غرفة الفصل.

٣ الخاتمة والتقييم :

ما المضاعف المشترك الأصغر لعددين أوليين؟ (ناتج ضرب العددين)

٤ الأخطاء الشائعة :

راقب المتعلمين الذين يخلطون ما بين إيجاد العامل المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر.

تدريب (١) :

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (أ.م.م) للعددين ٨، ١٤ .
 $8 = 2 \times 2 \times 2$ ، $14 = 2 \times 7$
 أ.م.م = $2 \times 2 \times 2 \times 7 = 56$

تدريب (٢) :

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (أ.م.م) للأعداد ١٢، ١٨، ٢١ .
 $12 = 2 \times 2 \times 3$ ، $18 = 2 \times 3 \times 3$ ، $21 = 3 \times 7$
 $168 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7$
 أ.م.م = ١٦٨

تَمَرِّنْ :

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (أ.م.م) لكل مما يلي:

١ ٦٠٥	١ ٢١٠
٢ ٩٠٣	٢ ٣٠ = ٣ × ٢ × ٥ = أ.م.م
٣ ٨٠٦٠٤	٣ ٩ = ٣ × ٣ = أ.م.م
٤ ١٤٠٤	٤ ٢٨ = ٧ × ٢ × ٢ = أ.م.م
٥ ١٨٠١٢٠٩	٥ ٣٦ = ٢ × ٢ × ٣ × ٣ = أ.م.م
٦ ١٨٠١٢٠٩	٦ ٦٠٥٠٤
٧ ٩٠٣٠٢	٧ ٦٠ = ٣ × ٥ × ٢ × ٢ = أ.م.م
٨ ١٨٠١٢٠٩	٨ ١٨ = ٣ × ٣ × ٢ = أ.م.م

اختبار الوحدة الخامسة

أولاً: في البُنى (٥-١) ظلّل ① إذا كانت العبارة صحيحة، وظلّل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة.

⊖	⊙	١) $0,008 = 2(0,2)$
⊙	①	٢) العايل المشترك الأكبر للأعداد ١٢، ٣٦، ٤٢ هو ١٢
⊙	①	٣) $10 = 2^2$
⊙	①	٤) العدد ١١١١ يقبل القسمة على ٤.
⊖	⊙	٥) العدد ٧١ عدد أولي.

ثانياً: لكل بند من البُنى التالية أربع إختيارات، واجد فقط منها صحيح، ظلّل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

⊙	⊖	⊙	⊙	١) العدد ٤٢٣ يقبل القسمة على:
⊙	⊖	⊙	⊙	٢) العدد ٧٣٢ يقبل القسمة على:
⊙	⊖	⊙	⊙	٣) العدد ١٠٠ يقبل القسمة على:
⊙	⊖	⊙	⊙	٤) العدد ١٠٠ يقبل القسمة على:
⊙	⊖	⊙	⊙	٥) العدد ١٠٠ يقبل القسمة على:

مراجعة الوحدة الخامسة
Revision Unit Five

٦٠٥

١) اِخْتِزِ قَابِلِيَّةً قِسْمَةَ الأعداد التالية على كُلِّ مِنْ: ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٩، ١٠

١) ٨٠، ٤٠، ٤٠، ١٠

ب) ٤٦٢، ٣٠٢، ٦٠

٢) أوجد قيمة كُلِّ مما يلي:

١) $1000 = 2^3 \times 10$

ب) $72 = 8 \times 9 = 2^3 \times 3^2$

٣) $4096 = 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 2^{14}$

د) $2 = 8 \div 16 = 8 \div 2^4$

٤) اِستَخدمِ الأُسَّ لِكِتَابَةِ عَمَلِيَّةِ التَّحْلِيلِ إلى عَوَائِلِ أَوَّلِيَّةٍ للأعداد التالية:

١) $11 \times 13 = 99$

ب) $72 = 128$

ج) $13 \times 15 = 225$

٥) أوجد عامل المشترك الأكبر (أ.م.ع) للأعداد التالية:

١) ٨، ٣٦ ع.م.أ = $2 \times 2 = 4$

ب) ٧٢، ١٥ ع.م.أ = ٣

ج) ١٣، ٢٦، ٣٩ ع.م.أ = ١٣

٦) أوجد المضاعف المشترك الأصغر (أ.م.م) للأعداد التالية:

١) ٨، ١٢ م.م.أ = $3 \times 2 \times 2 \times 2 = 24$

ب) ١٥، ٢٥ م.م.أ = $5 \times 5 \times 3 = 75$

ج) ١٠، ٣٠ م.م.أ = $5 \times 3 \times 2 = 30$

د) ٥، ٣، ١٥ م.م.أ = $3 \times 5 = 15$

موارد الوحدة الخامسة

مصفاة الأعداد

اسلوب التعلم : لغوي

قد يرغب المتعلمون في تنظيم لائحة بمضاعفات الأعداد ٢، ٣، ٥، ٧ قبل البدء بهذا النشاط ، وذلك لتأكد من أنهم لم ينسوا أيًا من الأعداد الوردية على شكل شبكة 10×10 .
(تسمي الأعداد التي لم تُشطب أعداداً أولية . أما مضاعفات الأعداد ٤ ، ٦ ، ٨ ، ٩ فمن بين عواملها العدد ٢ أو العدد ٣ ، بالتالي ليست أعداداً أولية) .

مَوَارِدُ الْوَحْدَةِ الْخَامِسَةِ Unit • Resources

مصفاة الأعداد



إِسْتِخْدَامُ شَبَكَةِ 10×10 وَإِبْدَاءُ مِنَ الْيَمِينِ إِلَى الْبَسَائِرِ
بِكِتَابَةِ الْأَعْدَادِ مِنْ ١ إِلَى ١٠٠ وَمِنْ ثَمَّ يَمَايَلِي:

- أُشْطِبَ الْعَدَدَ ١ .
- أُشْطِبَ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٢ (مَا عَدَا الْعَدَدَ ٢)
- وَأَشْطِبَ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٣ (مَا عَدَا الْعَدَدَ ٣) .
- أُشْطِبَ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٥ (مَا عَدَا الْعَدَدَ ٥)
- وَأَشْطِبَ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٧ (مَا عَدَا الْعَدَدَ ٧) .

مَاذَا تُسَمِّي الْأَعْدَادَ الَّتِي لَمْ تُشْطَبْ؟

وَضَحِّ لِمَاذَا لَمْ تَكُنْ هُنَاكَ خَطْوَةٌ ذَكَرْنَا فِيهَا شَطَبَ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٤ وَالْعَدَدِ ٦ وَالْعَدَدِ ٨ وَالْعَدَدِ ٩ .

زَاوِيَةُ التَّفَكِيرِ النَّاقِدِ

الْحِجْسُ الْعَدَدِيُّ

نَوَائِجُ ضَرْبِ الْعَدَدِ 15873 فِي مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٧ .

مَا النَّوَائِجُ الَّتِي سَتَحْضُلُ عَلَيْهَا عِنْدَ ضَرْبِ 15873 فِي مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٧؟

٧ $\times 15873 = 111111$ لاحظ أن العمود الأول هو مضاعفات العدد ٧ .

١٤ $\times 15873 = 222222$ مجموع أرقام الناتج زائدًا أحاد الناتج نفسه

٢١ $\times 15873 = 333333$ يساوي العدد في العمود الأول .

٢٨ $\times 15873 = 444444$ مثلاً الناتج الأول 111111 عند جمع أرقامه نحصل

٣٥ $\times 15873 = 555555$ على ٦ أضف إليه الأحاد ١ فنحصل على ٧ .

إنها أعدادٌ عجيبةٌ بالأرقام التي تتكوّن منها.

مجلة الرياضيات

من عجائب الأرقام

إذا أجرينا بنص العمليات الحسابية مثلا الضرب والجمع على بعض الأعداد المُحدَّدة سلفًا نستطيع الحصول على أعداد مُتطابقة تَلْفُتُ النَّظْرَ.
١ من عجائب العدد ٨ .

العدد المُحدَّد	يُضْرَبُ فِي	يُضَافُ إِلَيْهِ الرَّفْعُ الْأَخْرَافِي الْعَدَدُ الْمُحَدَّدُ	يُعَادِلُ
١	٨	١	٩
١٢	٨	٢	٩٨
١٢٣	٨	٣	٩٨٧
١٢٣٤	٨	٤	٩٨٧٦
١٢٣٤٥	٨	٥	٩٨٧٦٥
١٢٣٤٥٦	٨	٦	٩٨٧٦٥٤
١٢٣٤٥٦٧	٨	٧	٩٨٧٦٥٤٣
	٨	٨	
	٨	٩	

أُجِبْ هَذَا الْجَدْوَلَ.

١ ما العدد المُحدَّد الذي سَتُخَارُجُ؟ ب ما العملية التي ستقوم بها؟ ج ما الناتج الذي ستحصل عليه؟

١ من عجائب العدد ٣٧ .

$3 \times 37 = 111$
$6 \times 37 = 222$
$9 \times 37 = 333$
$12 \times 37 = 444$
$15 \times 37 = 555$
$18 \times 37 = 666$

ومن هذه العجائب: أنك إذا ضربت العدد ٣٧ في مضاعفات العدد ٣، فإنك ستحصل على عدد رمزُهُ مُكوَّنٌ من ٣ أرقام مُتساوية.

جرب ما يلي:

- ١ أُجِبْ الْجَدْوَلَ.
- ٢ كَيْفَ تَحْصُلُ عَلَى نَاجِجِ 27×37 إِذَا كُنْتَ تَعْرِفُ أَنَّ نَاجِجَ 24×37 هُوَ ٨٨٨؟
- ٣ هَلْ نَاجِجُ الضَّرْبِ فِي مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٣ يَبْقَى عَدَدًا مُكَوَّنًا مِنْ أَرْقَامٍ مُتَسَاوِيَةٍ؟
- ٤ هَلْ هَذَا الْقَاعِدَةُ تُسَوِّرُ صَحِيحَةً إِذَا تَابَعْتَ الضَّرْبَ فِي مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ ٣؟

سيستكشف المتعلمون كيف تظهر الأنماط في العمود الأول والعمود الأخير في الجدول .

لمحة تاريخية Historical Note

إن دراسة الأعداد من حيث القيام بالعمليات الأربع تُعنى بتجميع المعلومات المتعلقة بهذه الأعداد وتنظيمها ودراستها .

وقام بهذه الدراسات معظم علماء الرياضيات في مختلف القرون .

من عجائب الأرقام:

أطلب إلى المتعلمين التعرف إلى الأنماط الواردة في أعمدة الجدول ، وإلى ترتيب العمليات ليسهل عليهم الإجابة .

الإجابات:

١ $999 = 111 + 888 = 37(3 + 24) = 37 \times 27$

٢ كلا، $110 = 37 \times 30$

٣ لا