

الوحدة الأولى

الأعداد الحقيقية

الأعداد الحقيقية Real Numbers

الوحدة الأولى

ثقافة

في العام ٢٠٠٨ قام علماء الآثار في دولة الكويت بالتنقيب عن الآثار في منطقة مزار الخضر لكي يُزودونا بالمعلومات المهمة عن الحضارات والثقافات القديمة. ولكي يجدوا أبعاد هذه الآثار، استخدموا الجذور التربيعية للأعداد الموجبة.

فنون

يُستخدم الرقم الذهبي لإيجاد أبعاد مستطيلات في العديد من اللوحات. أحياناً، وبشكل تقريبي، يظهر الرقم الذهبي في الطبيعة، مثلاً في الشكل الهندسي لنجم البحر وفي زهرة دوار الشمس. تُحَقَّق قيمتان عدديتان ϕ ، ب النسبة الذهبية إذا كان الطول الكلي $\phi + 1$ ب النسبة إلى طول القطعة الأطول ϕ مساوياً للنسبة بين ϕ إلى القطعة الأصغر ب.

$$\phi = \frac{\phi + 1}{\phi} = \frac{\phi + 1}{\phi + 1 - \phi}$$

أما القيمة العددية للرقم الذهبي فهي $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ أي تقريباً ١,٦١٨٠٣٣٩٨٨٧.



توضّح المعلومات المتضمنة في هذه الصفحات كيفية استخدام الأعداد الحقيقية في المواقف الحياتية.

ثقافة

اطلب إلى المهتمين من الطّلاب إيجاد معلومات أكثر عما توصل إليه علماء الآثار في دولة الكويت أثناء عمليات التنقيب في منطقة مزار الخضر وكيف استخدم العلماء الجذور التربيعية للأعداد الموجبة.

فنون

اطلب إلى الطّلاب العمل في مجموعات من ثلاثة على جمع صور لأبنية أشكالها مميزة في دولة الكويت وشرح دور الأعداد في التصميم لأبعاد هذه الأبنية.

علوم

اطلب إلى الطّلاب إيجاد معلومات أكثر عن عالمة الفضاء أيلين أوشوا وعن أبحاثها وكيف استخدمت الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية.

تاريخ

اطلب إلى الطّلاب البحث في حضارة المصريين القدماء، عن اكتشافاتهم حول الأعداد، وكيف كانوا يمثلونها وكيف تطورت هذه الحضارة.

مشروع الوحدة

من المتعارف عليه أن الفنانين يحترمون النسبة الذهبية عند تنفيذ لوحاتهم. دع مجموعات من الطّلاب تبحث في المتاحف الكويتية عن اللوحات التي تراعي هذه النسبة وكذلك دراسة ما إذا كانت الأوراق النقدية الكويتية تراعي هذه النسبة والتقدم بتقرير حول نتيجة هذا البحث.

علوم

درست عالمة الفضاء أيلين أوشوا تأثيرات النظام الشمسي على النظام البيئي في الأرض مستخدمة أعداداً نسبية وأعداداً غير نسبية.



تاريخ

نشأ علم الأعداد الحديث من ترسيبات معرفية لحضارات قديمة، مثل حضارة المصريين القدماء. وتدلّ الصورة على الربط اللاحق للأعداد المصرية القديمة، والقيم المكانية في النظام العشري.



أفكار رياضية أساسية

المجموعة الشاملة هي المجموعة التي تشمل كل العناصر قيد الدراسة.

المجموعة الجزئية هي جزء من مجموعة.

مجموعة التقاطع هي مجموعة العناصر المشتركة بين مجموعتين.

مجموعة الاتحاد هي مجموعة العناصر الموجودة في كلتا المجموعتين.

المجموعة المتممة إذا كانت المجموعة S مجموعة جزئية من المجموعة الشاملة U ، فإن المجموعة S^c تحتوي على عناصر تنتمي إلى U ولا تنتمي إلى S . تُسمّى S^c متممة المجموعة S .

نستطيع أن نُعرّف عن الأعداد الكبيرة والصغيرة بالصورة العلمية باستخدام الأسس.

مشروع الوحدة

في هذا المشروع سوف تعرّف الطّلاب ضمن مجموعات على النسبة الذهبية $\phi = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ ويوسون مستطيلات، اضلاعها هي في النسبة ϕ إلى $\phi + 1$. سوف يبحثون عن بعض اللوحات الفنية التي تُراعي هذه النسبة. كذلك سوف يُقارنون نسبة طول بعض الأوراق الفنية الكويتية إلى عرضها بالنسبة الذهبية.

مرشد تخطيط الوحدة

كتاب الطالب			
رقم الدرس	المصطلحات الأساسية	الأدوات المستخدمة	الدرس
			افتتاحية الوحدة الأولى
			التركيز على حل المسائل
			افتتاحية الوحدة الأولى (٢): المجموعات
١-١	مجموعة جزئية \subseteq ، ليست مجموعة جزئية $\not\subseteq$ ، مجموعة خالية، مجموعات متساوية		المجموعات الجزئية
٢-١	المجموعة الشاملة، مجموعة الفرق، المجموعة المتممة		المجموعة الشاملة ومجموعة الفرق والمجموعة المتممة
			افتتاحية الوحدة الأولى (ب): العمليات على الأعداد الحقيقية
٣-١	الجذر التربيعي الأساسي، جذر تربيعي سالب، عدد غير نسبي	آلة حاسبة، شبكة مربعات	الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية
٤-١	الأعداد الحقيقية، الفترات، فترة مغلقة، فترة مفتوحة، فترة نصف مغلقة، فترة نصف مفتوحة	آلة حاسبة	الأعداد الحقيقية (المقارنة والترتيب)
٥-١	قيمة مطلقة		القيمة المطلقة
٦-١	خاصية الإبدال، خاصية التجميع، خاصية توزيع الضرب على الجمع، خاصية توزيع الضرب على الطرح	آلة حاسبة	العمليات على الأعداد الحقيقية وخواصها
			افتتاحية الوحدة الأولى (ج): الأسس
٧-١	ضرب القوى، قسمة القوى		قوانين الأسس
٨-١	صورة علمية، أسس موجبة		الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة الموجبة
٩-١	أسس سالبة		الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة السالبة

التركيز على حل المسائل

التحقق من معقولية الإجابة

الغاية

يركز الطلاب على تحديد ما إذا كانت الإجابة قريبة بما يكفي أو أصغر بكثير أو أكبر بكثير من الإجابة الفعلية مع ذكر الأسباب.

كيفية التعامل مع الصفحة

استخدام عملية حل المسائل

إن القدرة على تحديد ما إذا كانت الإجابة عن مسألة حسابية تحتاج إلى تقريب أم لا، هي مهارة مهمة في الحل الناجح لمسألة ما، وكذلك ما إذا كان التقريب بالزيادة أم بالنقصان، ناقش الخطوات التالية لتحديد كيف ومتى تقرب إجابة: اقرأ المسألة جيداً لتحديد تماماً المطلوب منك إيجادها. استخدم الإدراك العام (حسك الرياضي).

اسأل...

هل تعرف تماماً ما تطلب المسألة منك إيجادها؟

في المسألة ٢ هل تأكدت من التقريب؟

في المسألة ٣ هل تأكدت من التحويلات المطلوبة؟

إجابات الأسئلة

١ الإجابة صحيحة.

٢ قريبة بما يكفي لأن $\sqrt{107} \approx 10.34$ ، ١٦ هي إحدى حلول

المعادلة: $2س^2 - 5 = 15$.

٣ أكبر بكثير؛ لأن ١٢ م/ثانية \approx ٤٣ كم/ساعة.

المجلة

اطلب إلى الطلاب أن يكتبوا مسألة حسابية من ٣ أسئلة مختلفة: واحد يتطلب تقريب الإجابة بالزيادة، وواحد يتطلب تقريب الإجابة بالنقصان، وواحد لا يتطلب التقريب.

التركيز على حل المسائل

تُكرَّرُ إجابة كلِّ من المسائل التالية. حدِّدْ ما إذا كانت الإجابة قريبة بما يكفي (صحيحة) أو أصغر بكثير أو أكبر بكثير من الإجابة الفعلية واذكر الأسباب.



التحقق من معقولية الإجابة
عندما تُرَاعَى إجابتك عن مسألة للتأكد منها، الجأ إلى الحس المنطقي.

١ اشترى أحمد ٣ لوحات لمناظر طبيعية كل واحدة منها على شكل مربع. مساحة كل من اللوحين الأولى والثانية ١٠٠ سم^٢ ومساحة اللوحة الثالثة ٤٠٠ سم^٢. وضع أحمد

اللوحة الثالثة ملاصقة لبعضها البعض الثلاث الثلاث ملاصقة لبعضها بعضاً لتُشكِّل مستطيلاً. أوجد طول وعرض المستطيل الذي حصل عليه. إجابة: الطول: ٣٠ سم، العرض: ٢٠ سم.

٢ يُنَادِي ناصرٌ على الألعاب الرياضية على الحاسوب لتنمية قدراته الحسابية، إذ إنه يُدخِل عدداً معيناً «أ» إلى اللعبة، فيتحوَّل إلى عدد آخر «ب» باستخدام التعبير الجبري $٢س^٢ - ٥$ ، حيث س تُمثِّل الأعداد.

يُريدُ ناصرٌ أن يحصلَ على العدد ١٥ كتابع. فأيُّ الأعدادِ عليه أن يُدخِلها في اللعبة ليحصلَ على هذا التابع؟ إجابة: ٣، ٢، ٣، ٢، ٣.

٣ باستخدام القانون $ع = \frac{٢٠٠٠}{ف}$ يمكن الحصول على السرعة القصوى للوح التزلج، حيث ف: المسافة بالمتر (م)، ع: السرعة (م/ثانية). أوجد سرعة عند اجتياز مسافة ١٠٠ متر؟ إجابة: ١٠٠ كم/ساعة.





الانتخابات

- ١ من يستطيع الترشح للانتخابات مجلس الأمة؟
- ٢ من تألف اللجان؟
- ٣ هل تستطيع التفكير في مخطط يُمثّل العلاقة بين المرشحين وأعضاء مجلس الأمة واللجان؟

تُجرى الانتخابات في الكويت لانتخاب مجلس الأمة كل ٤ سنوات. لذا فقد تُقسّم الكويت إلى ٢٥ دائرة انتخابية. ولكن في عام ٢٠٠٦ جرى تقسيمها إلى ٥ دوائر انتخابية فقط.

يستطيع المنتخب الاقتراع لأربعة مرشحين. وعلى المرشح إلى مجلس الأمة أن يكون قد تجاوز الثلاثين من العمر.

لمجلس الأمة الحق في تعيين لجان من أعضائه. من هذه اللجان: الداخلية والدفاع، المالية، التشريعية، التعليمية، الصحية، حقوق الإنسان، وغيرها.

الموضوع: الانتخابات

كيفية التعامل مع هذه الصفحة

تقدم هذه الصفحة الموضوع الرئيسي في هذا الجزء، وهو الانتخابات، وتشرح آلية ذلك.

اسأل...

- هل تعرفت على مرشح للانتخابات؟ لماذا من المهم أن يكون المرشح قد تجاوز الثلاثين من العمر؟

التاريخ

دع الطلاب يقومون ببحث عن الدورات الانتخابية التي جرت في الكويت وناقشهم حول آرائهم عن كيفية إجراء هذه الانتخابات كل أربع سنوات.

إجابات الأسئلة

- ١ كل مواطن كويتي تجاوز الثلاثين من عمره.
- ٢ تألف اللجان من أعضاء مجلس الأمة.
- ٣ قد تختلف الإجابات.

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

- يحدّد المجموعات الجزئية من مجموعة.
- يحدّد المجموعات المتساوية.

المصطلحات الأساسية

- مجموعة جزئية \subseteq ، مجموعة خالية \emptyset ، ليست مجموعة جزئية $\not\subseteq$ ، مجموعات متساوية.

المجموعات الجزئية

Subsets

١-١

◀ صلة الدرس: تعرّف في الصف الثامن المجموعات، وعمليات التقاطع والاتحاد على هذه المجموعات. سوف تتعلّم في هذا الدرس المجموعات الجزئية. ▶

سوف تتعلّم المجموعات الجزئية.

من الاستخدامات المستخدمة منظّم المهرجانات الرياضية المجموعات الجزئية لتوزيع الرياضيين.

استكشف

البطاقات

شكّل طلاب الصف التاسع ٤ لجان تقوم ببعض الأنشطة اللاصفية: لجنة الرياضية، لجنة البيئة، لجنة الثقافة الدينية، لجنة المسرح.

بفرض أن الطلاب جميعهم يشتركون في اللجان ولا يُشارك أي طالب في أكثر من لجنة، صف العلاقة بين مجموعات اللجان ومجموعة طلاب الصف التاسع.

١ أكمل مستخدمًا أحد الرموز \subseteq ، $\not\subseteq$ ، \supseteq ، $\not\supseteq$:

٢ مجموعة أعضاء لجنة الرياضية ... مجموعة طلاب الصف التاسع.

٣ مجموعة أعضاء لجنة البيئة ... مجموعة أعضاء لجنة الثقافة الدينية.

٤ هل يوجد طلاب يُشاركون في أكثر من لجنة؟

٥ هل يوجد طلاب من الصف لا يُشاركون في أي لجنة؟

المصطلحات الأساسية

مجموعة جزئية \subseteq

Subset

ليست مجموعة جزئية $\not\subseteq$

Not Subset

مجموعة خالية \emptyset

Empty Set

مجموعات متساوية

Equal Sets

تعلم

يضع بعض طلاب فصلك نظرات طبقية. مجموعة طلاب في فصلك الذين يضعون نظرات طبقية هي **مجموعة جزئية** من مجموعة طلاب الفصل.

لكن مجموعة طلاب الفصل الذين يضعون نظرات طبقية، ك مجموعة طلاب الفصل. كل عنصر في م ينتمي إلى ك. لذلك نقول إن م مجموعة جزئية من ك أو م محتواة في ك أو ك تحوي م. نُميّز عن ذلك بالرموز على الصورة \subseteq ك.

مراجعة

- ١ إذا كانت $S =$ مجموعة الأعداد الكلية المحصورة بين ٤، ٩؛ $M =$ مجموعة الأعداد الكلية الأصغر من ٧. اكتب كلاً من S ، M بذكر العناصر ثم أجب عن الأسئلة التالية:
- $S = \{5, 6, 7, 8\}$
- $M = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
- (أ) أوجد $S \cap M$
- (ب) أوجد $S \cup M$
- $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$
- ٢ هل النقطة أ تنتمي للقطعة أب نعم

مثلاً: مجموعة أعضاء لجنة المسرح \subseteq مجموعة طلاب الصف التاسع.

مجموعة أعضاء لجنة البيئة $\not\subseteq$ مجموعة أعضاء لجنة المسرح.

المتابعة

ادع الطلاب إلى صياغة تعريف المجموعات الجزئية.

قد تختلف الإجابات

إجابات «استكشف»

١ تقاطع بين مجموعات اللجان، واتحادها يساوي

مجموعة طلاب الصف التاسع.

٢ (أ) \subseteq (ب) $\not\subseteq$

٣ قد تختلف الإجابات.

٤ قد تختلف الإجابات.

١ - التمهيد

استكشف

الغاية

التعرف على العلاقة بين المجموعات .

التقييم المستمر

تحقق من أن الطلاب يحسنون استخدام الرموز \subseteq ، $\not\subseteq$.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكراً

استخدام الرموز \subseteq ، $\not\subseteq$ في حالات مشابهة للسؤال ١

٢- التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ إذا كانت $S = \{ج، هـ، ع، ٦\}$ وكانت $M = \{هـ، ع، ٤، ج\}$ هل $M \subseteq S$ ؟ ولماذا؟

نعم، كل عنصر في M ينتمي إلى S

هل $S \subseteq M$ ؟ ولماذا؟

لا، لأن ٦ ينتمي إلى S ولا ينتمي إلى M

٢ إذا كانت $S =$ مجموعة المضلعات المنتظمة وكانت $M =$ مجموعة المضلعات. ما العلاقة التي تربط S بـ M ؟
 $S \subseteq M$

٣ إذا كانت $S =$ مجموعة أرقام العدد ٤٨٥٦٢٢

و $M =$ مجموعة أرقام العدد ٥٨٤٤٢٦

اكتب كلاً من S و M بذكر العناصر. هل $S = M$ ؟
لماذا؟

$S = \{٢، ٦، ٥، ٨، ٤\}$ و $M = \{٦، ٢، ٤، ٨، ٥\}$

$S = M$ لأن كل عنصر في S ينتمي إلى M وكل

عنصر في M ينتمي إلى S .

إجابات «حاول أن تحل»

١ قد تتعدّد الإجابات. مثلاً: $\{٠، ١، ٣\}$ ؛

$\{٤، ٧، ٨، ٩\}$

٢ لاحظ أن ٤ عنصر ينتمي إلى K ولا ينتمي إلى M

وبالتالي $K \not\subseteq M$.

٣ $G = \{١، ٣، ٢، ٦\}$

مثال (١)

لكن $S =$ مجموعة الأرقام في النظام العشري، $M =$ مجموعة الأرقام المكوّنة للعدد ٥٣٤٥١ . اكتب كلاً من S و M بذكر العناصر، ثمّ بيّن أن M مجموعة جزئية من S .

$S = \{٠، ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩\}$ ، $M = \{١، ٥، ٤، ٣، ٤\}$.

بما أن كل عنصر من M ينتمي إلى S ، فإن M هي مجموعة جزئية من S ونكتب $M \subseteq S$.

حاول أن تحل

١ أعط مجموعتين جزئيتين من المجموعة S في المثال (١).

يُمكن لمجموعة ما ألا تكون مجموعة جزئية لمجموعة أخرى.

مثال (٢)

لكن المجموعتان: $H = \{١٢، ١٠، ١١، ١٠، ١٠، ١٠\}$ ، $E = \{١٠، ١٠، ١٠\}$. بيّن أن H ليست مجموعة جزئية من E .

لاحظ أن العنصر ١٠ ينتمي إلى المجموعة H ($١٠ \in H$)، ولكنه لا ينتمي إلى المجموعة E ($١٠ \notin E$). لذلك نستنتج أن المجموعة H ليست مجموعة جزئية من المجموعة E . نكتب $H \not\subseteq E$.

حاول أن تحل

٢ لكن $M = \{ج، د، س، ٥، ٧\}$ ، $K = \{٤، ٥، ٦، ٧\}$ بيّن أن $K \subseteq M$.

نذكر

١ ك \subseteq تعني أنه يوجد عنصر على الأقل ينتمي إلى K ولا ينتمي إلى E

٢ المجموعة الخالية هي مجموعة جزئية من أي مجموعة.

تعريف

تساوى المجموعتان S ، M إذا كانت كل منهما مجموعة جزئية من الأخرى. أي أن: إذا كان $S \subseteq M$ و $M \subseteq S$ فإن $S = M$ والعكس صحيح.

مثال (٣)

لكن H هي مجموعة العوامل الموجبة للعدد ٦ ، E هي مجموعة أرقام العدد ١٦٦٦٣ . اكتب كلاً من H ، E بذكر العناصر، ثمّ بيّن أن $H = E$.

$H = \{١، ٢، ٣، ٦\}$ ، $E = \{١، ٦، ٣، ٢\}$

بما أن كل عنصر في H ينتمي إلى E إذاً $H \subseteq E$ وبما أن كل عنصر في E ينتمي إلى H إذاً $E \subseteq H$ وبالتالي $H = E$.

حاول أن تحل

٣ اكتب مجموعة G مساوية للمجموعة E .

تحقق من فهمك

١ هل يُمكن أن يتساوى عدد عناصر مجموعة مع عدد عناصر مجموعة جزئية منها، فسّر إجابتك.

٢ اكتب مجموعة M لا تحوي مجموعة S .

٣- التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تأكد من أن الطلاب قد فهموا المجموعة الجزئية، والمجموعة التي ليست مجموعة جزئية، وكذلك المجموعة الخالية، والمجموعات المتساوية.

إجابات «تحقق من فهمك»

١ نعم، في حال كانت المجموعة الجزئية هي المجموعة كلها.

٢ قد تختلف الإجابات.

تقييم بديل

دع الطلاب يعملون في مجموعات كل منها يتألف من ٣ طلاب لإعطاء أمثلة عن مجموعات، ومجموعات جزئية، ومجموعات ليست جزئية.

اختبار سريع

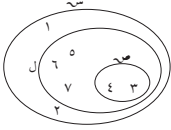
- هل مجموعة الدول العربية تقاطع مجموعة دول أميركا هي مجموعة خالية؟ **نعم**
- هل مجموعة الأعداد الكلية الأصغر من ١ هي مجموعة خالية؟ **لا**
- هل مجموعة أشهر السنة الميلادية تحتوي مجموعة الأشهر الميلادية التي عدد أيامها ٣١ يوماً؟ **نعم**



التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

المجموعات الجزئية Subsets

تدرّب واطنّق



(١) اكتب مستخدماً الرسم المقابل، أجب عن الأسئلة الآتية بصح أو خطأ:

- $A \subseteq B$
- $B \subseteq A$
- $A \cap B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$
- $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- $A \cap B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$
- $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- $A \cap B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$
- $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

(٢) إذا كان $A \cap B = \{2, 1\}$ ، $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ هل توجد مجموعة أخرى تتطابق مع مواصفات أعلاه؟ فسر.

(٣) أ: مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٦.

ب: مجموعة العوامل الموجبة للعدد ٨.

(١) اكتب بذكر العناصر المجموعتين أ، ب.

(ب) أي مجموعة هي مجموعة جزئية من الأخرى؟ اشرح إجابتك.

(٤) لكن $A \subseteq B$ مجموعة أحرف "عبير"، $B \subseteq A$ مجموعة أحرف "ربيع".

(١) اكتب $A \cap B$ ، $A \cup B$ بذكر العناصر.

(ب) هل المجموعتان متساويتان؟ اشرح إجابتك.

(٥) أ: مجموعة الأحرف في كلمة «أسنان».

ب: مجموعة الأحرف في كلمة «إنسان».

هل تتساوى هاتان المجموعتان؟ فسر.

(٦) أ: مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٨.

ب: مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٢.

(١) أي مجموعة هي جزئية للأخرى؟ اشرح إجابتك.

(ب) مثل المجموعتين بمخطط فن. ماذا تلاحظ؟

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

- يجد مجموعة الفرق بين مجموعتين، والمجموعة المتممة لمجموعة جزئية في المجموعة الشاملة.

المصطلحات الأساسية

- المجموعة الشاملة، مجموعة الفرق، المجموعة المتممة.

المجموعة الشاملة ومجموعة الفرق
والمجموعة المتممة

Overall Set, Difference Set and Complement of a Set

٢-١

صلة الدرس في الدرس السابق، تعرّف مفهوم المجموعة والمجموعة الجزئية. في هذا الدرس، سوف تتعلّم مجموعة الفرق بين مجموعتين والمجموعة المتممة.

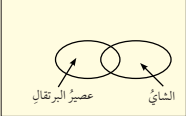
استكشف أنواع المجموعات

الشراب المفضّل

استطلع مجموعة أراء ١٠ من طلاب فصله حول مشروباتهم المفضّلة وكانت النتائج كما يأتي:

الشراب المفضّل	اسماء الطلاب	محمد	فهد	عمر	محمد أحمد سامي	خالد	جاسم يوسف	علي
عصير البرتقال		✓						
الشاي			✓	✓	✓	✓	✓	✓

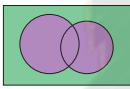
المصطلحات الأساسية
المجموعة الشاملة
Overall Set
مجموعة الفرق
Difference Set
المجموعة المتممة
Complement of a Set



طلاب الفصل

- استخدم مخطط فين المقليل
- 1 كتبت أسماء الطلاب الذين يشربون الشاي ولا يشربون عصير البرتقال.
 - 2 كتبت أسماء الطلاب الذين يشربون عصير البرتقال ولا يشربون الشاي.
 - 3 كتبت أسماء الطلاب الذين يشربون عصير البرتقال والشاي معًا.
 - 4 أكمل الجملة: {فهد، محمد، خالد} هي مجموعة الطلاب الذين يشربون ولا يشربون
 - 5 ما الذي يُميّز طلاب المجموعة {سامي، علي}.

تعلّم المجموعة الشاملة ومجموعة الفرق والمجموعة المتممة



تُسمى مجموعة طلاب الفصل {مجموعة شاملة}. وغالبًا ما يُرمز إليها بالرمز Ω وتمثلها بمستطيل. بينما تُمثّل المجموعات الجزئية بمساحات مغلقة داخل المستطيل. تختلف المجموعة الشاملة من مسألة إلى أخرى. قد تكون مجموعة الأعداد الكليّة أو مجموعة أشهر السنة أو غيرها

التقييم المستمر

ادع الطلاب إلى صياغة تعريف المجموعة المتممة لمجموعة جزئية في المجموعة الشاملة.

مراجعة

$$1 \text{ إذا كانت } S = \{7, 8, 9, 10, 11, 12\}$$

$$S = \{9, 10, 11\}$$

أكمل: $S \supseteq S$; $S \supseteq \emptyset$; $S \supseteq S$ أو $S \supseteq S$

2 إذا كان $S =$ مجموعة أحرف كلمة «محمود»

$S =$ مجموعة أحرف كلمة «أحمد»

هل $S = S$ ؟ ولماذا؟ $S \neq S$ لأن $A \subseteq S$ ، $A \subseteq S$

١ - التمهيد

استكشف

الغاية

التعرف على الفرق بين مجموعتين والمجموعة المتممة.

التقييم المستمر

تحقق من أن الطلاب قد فهموا النص وتمكنوا من

استخدام مخطط فن.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

ما الذي يميز طلاب الفصل إذا استثنينا سامي وعلي؟

يشربون الشاي أو عصير البرتقال.

٢- التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ لتكن $\text{ش} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9, 10, 12\}$
 $\{18, 15\}$

أوجد كلاً من:

(أ) ش : مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٢

(ب) ش : مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٨

(ج) $\text{ش} - \text{ش}$

(د) $\text{ش} - \text{ش}$

(أ) $\text{ش} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$

(ب) $\text{ش} = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}$

(ج) $\text{ش} - \text{ش} = \{4, 12\}$

(د) $\text{ش} - \text{ش} = \{9, 18\}$

٢ استخدم معطيات التمرين السابق، ثم أوجد كلاً

من:

(أ) $\overline{\text{ش}}$

(ب) $\overline{\text{ش}}$

(أ) $\overline{\text{ش}} = \{5, 7, 9, 10, 15, 18\}$

(ب) $\overline{\text{ش}} = \{4, 5, 7, 10, 12, 15\}$

إجابات «حاول أن تحل»

١ (أ) $\text{ل} - \text{م} = \{7, 9\}$ ، $\text{ل} - \text{م} \neq \text{م} - \text{ل}$

(ب) $\text{م} - \text{ش} = \emptyset$. بما أن $\text{م} \subseteq \text{ش}$ فإن كل عنصر في

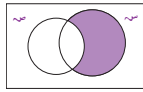
م موجود في ش وبالتالي مجموعة الفرق $\text{م} - \text{ش}$ هي

المجموعة الخالية.

٢ $\text{ع} - \text{ع} = \emptyset$

$\text{ع} - \text{ع} = \emptyset$

٣ $\overline{\text{ش}} = \{2, 4, 6, 8\}$



في فترة «السكرتيف»، لتكن ش مجموعة مفضلي الشاي، ع مجموعة مفضلي عصير البرتقال. مجموعة الطلاب الذين يُفضّلون الشاي فقط دون عصير البرتقال تُسمى **مجموعة الفرق** وتُكتب على الصورة $\text{ش} - \text{ع}$. وهي ممثلة بالمنطقة المظللة.

فتكون: $\text{ش} - \text{ع}$ هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى ش ولا تنتمي إلى ع .

مثال (١)

لتكن $\text{ش} =$ مجموعة الأرقام في النظام العشري، من الشكل أدناه أوجد بذكر العناصر كلاً من:

(أ) $\text{ش} - \text{ل}$ ، $\text{م} - \text{ل}$ (ج) $\text{ش} - \text{ل}$

(ب) $\text{ش} - \text{م} = \text{ل} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

(ج) $\text{ش} - \text{ل} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

(د) $\text{ش} - \text{م} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

حاول أن تحل

١ في المثال أعلاه، أوجد (أ) $\text{ل} - \text{م}$ ، ماذا تلاحظ؟

(ب) $\text{م} - \text{ش}$ ، ماذا تلاحظ؟

مثال (٢)

لتكن $\text{ع} = \{3, 4, 5\}$ أعط مجموعة ج بحيث:

$\text{ع} - \text{ج} = \text{ع}$.

هناك أكثر من حل. يجب ألا تتضمن المجموعة ج عناصر تنتمي إلى ع أي $\text{ع} \cap \text{ج} = \emptyset$.

إجابة ممكنة: $\text{ج} = \{8, 7\}$

حاول أن تحل

٢ في المثال (٢)، أوجد كلاً من: $\text{ع} - \text{ع}$ ، $\text{ع} - \text{ع}$.

تقسّم دولة الكويت إلى ٦ محافظات.

$\text{ش} =$ {الأحمدي، العاصمة، القروانية، حولي، الجهراء، مبارك الكبير}.

لتكن ك مجموعة المحافظات الأكثر قرباً من الحدود الجنوبية، إذا

$\text{ك} =$ {الأحمدي، مبارك الكبير}.

المجموعة التي تنتمي عناصرها إلى المجموعة ش ولا تنتمي إلى المجموعة ك هي

{حولي، الجهراء، القروانية، العاصمة}. تُسمى هذه المجموعة **تتممة المجموعة** ك ونرمز

إليها بالرمز $\overline{\text{ك}}$ وتقرأ متممة المجموعة ك .

٣- التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تأكد من أن الطلاب قد فهموا وبشكل جيد المجموعة الشاملة ومجموعة الفرق، والمجموعة المتممة لمجموعة جزئية في المجموعة الشاملة.

إجابات «تحقق من فهمك»

- لا، لأن كل عنصر في المجموعة المتممة لمجموعة جزئية من مجموعة شاملة لا ينتمي إلى هذه المجموعة الجزئية.
- نعم، إذا أخذنا المجموعة الشاملة فإن المجموعة المتممة للمجموعة الشاملة هي المجموعة الخالية.

تقييم بديل

دع الطلاب يعملون في مجموعات كل منها يتألف من ٣ طلاب لإعطاء أمثلة عن مجموعات شاملة ومجموعات جزئية، ثم عن مجموعة الفرق والمجموعة المتممة.

متتممة المجموعة ك هي \bar{K} = مجموعة العناصر التي تنتمي إلى \bar{K} ولا تنتمي إلى ك.

- لاحظ أن:
- ١) $\bar{\bar{K}} = K$
 - ٢) $\bar{K} \cap K = \emptyset$
 - ٣) $\bar{K} \cup K = \bar{K}$
 - ٤) $\bar{K} \cap \bar{K} = \bar{K}$

مثال (٣)

لتأخذ المجموعة \bar{K} = {ج، د، هـ، ز، ح، ط، ي} والمجموعة K = {أ، ب، ج، د، هـ، ز، ح، ط، ي} (١) مثل كل من المجموعتين بمخطوط في ثم بين أن $\bar{K} = K$.
(ب) أوجد \bar{K} ثم ظللي المنطقة التي تمثلها.

الحل:
(أ) بما أن كل عنصر من K ينتمي إلى \bar{K} ، إذا $\bar{K} = K$.
(ب) ومتتممة K هي \bar{K} = {س، د، هـ، ز، ح، ط، ي}.

حاول أن تحل:
٣ إذا كانت $K = \{١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩\}$ ، $\bar{K} = \{١٠، ١١، ١٢، ١٣، ١٤، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨، ١٩، ٢٠\}$ أوجد \bar{K} .

تحقق من فهمك

- ١ هل يُمكن أن تتساوى مجموعة ومتتمتها؟ فسر.
- ٢ هل يُمكن أن تكون المجموعة المتممة خالية؟ فسر.

حل المسائل والتفكير المنطقي

لنكن \bar{K} = مجموعة الأرقام في النظام العشري،
 $K = \{١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠\}$.

- ١ أوجد \bar{K} من
- ٢ $\bar{K} \cap K$ ، $\bar{K} \cup K$ ، $\bar{\bar{K}}$.
- ٣ $\bar{K} \cap \bar{K}$ ، $\bar{K} \cap K$ ، $\bar{K} \cup K$.
- ٤ $\bar{K} \cap \bar{K}$ ، $\bar{K} \cap K$ ، $\bar{K} \cup K$.
- ٥ قارن بين $\bar{K} \cap \bar{K}$ ، $\bar{K} \cap K$ ، $\bar{K} \cup K$.
- ٦ قارن بين $\bar{K} \cap \bar{K}$ ، $\bar{K} \cap K$ ، $\bar{K} \cup K$.

ملاحظة: ما توصلت إليه في ب، ج، د يعني قانون دي مورغان (DE MORGAN).

التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي: تمرن ٢-١

المجموعة الشاملة ومجموعة الفرق والمجموعة المتممة Overall Set, Difference Set and Complement of a Set

تدرّب وطبق

- ١) اكتب المجموعة الشاملة \bar{K} = مجموعة العوامل الموجبة للعدد ٢٠.
اكتب المجموعات الجزئية التالية، ثم مثلها بمخطوط في.
(أ) \bar{K} : مجموعة العوامل الموجبة للعدد ٤.
(ب) \bar{K} : مجموعة العوامل الموجبة للعدد ١٠.
(ج) مجموعة مضاعفات العدد ١٠ إلى العدد ٢٠ بدون الصفر.

(٢) لنكن \bar{K} = مجموعة الأحرف الهجائية في اللغة العربية.
أ: مجموعة أحرف كلمة «مستدير».

ب: مجموعة أحرف كلمة «مستطيل».

(أ) أوجد \bar{A} - ب.

(ب) أوجد \bar{B} - أ.

(ج) أوجد $\bar{A} \cup \bar{B}$. هل تشكل المجموعة الشاملة \bar{K} ؟ فسر إجابتك.

اختبار سريع

١ ما المجموعة المتممة لمجموعة الدول العربية الآسيوية؟

مجموعة الدول العربية الأفريقية.

٢ في مجموعة الأشهر الميلادية، ما متممة مجموعة

الأشهر التي تتألف من ٣١ يوماً؟

مجموعة الأشهر التي لا تتألف من ٣١ يوماً.

إجابات «حل المسائل والتفكير المنطقي»

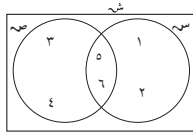
(٣) إذا كانت شـه = مجموعة الأعداد المحصورة بين ١٠، ٢٠.

وكانت سـه = {١٧، ١٦، ١٢}

صـه = {١٩، ١٥، ١٤، ١٣، ١٢}

(أ) أوجد سـه.

(ب) أوجد صـه.



(٤) مستخدماً مخطط فن المقابل:

(أ) أوجد $S \cap H$ في المجموعة الشاملة شـه.

(ب) أوجد $S \cup H$ في المجموعة الشاملة شـه.

(ج) هل يوجد علاقة بين المجموعتين $S \cap H$ و $S \cup H$ ؟ اشرح إجابتك.

(د) أوجد $\overline{S \cap H}$ في المجموعة الشاملة شـه.

(٥) التحضير للاختيار إذا كانت المجموعة $A = \{٥، \{٤\}، ٣، ٢، ١\}$ فإن:

(أ) $\{٤\} \in A$ (ب) $\{A\} \subseteq A$ (ج) $\{A\} \notin A$ (د) $\{A\} \ni A$

١٣

$$(أ) ١ \overline{S} = \{٩، ٨، ٧، ٥، ٣، ١\}$$

$$\overline{S} = \{٩، ٨، ٧، ٦، ٥، ٠\}$$

$$٢ \overline{S} \cap \overline{H} = \{٩، ٨، ٧، ٥\}$$

$$\overline{S} \cup \overline{H} = \{٩، ٨، ٧، ٦، ٥، ٣، ١، ٠\}$$

$$٣ \overline{S} \cup \overline{H} = \{٦، ٤، ٣، ٢، ١، ٠\}$$

$$\overline{S \cup H} = \{٩، ٨، ٧، ٥\}$$

$$٤ \overline{S} \cap \overline{H} = \{٤، ٢\}$$

$$\overline{S \cap H} = \{٩، ٨، ٧، ٦، ٥، ٣، ١، ٠\}$$

$$(ب) \overline{S} \cup \overline{H} = \overline{S} \cap \overline{H} = \{٩، ٨، ٧، ٥\}$$

$$(ج) \overline{S} \cap \overline{H} = \overline{S} \cup \overline{H} = \{٩، ٨، ٧، ٦، ٥، ٣، ١، ٠\}$$

مراجعة الوحدة الأولى (أ)

(١) لتكن شـه مجموعة الأعداد الفردية إلى العدد ٢٠

صـه مجموعة الأعداد الأولية المحصورة بين ٢، ١٥

سـه مجموعة الأعداد الأولية المحصورة بين ١٠، ٢٠

$E = \{١٩، ١٧، ١٥، ١\}$

(أ) أوجد $(S \cap E) \cap (S \cap H)$

(ب) أوجد $(S \cup E) \cup (S \cup H)$

(٢) أجب بصدق أو خطأ عن كل سؤال مما يأتي:

(أ) $\exists ٦ (س: عدد كلي، س > ١٠)$.

(ب) $\exists ٩ (س: عدد كلي، س عدد أولي)$.

(ج) $\forall ٧ \exists$ لمجموعة الأعداد الصحيحة.

(د) $\exists ٢ (س: س \exists ط، (س + ٢) + (س - ٣) = ٠)$.

(هـ) $\exists ٣ - (ف: ف \exists م، ٠ = ٩ - ف)$.

(و) إذا كانت $f \exists م$ فإن $f \exists م$.

(ز) إذا كانت $ج \notin م$ فإن $ج \notin م \cup م$.

(ح) إذا كانت $f \exists م$ فإن $f \exists م \cap م$.

(ط) بفرض أن $س \exists م$. إذا كانت $س \notin م$ فإن $س \exists م$.

(ي) $\overline{S} \cap \overline{H} = \emptyset$.

(ك) $م - م = م - م$.

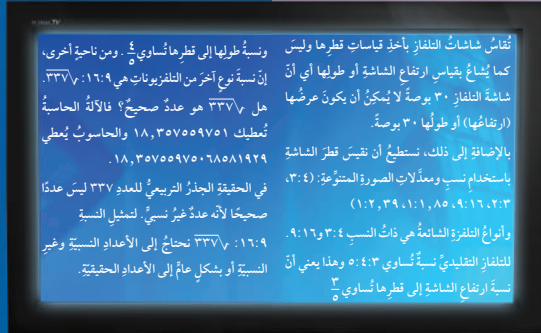
(ل) $(\overline{S} \cap \overline{H}) = \overline{S \cap H}$.

(م) $م \cap م = (م \cup م) \cap م$.

(ن) $م \cup (م \cap م) = م \cup م$.

١٤

شاشات التلفزيون



١ هل تستطيع إيجاد طول وارتفاع شاشة تلفزيون قطرها ٣٠ بوصة؟
٢ أوجد الارتفاع والطول التقريبي لتلفاز قطر شاشته ٣٠ بوصة ونسبته ١٦:٩.

الموضوع: شاشات التلفزيون

كيفية التعامل مع هذه الصفحة

تقدم هذه الصفحة الموضوع الرئيسي في هذه الجزء وهو شاشات التلفزيون، وتشرح آلية ذلك.

أسأل...

- هل تعرفت مقاسات شاشة التلفاز الموجودة في منزلك؟ لماذا من المهم أن يكون للتلفاز نسبة معينة؟

العلوم

ادعُ الطلاب إلى إجراء مقاسات لأكثر من جهاز تلفاز موجود لديهم أو لدى آخرين والتقدم بنتيجة هذا البحث، وشجعهم على مناقشة النسب التي حصلوا عليها بين ارتفاع الشاشة وقطرها من ناحية وبين طول الشاشة وقطرها من ناحية أخرى، ودعهم يناقشون إمكانية الحصول على أعداد غير صحيحة وبالتالي ضرورة التفكير بوجود أعداد غير الأعداد التي درسوها سابقاً.

إجابات الأسئلة

- ١ ٢٤ بوصة، ١٨ بوصة.
- ٢ ١٥ بوصة، ٢٦ بوصة.

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

- يحدّد الجذور التربيعية التي هي أعداد غير نسبية.

المصطلحات الأساسية

- الجذر التربيعي الأساسي، جذر تربيعي سالب، عدد غير نسبي.

الأدوات المستخدمة

- شبكة مربعات، آلة حاسبة.

الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية

Square Roots and Irrational Numbers

صلة الدرس: لقد سبق أن تعلّمت عن المربعات الكاملة وجذورها التربيعية. ستتعلم في هذا الدرس عن جذور تربيعية أخرى وأنواع أخرى من الأعداد.

استكشف: الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية
هل ذلك عدد نسبي؟ الأدوات المستخدمة: آلة حاسبة، شبكة مربعات

تذكّر أنّ العدد النسبي هو نسبة مثل $\frac{1}{2}$ حيث أ، ب عدنان صحيحان، (ب ≠ ٠).

١ ارسم على شبكة مربعات مربعًا يكون الأقرب إلى ١٠ وحدات مربعة.

٢ ارسم المربع الأكبر الذي يأتي تاليًا.

٣ أوجد طول ضلع كلٍّ من المربعين.

٤ ابحث عن عدد نسبي $\frac{1}{2}$ بحيث يكون $(\frac{1}{2})^2 = ١٠$. استخدم الآلة الحاسبة.

٥ هل وجدت عددًا نسبيًا مرتبه يساوي ١٠؟ إذا لم يكن كذلك، فما العدد النسبي الأقرب الذي وجدته؟

تعلم: الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية

أنت تعلم أنّ $٩ = (٣)^2$ و $٩ = (٣-)^2$ وأنه يوجد جذران تربيعيان للعدد ٩ هما $٩ = ٣$ و $٩ = ٣-$.

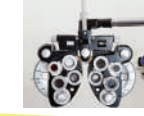
يُعرف الجذر التربيعي الموجب **بالجذر التربيعي الأساسي** ويُسمى الجذر التربيعي السالب **بالجذر التربيعي السالب**.

الجذران التربيعيان	الجذر التربيعي السالب	الجذر التربيعي الأساسي
$(\pm\sqrt{٩})$	$(-\sqrt{٩})$	$(\sqrt{٩})$
$٣ \pm ٩\sqrt{}$	$٣- = ٩\sqrt{-}$	$٣ = ٩\sqrt{}$

يجب أن نذكر أن لا معنى لإيجاد الجذر التربيعي لعدد سالب. للجذرين التربيعيين لعدد ما القيمة المطلقة نفسها.

سوف تتعلم
تحديد الجذور التربيعية التي هي أعداد غير نسبية.

من الاستخدامات
يُذكر صانعو الأدوات البصرية الفرق بين الجذر التربيعي غير النسبي والجذر التربيعي النسبي، وهم يستخدمون الجذور التربيعية عند التعامل مع الحالات المعقدة جدًا.



المصطلحات الأساسية
الجذر التربيعي الأساسي
Principal Square Root
جذر تربيعي سالب
Negative Square Root
عدد غير نسبي
Irrational Number

تذكّر
الجذر التربيعي للعدد النسبي الموجب هو العدد الذي إذا ضرب في نفسه كان الناتج س.

مراجعة

١ اكتب الأعداد النسبية التالية بالصورة $\frac{p}{q}$:

$$٢٥ \frac{٢٥}{١} ، ٣\frac{١}{٣} ، ٤٩,٨ ، \frac{٤٩٨}{١٠}$$

٢ اكتب كلاً مما يلي بالصورة العشرية باستخدام الآلة الحاسبة:

$$\frac{٤}{٩} ، \frac{٤}{٣} ، \frac{٢}{٣} ، \frac{١}{٧} ، \frac{١٤٢٨٥٧}{٧}$$

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

ما أقرب عدد نسبي وجدته للعدد الذي مربعه ١٠؟ أو جد الآن عددًا أقرب.

المتابعة

أسأل من يرغب من الطلاب تبادل الإجابات في الخطوة رقم (٥)، ثم اطلب إليهم إيجاد $\sqrt{١٠}$ على آلاتهم الحاسبة، وأسألهم أن يقارنوا تقديرهم بالقيمة الناتجة على الآلة الحاسبة.

إجابات «استكشف»

١ - ٥ ناقش ردود الطلاب.

٢- التعليم

تعلم

تأكد من أن الطلاب يفهمون أن للعدد الموجب جذرين تربيعيين، أحدهما موجب، والآخر سالب، لكن للعدد الموجب جذر تربيعي أساسي واحد فقط هو الجذر الموجب، ليس صوابًا كتابة $\sqrt{٩} = ٣ \pm$ ، والصحيح أن تكتب $\sqrt{٩} = ٣$ ، $\sqrt{٩} = ٣-$ ، ومن الصواب أن تكتب $\pm\sqrt{٩} = ٣ \pm$.

الغاية

يقدر الطلاب الجذر التربيعي للعدد ١٠.

التقييم المستمر

تحقق من أن المربعات التي سبق أن رسمها الطلاب في الخطوة رقم (١) معقولة، وأن المربع في الخطوة رقم (٢) صحيح.

أمثلة بديلة

١ تملك عائلة سلطان قطعة أرض مربعة الشكل، وتريد أن تستخدمها كحديقة خضراوات. إذا كانت مساحة الأرض تبلغ ٦٢٥ م^٢، فكم متراً من السلك الشبكي سيحتاجه سلطان لبناء سور يقام على جانب واحد؟

$$l^2 = 625 \text{ (ل تمثل طول قطعة الأرض)}$$

$$l = 625 - l^2$$

$$0 = (25 + l)(25 - l)$$

$$l = 25 \text{ أو } l = -25$$

وحيث إن الطول ليس سالباً فترفض -٢٥، ويكون

طول السلك الشبكي على جانب واحد ٢٥ متراً.

٢ استخدم آتلك الحاسبة لتحديد ما إذا كان كل جذر

تربيعي مما يلي نسبياً أو غير نسبي:

$$(أ) \sqrt{224}$$

$$(ب) \sqrt{361}$$

$$(أ): \sqrt{224} = 14,96662954$$

$$\sqrt{224} \text{ غير نسبي}$$

$$(ب): \sqrt{361} = 19 \text{ نسبي}$$

إجابات «حاول أن تحل»

$$١ \text{ المساحة} = l \times l \times \frac{1}{2} = 72$$

$$72 = \frac{l^2}{2}$$

$$l^2 = 144$$

$$l = 144 - l^2$$

$$0 = (12 + l)(12 - l)$$

$$l = 12 \text{ أو } l = 12 + 0$$

$$l = 12 \text{ أو } l = -12 \text{ (مرفوض)}$$

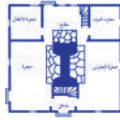
٢ غير نسبي.

ما رأيك؟

يستخدم الطلاب طريقتين لإيجاد الجذر التربيعي، كلتاها صحيحة، لكن الثانية أسهل من الأولى. ومع ذلك فقد تكون الطريقة الأولى مفيدة إذا لم يكن متاحاً وجود آلة حاسبة أو إذا كان العدد كبيراً جداً بحيث إنه يتعدى سعة الآلة الحاسبة.

مثال (١)

إليك مخطط قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها ٢٨٩ م^٢. ما طول ضلع هذه الأرض؟



نفرض أن طول الأرض المربعة ل متر.
مساحة الأرض = $l \times l = l^2$
أي أن $l^2 = 289$
 $l = 289 - l^2$
 $0 = (17 + l)(17 - l)$
 $l = 17 \text{ أو } l = -17$
لا يمكن قبول العدد -١٧ لأن الطول لا يكون عدداً سالباً.
لا يمكن قبول العدد ١٧ لأن الطول لا يمكن أن يكون عدداً سالباً.
∴ طول ضلع قطعة الأرض هو ١٧ م.

حاول أن تحل

١ مثلث قائم الزاوية متطابق الضلعين مساحته ٧٢ وحدة مربعة. ما طول ضلع القائمة؟

تعلم أن مجموعة الأعداد النسبية = $\{ \frac{a}{b} : a, b \in \mathbb{Z}, b \neq 0 \}$ وأن الأعداد النسبية يمكن كتابتها في صورة أعداد عشرية (أو كسور عشرية) منتهية مثل ٠,٤٨٧، ٣,٢٥، ٤٨٧، ٠،٤٨٧، بصورة أعداد عشرية دورية (أو كسور عشرية دورية) مثل ٠,٣، ٠,٢٦، ٠,٣. وهناك مجموعة أخرى من الأعداد تسمى أعداداً غير نسبية وهي أعداد لا يمكن كتابتها على الصورة $\frac{a}{b}$ حيث a, b عدنان صحيحان، ب عدداً غير صفري، مثل $\sqrt{2}$ ، $\sqrt{3}$ ، $\sqrt{5}$ ، $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{11}$ ، $\sqrt{13}$ ، $\sqrt{17}$ ، $\sqrt{19}$ ، $\sqrt{23}$ ، $\sqrt{29}$ ، $\sqrt{31}$ ، $\sqrt{37}$ ، $\sqrt{41}$ ، $\sqrt{43}$ ، $\sqrt{47}$ ، $\sqrt{53}$ ، $\sqrt{59}$ ، $\sqrt{67}$ ، $\sqrt{71}$ ، $\sqrt{73}$ ، $\sqrt{79}$ ، $\sqrt{83}$ ، $\sqrt{89}$ ، $\sqrt{97}$ ، $\sqrt{101}$ ، $\sqrt{103}$ ، $\sqrt{107}$ ، $\sqrt{109}$ ، $\sqrt{113}$ ، $\sqrt{127}$ ، $\sqrt{131}$ ، $\sqrt{137}$ ، $\sqrt{139}$ ، $\sqrt{149}$ ، $\sqrt{151}$ ، $\sqrt{157}$ ، $\sqrt{163}$ ، $\sqrt{167}$ ، $\sqrt{173}$ ، $\sqrt{179}$ ، $\sqrt{181}$ ، $\sqrt{191}$ ، $\sqrt{193}$ ، $\sqrt{197}$ ، $\sqrt{199}$ ، $\sqrt{211}$ ، $\sqrt{223}$ ، $\sqrt{227}$ ، $\sqrt{229}$ ، $\sqrt{233}$ ، $\sqrt{239}$ ، $\sqrt{241}$ ، $\sqrt{251}$ ، $\sqrt{257}$ ، $\sqrt{263}$ ، $\sqrt{269}$ ، $\sqrt{271}$ ، $\sqrt{277}$ ، $\sqrt{281}$ ، $\sqrt{283}$ ، $\sqrt{293}$ ، $\sqrt{307}$ ، $\sqrt{311}$ ، $\sqrt{313}$ ، $\sqrt{317}$ ، $\sqrt{331}$ ، $\sqrt{337}$ ، $\sqrt{347}$ ، $\sqrt{349}$ ، $\sqrt{353}$ ، $\sqrt{359}$ ، $\sqrt{367}$ ، $\sqrt{373}$ ، $\sqrt{379}$ ، $\sqrt{383}$ ، $\sqrt{389}$ ، $\sqrt{397}$ ، $\sqrt{401}$ ، $\sqrt{409}$ ، $\sqrt{419}$ ، $\sqrt{421}$ ، $\sqrt{431}$ ، $\sqrt{433}$ ، $\sqrt{439}$ ، $\sqrt{443}$ ، $\sqrt{449}$ ، $\sqrt{457}$ ، $\sqrt{461}$ ، $\sqrt{463}$ ، $\sqrt{467}$ ، $\sqrt{479}$ ، $\sqrt{487}$ ، $\sqrt{491}$ ، $\sqrt{499}$ ، $\sqrt{503}$ ، $\sqrt{509}$ ، $\sqrt{521}$ ، $\sqrt{523}$ ، $\sqrt{541}$ ، $\sqrt{547}$ ، $\sqrt{557}$ ، $\sqrt{563}$ ، $\sqrt{569}$ ، $\sqrt{571}$ ، $\sqrt{577}$ ، $\sqrt{587}$ ، $\sqrt{593}$ ، $\sqrt{599}$ ، $\sqrt{601}$ ، $\sqrt{607}$ ، $\sqrt{613}$ ، $\sqrt{617}$ ، $\sqrt{619}$ ، $\sqrt{623}$ ، $\sqrt{629}$ ، $\sqrt{631}$ ، $\sqrt{637}$ ، $\sqrt{641}$ ، $\sqrt{643}$ ، $\sqrt{647}$ ، $\sqrt{653}$ ، $\sqrt{659}$ ، $\sqrt{661}$ ، $\sqrt{667}$ ، $\sqrt{671}$ ، $\sqrt{673}$ ، $\sqrt{677}$ ، $\sqrt{683}$ ، $\sqrt{687}$ ، $\sqrt{691}$ ، $\sqrt{697}$ ، $\sqrt{701}$ ، $\sqrt{709}$ ، $\sqrt{713}$ ، $\sqrt{719}$ ، $\sqrt{727}$ ، $\sqrt{733}$ ، $\sqrt{739}$ ، $\sqrt{743}$ ، $\sqrt{749}$ ، $\sqrt{757}$ ، $\sqrt{761}$ ، $\sqrt{769}$ ، $\sqrt{773}$ ، $\sqrt{779}$ ، $\sqrt{787}$ ، $\sqrt{793}$ ، $\sqrt{797}$ ، $\sqrt{801}$ ، $\sqrt{809}$ ، $\sqrt{811}$ ، $\sqrt{817}$ ، $\sqrt{821}$ ، $\sqrt{823}$ ، $\sqrt{827}$ ، $\sqrt{829}$ ، $\sqrt{833}$ ، $\sqrt{839}$ ، $\sqrt{847}$ ، $\sqrt{853}$ ، $\sqrt{857}$ ، $\sqrt{859}$ ، $\sqrt{863}$ ، $\sqrt{869}$ ، $\sqrt{877}$ ، $\sqrt{881}$ ، $\sqrt{883}$ ، $\sqrt{887}$ ، $\sqrt{893}$ ، $\sqrt{897}$ ، $\sqrt{901}$ ، $\sqrt{907}$ ، $\sqrt{911}$ ، $\sqrt{913}$ ، $\sqrt{917}$ ، $\sqrt{919}$ ، $\sqrt{923}$ ، $\sqrt{929}$ ، $\sqrt{931}$ ، $\sqrt{937}$ ، $\sqrt{941}$ ، $\sqrt{943}$ ، $\sqrt{947}$ ، $\sqrt{953}$ ، $\sqrt{959}$ ، $\sqrt{961}$ ، $\sqrt{967}$ ، $\sqrt{971}$ ، $\sqrt{973}$ ، $\sqrt{977}$ ، $\sqrt{983}$ ، $\sqrt{989}$ ، $\sqrt{991}$ ، $\sqrt{997}$.

مثال (٢)

استخدم الآلة الحاسبة لتحديد ما إذا كان كل جذر تربيعي مما يلي عدداً نسبياً أم غير نسبي.

$$(أ) \sqrt{733}$$

$$(ب) \sqrt{256}$$

باستخدام الآلة الحاسبة وعن طريق الزر $\sqrt{\quad}$:
(أ) $\sqrt{733} = 27,07211101$ ، $27,07211101^2 = 733,00000000$
لذا $\sqrt{733}$ عدد غير نسبي.
(ب) $\sqrt{256} = 16$ عدد نسبي.

حاول أن تحل

٢ هل $\sqrt{2}$ هو عدد نسبي؟ هل $\sqrt{3}$ هو عدد نسبي؟

من خواص الجذور التربيعية

إذا كان a, b عددين موجبين فإن

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$\text{مثال: } \sqrt{21} = \sqrt{3 \times 7} = \sqrt{3} \times \sqrt{7} = 1,732 \times 2,646 = 4,583$$

$$0,6 = \frac{3}{5} = \frac{36}{60} = \frac{36}{100} = 0,36$$

أوجد $\sqrt{2500}$

حسن يُفكر...

ربما يمكن تحليل ٢٥٠٠ إلى عوامل تكون مرتعات كاملة.
بالتالي: $2500 = 25 \times 100$

$$\sqrt{2500} = \sqrt{25 \times 100} = 50$$

$$\sqrt{2500} = 50 = 5 \times 10 =$$

أحمد يُفكر...

سأكتفي باستخدام الآلة الحاسبة:

$$50 = \sqrt{2500}$$

ما رأيك؟

١ وضح كيف استخدم حسن حقيقة أنه يمكن تحليل ٢٥٠٠ إلى مرتعات كاملة.

٢ استخدم حسن الخاصية التالية $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$. أعط مثالاً يُبرهن فيه أن هذه الخاصية لا تنطبق على عملية الجمع: $\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$.

من تفهيم

١ وضح الفرق بين الجذر التربيعي الأساسي والجذر التربيعي السالب.

٢ وضح الفرق بين $\sqrt{9}$ و $-\sqrt{9}$. ماذا تعطي الآلة الحاسبة عندما تُدخّل $\sqrt{-9}$ ؟

إجابات «ما رأيك؟»

١ أخذ الجذر التربيعي لكل من المربعات الكاملة، ثم ضربها معًا.

٢ إجابة محتملة: $\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5$. لأن:

$$\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5$$

$$\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5$$

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تأكد من أن الطلاب يفهمون أن كل الأعداد الموجبة لها جذر تربيعي أساسي، وجذر تربيعي سالب، ولكن في بعض المواقف الحياتية لا يكون هناك معنى للقيمة السالبة.

إجابات «تحقق من فهمك»

١ الجذر التربيعي الأساسي موجب أما الجذر التربيعي

السالب فسالِب.

٢ $\sqrt{-9} = -3$ ، $\sqrt{-9}$ غير موجودة في ح.

$\sqrt{-9}$ في الآلة الحاسبة لا تعطي إجابة.

تقييم بديل

الأداء: دع الطلاب يعملون في مجموعات لكتابة فقرة إجابات للأسئلة التالية:

١ لماذا يوجد لكل عدد موجب جذر تربيعي أساسي

وجذر تربيعي سالب؟

حيث إن العدد السالب إذا رُبِع يكون عددًا موجبًا،

ويكون للعدد الموجب جذرين إما موجب أو سالب.

٢ متى يكون العدد غير نسبي؟

عندما لا يمكن التعبير عنه بصورة كسر عشري متكرر أو منته، وعندما يكون للعدد الصحيح الذي ليس مربعًا كاملاً جذر تربيعي غير نسبي.

المُرشدُ لحلّ المسائل (٣-١)



يُمكنك أن توجد عدد التواني التي يستغرقها رفاص الساعة ليتأرجح جيئةً وإيابًا. أوجد أولًا الجذر التربيعي لطول الرفاص بالأمتار، ثم ضاعف الناتج. كم من الوقت يستغرق رفاص ساعة طوله ٢,١ م ليتأرجح.

افهم

١ ما المطلوب إليك إجابته؟

٢ ما طول رفاص الساعة؟

٣ ضَعْ خطًّا تحت الخطوات التي استخدمتها لإيجاد عدد التواني.

خطِّط

٤ كيف يُمكنك إيجاد الجذر التربيعي لعدد ما باستخدام الآلة الحاسبة؟

٥ كيف يُمكنك مضاعفة عدد ما؟

حلّ

٦ استخدم المصطلحات الأساسية لإيجاد الجذر التربيعي لـ ٢,١. قَرِّب الإجابة إلى أقرب جزء من ألف.

٧ ضاعف الجذر التربيعي لـ ٢,١.

٨ كم من الوقت يستغرق رفاص ساعة طوله ٢,١ م ليتأرجح جيئةً وإيابًا؟

تَحَقَّقْ

٩ لم من المهم اتباع الخطوات بترتيب معيَّن؟ ماذا يحدث إذا عكست الترتيب؟

حلّ مسألة أخرى

١٠ كم من الوقت يستغرق رفاص ساعة طوله ٦,٩ أمتار ليتأرجح جيئةً وإيابًا؟

حلّ المسائل والتفكير المنطقي

١ المجلة: هل الجذر التربيعي للعدد ٢٠٠٠ يساوي ضعف الجذر التربيعي للعدد ١٠٠٠؟ وضِّح إجابتك.

٢ التقدير: باستخدام الصيغة $m = 12,6v$ ، حيث m = المسافة بالكيلومترات إلى خطّ الأفق، v = الارتفاع بالأمتار لعيني الناظر عن الأرض، يُمكنك إيجاد أيّ مسافة يمتدّ مدى نظرك إلى خطّ الأفق. إذا تسلّق سامي شجرة بحيث أصبحت عيناه على ارتفاع ٩,٧٥ م فوق الأرض، فعلى أيّ مسافة يمتدّ مدى نظره؟

٣ التوصل: يقع المطعم عند قمة برج إيفل Eiffel في باريس على ارتفاع ٣٠٠ متر. استخدم الصيغة الواردة في التمرين ٢ لتحديد المسافة التي يمتدّ عليها مدى نظري زبائن هذا المطعم. وإذا كان ارتفاع برج إيفل ضعف ذلك، فهل تُصبح المسافة التي يمتدّ عليها مدى نظري زبائن المطعم ضعفًا ما كانت عليه سابقًا؟ وضِّح إجابتك.

٤ التفكير الناقد: اكتب المرئعات العشرة الأولى الكاملة وعوامل كل منها. أمعن النظر في عدد عوامل كل منها. ماذا يُمكنك أن تستنتج حول عدد عوامل كل من المرئعات الكاملة؟

إستراتيجيات حلّ المسائل

- ابحث عن النمط.
- نظّم قائمة.
- اعمل جدولًا.
- حدّث وتحدّث.
- اعمل بطريقة عكسية.
- استخدم التفكير المنطقي.
- ارسم تمثيلًا بيانيًا.
- حلّ مسألة أبسط.

الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية

Square Roots and Irrational Numbers

تدرّب وطيق

(١) استخدم الآلة الحاسبة لتحديد ما إذا كان $\sqrt{95}$ عدداً نسبياً أم غير نسبي.

(أ) أدخل ٩٥ $\sqrt{\quad}$

(ب) حدد ما إذا كان هذا عدداً نسبياً أم غير نسبي.

حدد ما إذا كان كل عدد مما يلي نسبياً أم غير نسبي.

$\sqrt{4}$ (٢)	$\sqrt{3}$ (٣)	$\sqrt{4}$ (٤)
$\sqrt{16}$ (٥)	$\sqrt{12}$ (٦)	$\sqrt{20}$ (٧)
$\sqrt{9}$ (٨)	π (٩)	$\sqrt{100}$ (١٠)
$\sqrt{36}$ (١١)	$\sqrt{12}$ (١٢)	

استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد كل جذر تربيعي تقريباً لأقرب جزء من ألف:

$\sqrt{13}$ (١٣)	$\sqrt{14}$ (١٤)	$\sqrt{15}$ (١٥)	$\sqrt{16}$ (١٦)
$\sqrt{17}$ (١٧)	$\sqrt{18}$ (١٨)	$\sqrt{19}$ (١٩)	$\sqrt{20}$ (٢٠)
$\sqrt{21}$ (٢١)	$\sqrt{22}$ (٢٢)		

الهندسة: أوجد طول ضلع كل مربع بمعلومية مساحته.

٤٥ سم ^٢ (٢٣)	٣٠ م ^٢ (٢٤)	٣٦ سم ^٢ (٢٥)	٢٥ م ^٢ (٢٦)
---------------------------	--------------------------	---------------------------	--------------------------

اختبار سريع

١ حدّد ما إذا كان كل من الأعداد التالية نسبياً أم غير نسبي.

$\sqrt{324}$ نسبي
 $\sqrt{500}$ غير نسبي

$\sqrt{330}$ غير نسبي
 $\sqrt{121}$ نسبي

٢ أوجد قيمة كل من الأعداد التالية:

$\sqrt{400} - 20$
 $\sqrt{784} \pm 28$

إجابات «المُرشد لحل المسائل»

١ عدد الثواني التي يستغرقها رقاص ساعة طوله ١, ٢ متر ليتأرجح.

٢ ١, ٢ متر.

٣ أوجد الجذر التربيعي لطول الرقاص بالأمتار، ثم ضاعف الناتج.

٤ أدخل العدد، ثم اضغط مفتاح $\sqrt{\quad}$ (الجذر التربيعي).

٥ اضرب في ٢.

٦ ١, ٠٩٥

٧ ٢, ١٩

٨ $\approx 2, 19$ ثانية.

٩ إجابة ممكنة: إذا عكس الترتيب تكون الإجابة مختلفة.

١٠ $\approx 6, 196$ ثوان.

إجابات «حل المسائل والتفكير المنطقي»

١ لا لأن، $\sqrt{2000} \approx 44, 72$ ؛ بينما $\sqrt{1000} \approx 31, 62$

لذلك $2 \times 31, 62 \neq 44, 72$.

٢ حوالي ١, ١١ كيلومتراً.

٣ ٥, ٦١ كيلومتراً؛ ٨٧ كيلومتراً.

لا؛ $5 \times 2 = 10 \neq 87$.

٤ ١:٤:٢:١:٤:٢:١:٩:٣:١:١٦:٩:٣:١:١٦:٤:٢:١:٨:١٦

٢٥:١:٢٥:٣٦:٢:١:٣٦:٤:٣:٤:٦:٩:١٢:١٨:٣٦

٤٩:١:٤٩:٦٤:٢:١:٦٤:٨:٤:١٦:٣٢:٦٤:٨١:٣١

٩:٢٧:٨١:١٠٠:١:٢٠:٥:٤:١٠:٢٥:٥٠:١٠٠

إجابة محتملة: يوجد لكل منها عدد فردي من العوامل.

(٢٧) التاريخ: أخذت كلمة الجذر radical من الكلمة العربية جذر (الثبات)، ففي كتب الرياضيات العربية، كان يعتقد أن العدد المربع ينمو من عدد جذري، مثلاً 49 تنمو من الجذر 7 ، ما جذر 196 ؟

(٢٨) الجغرافيا: تملك أسرة شيكوشي Shikushi في اليابان منزلاً مربعاً فيه ٤ حجرات مربعة مساحة كل منها $12, 25$ م^٢، يفضل بين الحجرات ستائر ورقية ويمكن تحريكها، ترفع في الصيف لتسمح للشمس بالدخول إلى الحجرات ويصبح المنزل خجيرة واحدة كبيرة، ما أبعاد الخجيرة الواحدة الكبيرة؟

(٢٩) التحضير للاختبار: تعيش أسرة أبو جابر في السالمية في منزل مكون من ٥ حجرات، مساحة أرضيته

120 م^٢، إذا كانت الأرضية على شكل مربع فإن طول ضلع الأرضية \approx _____

(أ) ٣, ٩٤ أمتار

(ب) ١٢, ٤٨ متراً

(ج) ١٠, ٩٥ أمتار

(د) ٢٥, ٨٩ متراً

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

- يقارن الأعداد الحقيقية ويرتبها ويحدد الفترات

المصطلحات الأساسية

- الأعداد الحقيقية، الفترات، فترة مغلقة، فترة مفتوحة، فترة نصف مغلقة، فترة نصف مفتوحة.

الأدوات المستخدمة

- آلة حاسبة.

الأعداد الحقيقية (المقارنة والترتيب)

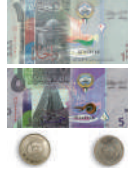
Real Numbers (Comparing and Ordering)

٤-١

صلة الدرس: تعرّف في الدرس السابق الأعداد غير النسبية. في هذا الدرس سوف تدرس الأعداد الحقيقية.

سوف تتعلّم مقارنة الأعداد الحقيقية وترتيبها.

من الاستخدامات تُستخدم في أمور كثيرة مثل عدّ الفلوس والذنانير.



استكشف الأعداد الحقيقية

الأدوات المستخدمة: آلة حاسبة

الطاقات

١ ادب مثلث قائم الزاوية. حدّد طول أضلاع الزاوية القائمة بوحدات الطول.

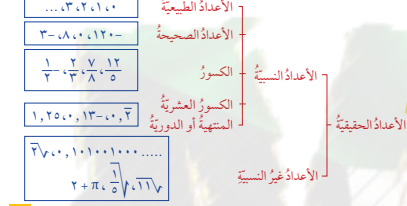
٢ أوجد طول الوتر باستخدام نظرية فيثاغورث. هل طول الوتر هو عدد نسبي؟ كل م مثلث قائم الزاوية. حدّد طول أضلاع الزاوية القائمة بوحدات الطول.

٣ أوجد طول الوتر. استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد طوله. هل هذا الطول هو عدد نسبي؟

تعلم الأعداد الحقيقية: مقارنتها وترتيبها

أتحدّد مجموعتي الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية يُشكّل مجموعة تُسمّى مجموعة الأعداد الحقيقية أي أن $\mathbb{N} \cup \mathbb{Z} \cup \mathbb{Q} \cup \mathbb{R} = \mathbb{R}$.

يُوضّح المخطط التالي العلاقات بين مجموعات الأعداد.



المصطلحات الأساسية

الأعداد الحقيقية Real Numbers

الفترات Intervals

فترة مغلقة Closed Interval

فترة مفتوحة Open Interval

فترة نصف مغلقة Half - Closed Interval

فترة نصف مفتوحة Half - Open Interval

مراجعة

استخدم رموز العلاقات $<$ ، $>$ أو $=$ لمقارنة كل زوج من الأعداد التالية:

- ١ $1216 < 1206$ ٢ $57,831 > 57,899$ ٣ $5 > 3$
- ٤ $0,120 < 0,0125$ ٥ $1,30 > 1,06$
- ٦ $9 < 11$

إجابات «استكشف»

١ (أ) ٤، ٣ (ب) ٥ هو عدد نسبي

٢ (أ) ٢، ٣ (ب) $\sqrt{13}$ غير نسبي

(ج) $3,605551275$ غير نسبي

٢- التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ قارن بين $\frac{5}{6}$ و $\frac{6}{8}$.

نكتب الكسور مع مقام موحد:

$$\frac{21}{24} = \frac{7}{8} \quad \frac{20}{24} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{21}{24} > \frac{20}{24}$$

$$\frac{7}{8} > \frac{5}{6}$$

٢ رتب تصاعدياً الأعداد التالية: π ، $\sqrt{80}$ ، $\frac{84}{9}$

$$\pi \approx 3,1415 \quad 9 \approx 9,4245$$

١- التمهيد

استكشف

الغاية

معرفة ما إذا كان عدد ما نسبيًا أم لا.

التقييم المستمر

تحقق من أن الطلاب قد استطاعوا قياس الأضلاع في الخطوتين.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

اطلب إلى الطلاب إيجاد الوتر في مثلث قائم الزاوية إذا كانت أطوال أضلاع الزاوية القائمة ٦ وحدات،

٨ وحدات

١٠ وحدات

المتابعة

دع الطلاب يناقشون الإجابة في الخطوة ٢ - (ج) وبالتالي

تحديد ما إذا $\sqrt{13}$ هو عدد غير نسبي.

نكتب: $81 > 80 > 64$

ومنه $81\sqrt{7} > 80\sqrt{7} > 64\sqrt{7}$

$$\frac{9}{9} > \frac{80}{80}\sqrt{7} > \frac{8}{8}$$

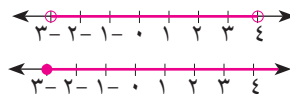
$$\pi^3 > 80\sqrt{7} > 8$$

$$9 > 80\sqrt{7} > \frac{84}{9}$$

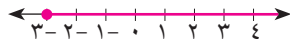
$$\pi^3 > \frac{84}{9} \quad \text{إذًا} \quad 9, 3333 \approx \frac{84}{9}$$

الترتيب التصاعدي: $\pi^3, \frac{84}{9}, 80\sqrt{7}$

مثل الفترات التالية على خط الأعداد:



(أ) $(-4, 4)$



(ب) $(-3, \infty)$

إجابات «حاول أن تحل»

1. $1, 73 > 3\sqrt{7}$
2. $27\sqrt{7}, \pi^2, 6, 5$
3. $(-1, 5)$
4. $(-5, 1)$
5. $(-4, 2)$
6. $(-3, \infty)$

3 - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تأكد من أن الطلاب يفهمون الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية وكذلك الفترات المغلقة والمفتوحة والنصف مغلقة أو النصف مفتوحة.

إجابات «تحقق من فهمك»

1. $(1, 2)$
 2. (أ) $(-2, 4)$ (ب) $(0, \infty)$
 3. $\frac{1}{5\sqrt{7}}, 9 + 4\sqrt{7}, \pi^2 - 3 - \pi, 3\sqrt{7}$ هي أعداد غير نسبية
- $-2, 16, 0, 49, 7, 0$ هي أعداد نسبية

مثال (1)

قارن بين العددين $3, 14$ و π
 $3, 141414... = 3, 14$
 $3, 14159 = \pi$
 إذًا $3, 14 < \pi$

حاول أن تحل

استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد $3\sqrt{7}$ ثم قارن بين $3, 14$ و $3\sqrt{7}$.

إن مقارنة الأعداد الحقيقية وترتيبها مشابهة لمقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها.

مثال (2)

رتب تصاعدياً الأعداد التالية: $\pi, 3, 1415, 3, 14159$
 $3, 1415 = \pi$
 $3, 14159 = \pi$

حاول أن تحل

إذًا $3 < \pi < 3, 1415$
 $3, 1415 > \pi$
 $3, 14159 > \pi$
 إذًا $3 < \pi < 3, 1415 < 3, 14159$

حاول أن تحل

رتب تنازلياً الأعداد التالية: $\pi, 3, 1415, 3, 14159$

الفترة هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية الواقعة بين عددين مختلفين، ويمكن أن تتضمن هذين العددين أو أحدهما حسب تصنيف الفترة، حيث يُعز عن الفترة بقوسين بوضع بداخلهما عدداً، الأصغر يُمثل بداية الفترة والأكبر يُمثل نهاية الفترة مثلاً:

$(1, 5)$ ، $(-4, 7)$ ، $(-\infty, 4)$ ، $(3, 2)$

وتُصنّف الفترات إلى ثلاثة أنواع:

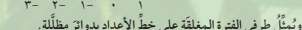
الفترات المغلقة: [أ، ب] هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية التي تقع بين أ، ب بما فيها أ، ب، أي الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي أ وأصغر من أو تساوي ب.

مثال (3)

اشرح معنى الفترة $(-3, 1]$ ومثلها على خط الأعداد.

$(-3, 1]$: هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية التي تقع بين -3 وتضم أيضاً العددين -3 و 1 .

أو $(-3, 1]$: هي مجموعة الأعداد الأكبر من أو تساوي -3 وأصغر من أو تساوي 1 .



ويُمثل طرفي الفترة المغلقة على خط الأعداد بدوائر مظللة.

حاول أن تحل

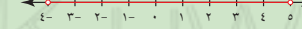
مثال الفترة $[-4, 5]$ على خط الأعداد.

الفترات المفتوحة: (أ، ب) هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية التي تقع بين أ، ب فقط.

أي الأعداد الحقيقية الأكبر من أ وأصغر من ب.

مثال (4)

مثال الفترة $(-5, 0)$ على خط الأعداد.



ويُمثل طرفي الفترة المفتوحة على خط الأعداد بدوائر غير مظللة.

حاول أن تحل

اكتب الفترة التي تُمثل مجموعة الأعداد الحقيقية التي هي أصغر من 5 و أكبر من -1.

ومثلها على خط الأعداد.

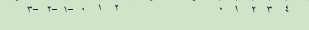
الفترات نصف المفتوحة أو نصف المغلقة:

(أ، ب]: هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية التي تقع بين أ، ب ومن ضمنها ب.

[أ، ب): هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية التي تقع بين أ، ب ومن ضمنها أ.

مثال (5)

مثال الفترات $(-1, 2)$ ، $(-1, 2]$ على خط الأعداد.



حاول أن تحل

مثال الفترات $(-2, 4)$ ، $(-2, 4]$ على خط الأعداد.

فترات تضمّن ∞ أو $-\infty$:

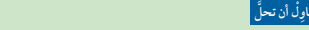
$(\infty, 4]$ هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية الأكبر من أو من ضمنها 4

$[-2, -\infty)$ هي مجموعة كل الأعداد الحقيقية الأصغر من أو من ضمنها -2

مثال (6)

مثال الفترات $(-\infty, 4)$ ، $(-\infty, 4]$ على خط الأعداد.

(أ) $(-\infty, 4)$: (ب) $(-\infty, 4]$



حاول أن تحل

اكتب الفترة التي تُمثل كل الأعداد الحقيقية الأصغر من 3.

معلومة مفيدة
الرمز ∞ يُقرأ ما لا نهاية

اختبار سريع

١ قارن $\frac{6}{7}$ و $\frac{4}{9}$.

٢ رتب تصاعدياً: $\frac{1}{3}, \pi - 3, \sqrt{3}$.

$\sqrt{3}, \frac{1}{3}, \pi - 3$

٣ هل الفترة (٢، ٥) تحتوي على العدد ٢. لا

إجابات «حل المسائل والتفكير المنطقي»

١ ن هو مربع لعدد نسبي. مثل ١، ٤، ٩، ...

٢ استخدم المساواة $\sqrt{16} + \sqrt{9} = \sqrt{16+9}$. وهذا

خطأ لأن $\sqrt{25} = \sqrt{16+9} = 5$

٣ [١، ٣]

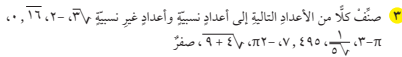
٤ $[-5, \infty)$

٥ نعم لأن المجموعة الخالية هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية.

تحقق من فهمك

١ المجموعة التي أعضاؤها أكبر من أو تساوي ١ وأصغر من أو تساوي ٢. حدّد هذه الفترة، ومثلها على خط الأعداد.

٢ حدّد الفترة المثلثة بخط الأعداد أدناه.



٣ صنّف كلّ من الأعداد التالية إلى أعداد نسبية وأعداد غير نسبية $0, \sqrt{16}, 2, \sqrt{3}, \pi, 3-\pi, \frac{1}{2}, 495, -7, \pi 2, 9 + \sqrt{4}, \sqrt{9}$.

حل المسائل والتفكير المنطقي

١ الحشّ العدديّ: اكتب خمس قيم لـ ن بحيث يكون n عدداً نسبياً.

٢ تحليل الخطأ: قدّر أحد الطلاب $\sqrt{16+9}$ وحصل على الإجابة ٧. ما الخطأ الذي وقع فيه الطالب؟

٣ إذا كانت $1 \geq x \geq 3$ اكتب الفترة.

٤ إذا كانت $5 < x$ اكتب الفترة.

إستراتيجيات حل المسائل

- ابحث عن النمط.
- نظم قائمة.
- اعمل جدولاً.
- تخنّ وتحقّق.
- اعمل بطريقة عكسية.
- استخدم التفكير المنطقي.
- ارسّ تمثيلاً بيانياً.
- حلّ مسألة البسط.

٥ هل يُمكن أن تكون الفترة مجموعة خالية؟



التاريخ الهجريّ: التاريخ الميلاديّ:

الأعداد الحقيقية (المقارنة والترتيب) Real Numbers (Comparing and Ordering)

تدرّب وطبّق

(١) اجب عن الأسئلة الآتية باستخدام الآلة الحاسبة:

(أ) قارن $\frac{3}{5}$ و $\frac{2}{3}$.

(ب) قارن $\frac{1}{4}$ و $\frac{2}{5}$.

(ج) رتب تصاعدياً الأعداد الآتية: $\frac{3}{5}, \frac{2}{3}, \frac{1}{4}, 0, 6$.

(د) رتب تنازلياً: $\frac{1}{8}, \frac{3}{4}, \pi - 3, \sqrt{3}, 10\sqrt{2}$.

(٢) اشرح معنى الفترة $[-1, 4]$ ومثلها على خط الأعداد.

(ب) اكتب الفترة التي تمثل الأعداد الحقيقية الأكبر من ٢ وأصغر من ٧.

(ج) اكتب الفترة المثلثة بخط الأعداد المقابل:



(٣) أي العددين التاليين هو عدد نسبي $5\sqrt{2}$ أو $3\sqrt{3}$ ؟ فسّر.

(٤) اكتب زوجين من الأعداد النسبية يقع بينهما العدد $5\sqrt{2}$.

(٥) إذا كانت $3 \geq x > \sqrt{3}$ حدّد الفترة ومثلها على خط الأعداد.

(٦) مثل الفترات التالية على خط الأعداد:

(أ) $(-3, \infty)$

(ب) $(-\frac{3}{4}, \infty)$

(ج) $(-\infty, \infty)$

(٧) اكتب الفترة التي تمثل كل الأعداد الحقيقية الأكبر من ٥.

(٨) التحضير للاختبار الفترة التي تمثل مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من ٥ والأكبر من -٥ هي:

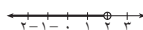
(أ) $[-5, 5]$

(ب) $(-5, 5)$

(ج) $[-5, 5)$

(د) $(-5, 5]$

(٩) الفترة المثلثة على خط الأعداد هي:



(أ) $[-2, \infty)$

(ب) $(-2, 2)$

(ج) $(-2, \infty)$

(د) $[-2, \infty)$

منظم الدرس

أهداف الدرس

- في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:
- يُجد القيمة المطلقة ويحل معادلة تتضمن القيمة المطلقة.

المصطلحات الأساسية

- قيمة مطلقة.

القيمة المطلقة Absolute Value

٥-١

صلة الدرس: تعرّف كيفية إيجاد القيمة المطلقة لعدد نسبي. في هذا الدرس، سوف تقوم بإيجاد القيمة المطلقة لعدد حقيقي وتحل معادلات تتضمن القيمة المطلقة.

سوف تتعلّم:
إيجاد القيمة المطلقة.
حل معادلة تتضمن القيمة المطلقة.

استكشف

القيمة المطلقة

أيهما أقرب على خط الأعداد؟

١ يقول سالم إنه يقف على بعد ثلاث وحدات إلى يمين الصفر ويقول أحمد إنه يقف على بعد وحدة واحدة إلى يسار الصفر. أيهما أقرب إلى الصفر؟
٢ يقول سالم إنه يقف على بعد ٤ وحدات إلى يمين الصفر ويقول أحمد إنه يقف على بعد ٤ وحدات إلى يسار الصفر. أيهما أقرب إلى الصفر؟
وبالتالي المسافة بين ٤، صفر تساوي المسافة بين (-٤)، صفر.

من الاستنتاجات
تستخدم القيمة المطلقة في المعادلات المبرهنات.



تعلم

القيمة المطلقة

القيمة المطلقة لعدد حقيقي هي المسافة على خط الأعداد بين هذا العدد والصفر. إيجاد القيمة المطلقة للعدد الحقيقي يشابه مع إيجاد القيمة المطلقة للعدد النسبي.
فمثلاً $|-٨٦| = ٨٦$ ، $|-٥| = ٥$ ، $|-١٠| = ١٠$ ، $|-٥٠| = ٥٠$ ، $|-١٠٠| = ١٠٠$.

مثال (١)

أوجد كلًا من: (أ) $|\pi - 2|$ (ب) $|9 - 16\sqrt{7}|$

(أ) $|\pi - 2| = |\pi - 2| = 3, 14 - 2 = 1, 14$

(ب) $|\sqrt{7} - 9| = |9 - 16\sqrt{7}|$

حاول أن تحل

١ أوجد كلًا من:

(أ) $|-٣|$ (ب) $|-٤|$ (ج) $|-٤ - \pi|$

خواص القيمة المطلقة: لكل s ، $s \geq 0$

$|s \times s| = |s| \times |s|$

$|\frac{s}{s}| = \frac{|s|}{|s|}$

حيث $s \neq 0$

المصطلحات الأساسية
قيمة مطلقة

Absolute Value

تذكّر

$\pi = 3, 14$

مراجعة

١ أوجد قيمة كل مما يلي:

$$-\frac{7}{9} \quad \left| \frac{7}{9} \right| \quad 28 \quad |28| \quad 4 \quad |4|$$

٢ أوجد حلول المعادلات التالية:

$$s + 3 = 4 \quad (s = 1) \quad s + 3 = -4 \quad (s = -7)$$

١ - التمهيد

استكشف

الغاية

التأكيد على أن البعد هو عدد موجب.

التقييم المستمر

تحقق في الخطوتين (أ) و(ب) أن الطلاب استخدموا خط الأعداد واحتسبوا المسافة.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

إذا وقف سالم ٥ وحدات إلى يمين الصفر ووقف أحمد ٦ وحدات إلى يسار الصفر. أيهما أقرب إلى الصفر؟ سالم

المتابعة

دع الطلاب يناقشون إجاباتهم ويستنتجون أن المسافة بين ٤، صفر تساوي المسافة بين (-٤)، صفر.

إجابات «استكشف»

(أ) أحمد.

(ب) إنها على المسافة نفسها.

مثال (٢)

أوجد قيمة $|-٢|$ ، $|-٦|$ ، إذا كانت $s = ٤$.

$|-٢| = ٢$ ، $|-٦| = ٦$

$|-٨| = ٨$

$|-٨| = ٨$

$٢ = ٢$

حاول أن تحل

١ أوجد قيمة:

$|٧| + |٢|$ إذا كانت $s = -٣$.

استخدام القيمة المطلقة في حل معادلة مع متغير:

تستطيع أن تعرّف أيضًا القيمة المطلقة على الشكل الآتي:

(أ) $|s| = ٣$ إذا كانت $s \leq ٣$

(ب) $|s| = ٣$ إذا كانت $s > ٣$

حيث $s \geq ٠$

عندما نقول $|s| = ٣$ نعيّن أن المسافة بين s ، صفر تساوي ٣ وحدات، وعندما نقول $|s - ٥| = ٣$ نعيّن أن المسافة بين s ، ٥ تساوي ٣ وحدات.

أمثلة

٣ حل المعادلة: $|s - ٥| = ٣$

$s - ٥ = ٣$ أو $s - ٥ = -٣$

$s = ٨$ أو $s = ٢$

يكون لدينا حلان لهذه المعادلة: $s = ٨$ أو $s = ٢$.

٤ حل المعادلة: $|s + ١| = ٢$

$s + ١ = ٢$ أو $s + ١ = -٢$

$s = ١$ أو $s = -٣$

يكون لدينا حلان لهذه المعادلة: $s = ١$ أو $s = -٣$.

حاول أن تحل

٣ $|١ - s| = ٤$

٤ $|٢ + s| = ٤$

تحقق من فهوك

١ حل المعادلة الآتية: $|٢ - s| = ٥ - ١$. ماذا تنتج؟

٢ حل المعادلة الآتية: $|٣ + s| = ٧$. ماذا تنتج؟

انتبه

$|٣ - ٤| = ٣ - ٤ = -١$

$|٣ - ٤| = ٣ - ٤ = -١$

$|٣ - ٤| = ٣ - ٤ = -١$

٢ - التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ أوجد كلاً من:

١ (أ) $|3 - \pi| \approx 0,14$ (ب) $||5| - |4||$

٧ (ج) $|5| \times |3 - |$ (د) $\frac{|14|}{|2 - |$

٢ أوجد قيمة $|3 - 5|$ إذا كانت $5 = 17$

٣ حل المعادلة: $7 = |5 - 2|$ أو $1 - 6$

إجابات «حاول أن تحل»

١ (أ) $31, 21$ (ب) 1 (ج) $\pi - 4 \approx 86, 0$

٢ 8

٣ $3 - 5$ أو 5

٤ $2 - 6$ أو 2

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تأكد من أن الطلاب يفهمون القيمة المطلقة وحل معادلة تتضمن القيمة المطلقة.

إجابات «تحقق من فهمك»

١ لا حل للمعادلة، لأن القيمة المطلقة هي دائماً عدد موجب.

٢ $\frac{7}{3}$ حل وحيد لأن للمعادلة $|س + ب| = ٠$ لها حل وحيد

اختبار سريع

١ أوجد كلاً من: (أ) $|\frac{3}{7}|$ (ب) $||1 + 4||$

٢ أوجد قيمة $|37 - 4|$ إذا كانت $8 = 5$

٣ حل المعادلة: $5 = |3 + س|$ أو $\frac{1}{3}$ أو 2



التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

القيمة المطلقة Absolute Value

تدرّب وطمّن

(١) ابدأ أوجد القيمة المطلقة لكل من:

(ب) $|18 - |$ (د) $|218|$
(ج) $|صفر|$ (هـ) $|5 - 7|$

استخدم $<$, $>$, أو $=$ لمقارنة كل عددين مما يأتي:

(٢) $8 - |6 - |$ (٣) $|10 - |10 - |$ (٤) $2 - |صفر|$
(٥) $25 - |سبيرة| - 10 * سبيرة$ (٦) $|75 - |75 - |$ (٧) $14 - |8 - |$
(٨) $|3 - |صفر|$ (٩) $86 - |85 - |$

(١٠) المستهلك: يوضح الجدول الآتي الدخل مقابل النفقات لمدة ٦ أشهر لإحدى الشركات، لاحظ أن النفقات تظهر بأعداد سالبة.

الشهر	يناير	فبراير	مارس	أبريل	مايو	يونيو
الدخل	٤٣٥٠ ديناراً	٨٦٤٥ ديناراً	٢٣٩٨ ديناراً	٤٥٨٩ ديناراً	١٤٤٤ ديناراً	١٦٢٤ ديناراً
النفقات	٣٦٦٦ - ديناراً	٤٤٤٥ - ديناراً	٢٤٥٦ - ديناراً	٤٦٠٠ - ديناراً	١٤٠٠ - ديناراً	٢٠٤٥ - ديناراً
الربح / الخسارة						

(أ) في أي ٣ أشهر كان الدخل أكبر من الإنفاق؟ (إرشاد: استخدم القيمة المطلقة).

(ب) حدد في نهاية السنة مقدار الربح أو الخسارة.

(١١) أجب بصح أو خطأ مستخدماً خواص القيمة المطلقة.

(أ) $|9 \times 7| = |9 \times 7|$ (ب) $|9 - 1| = |9 - 1|$

١٩

(ج) $21 = |(4 - 7) \times (-)|$ (د) $|\frac{4}{7}| = |\frac{4}{7}|$

(هـ) $|\frac{7}{3}| = |\frac{7}{3}|$ (و) $|5 - | = |\frac{45}{9}|$

(١٢) (أ) أوجد قيمة $|س - 3|$ إذا كانت $س = 5$

(ب) أوجد قيمة $|س - 3| + 7$ إذا كانت $س = -4$

(ج) أوجد قيمة $|س \times 3 - 5|$ إذا كانت $س = 2$

(١٣) حل المعادلات الآتية:

(أ) $|س - 3| = 7$

(ب) $|س + 2| = 3$

(ج) $|س + 5| = -4$

(١٤) التحضير للاختبار حل المعادلة $|س + 4| + 3 = 5$ هو:

(أ) $2, 0, 5$ (ب) $2, 0, 5$ (ج) $2, 0, 5$ (د) $2, 0, 5$

٢٠

أهداف الدرس

- في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:
- ينفذ عمليات على الأعداد الحقيقية، ويستخدم خواص الأعداد الحقيقية.

المصطلحات الأساسية

- خاصية الإبدال، خاصية التجميع، خاصية توزيع الضرب على الجمع، خاصية توزيع الضرب على الطرح.

الأدوات المستخدمة

- آلة حاسبة

العمليات على الأعداد الحقيقية وخواصها

Operations with Real Numbers and Their Properties

٦-١

سوف تتعلم تنفيذ عمليات على الأعداد الحقيقية. استخدام خواص الأعداد الحقيقية. استخدام خواص الأعداد الحقيقية. من الاستخدامات يستخدم علماء الفضاء خواص الأعداد الحقيقية لتبسيط تعابير عددية وحل معادلات متعلقة بحركة الكواكب والنجوم.

سوف تتعلم تنفيذ عمليات على الأعداد الحقيقية وتستخدم خواصها. استكشف العمليات على الأعداد الحقيقية الأدوات المستخدمة: آلة حاسبة

أدخل $8 + 4 + 12$ على الآلة الحاسبة. ما هو الناتج؟ هل تبدأ الآلة الحاسبة بعملية الجمع أو القسمة؟

أدخل $8 - (4 + 12)$ في رايتك، ما هي العملية التي ستبدأ بها الآلة الحاسبة؟ اذكر أي العمليات يجب إجراؤها أولاً على كل من:

(أ) $3 \times 2 + 1$ (ب) $4 \div 3 - 15$ (ج) $2 = (1 - 3)$

تعلم العمليات على الأعداد الحقيقية وخواصها

تحقق العمليات على الأعداد الحقيقية خواص الإبدال، التجميع، وتوزيع الضرب على الجمع، وعلى الطرح. إذا فرضنا أن a ، b ، c أعداد حقيقية فإن:

خاصية الإبدال لعملية الجمع $a + b = b + a$
 خاصية الإبدال لعملية الضرب $a \times b = b \times a$
 خاصية التجميع لعملية الجمع $(a + b) + c = a + (b + c)$
 خاصية التجميع لعملية الضرب $(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$
 خاصية توزيع الضرب على الجمع $a \times (b + c) = a \times b + a \times c$
 خاصية توزيع الضرب على الطرح $a \times (b - c) = a \times b - a \times c$

يمكنك تبسيط التعابير العددية باستخدام خواص العمليات: الإبدال، التجميع، التوزيع.

مثال (١)
 بسط $\left(\frac{1}{10} + \frac{2}{5} + \frac{8}{10}\right) \times \frac{5}{3}$
 خاصية الإبدال $\left(\frac{1}{10} + \frac{8}{10} + \frac{2}{5}\right) \times \frac{5}{3} = \left(\frac{1}{10} + \frac{8}{10} + \frac{4}{10}\right) \times \frac{5}{3}$
 خاصية التجميع ثم تبسيط $\left(\frac{1}{10} + \frac{12}{10}\right) \times \frac{5}{3} = \frac{13}{10} \times \frac{5}{3} = \frac{13}{6}$
 الاختصار $\left(\frac{1}{10} + \frac{12}{10}\right) \times \frac{5}{3} = \frac{13}{10} \times \frac{5}{3} = \frac{13}{6}$
 خاصية توزيع الضرب على الجمع على الاختصار $\left(\frac{1}{10} \times \frac{5}{3}\right) + \left(\frac{12}{10} \times \frac{5}{3}\right) = \frac{1}{6} + 2 = \frac{13}{6}$



المصطلحات الأساسية

خاصية الإبدال

The Commutative Law

خاصية التجميع

The Associative Law

خاصية توزيع الضرب على الجمع

The Distributive Law of Multiplication Over Addition

خاصية توزيع الضرب على الطرح

The Distributive Law of Multiplication Over Subtraction

إجابات «استكشف»

- ١٢، ٥، تبدأ الآلة الحاسبة بعملية القسمة.
- ستبدأ الآلة الحاسبة بعملية الجمع.
- (أ) الضرب (ب) القسمة (ج) الطرح

٢ - التعليم

أمثلة بديلة

$$\textcircled{1} \text{ بسط: } \left(\frac{2}{16} - \frac{1}{4} + \frac{5}{8}\right) \times \frac{4}{3}$$

$$\text{توحيد المقام} \quad \left(\frac{2}{16} - \frac{4}{16} + \frac{10}{16}\right) \times \frac{4}{3} =$$

$$\text{خاصية التجميع} \quad \left(\frac{2 - 4 + 10}{16}\right) \times \frac{4}{3} =$$

$$\text{الاختصار} \quad \left(\frac{12}{16}\right) \times \frac{4}{3} =$$

$$\text{التبسيط} \quad \frac{3}{4} \times \frac{4}{3} =$$

$$1 =$$

مراجعة

أوجد الناتج:

- (أ) $(7-) + 7 + 7-$
- (ب) $(15-) + 78-$
- (ج) $(6-10)3-$
- (د) $(6-) \times (3-) + 10 \times 3-$

١ - التمهيد

استكشف

الغاية

التعرف على ترتيب إجراء العمليات على الأعداد الحقيقية.

التقييم المستمر

تحقق من أن الطلاب يجيدون استخدام الآلة الحاسبة.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

أوجد ناتج: $4 \times (3 - 15)$ ٤٨ $4 \times 3 - 4 \times 15$ ٤٨

المتابعة

اسأل الطلاب عن رأيهم في إجابات السؤال ٣.

قد تختلف الإجابات

٢ أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$\left(\frac{1}{4} + 3\right) \times 8 - 3, \bar{3} \div \sqrt[3]{36} \times 5$$

$$\text{بما أن } \sqrt[3]{36} = 3, \bar{3}, 6 = \bar{3} \times 2$$

$$\text{فيكون } \left(\frac{1}{4} + 3\right) \times 8 - 3, \bar{3} \div \sqrt[3]{36} \times 5$$

$$\text{تبسيط الضرب } \left(\frac{1}{4} + 3\right) \times 8 - \frac{1}{3} \div 6 \times 5 =$$

$$\left(\frac{1}{4} + 3\right) \times 8 - \frac{1}{3} \div 30 =$$

تحويل القسمة إلى ضرب بالمعكوس

$$\text{تبسيط الضرب } \left(\frac{1}{4} + 3\right) \times 8 - \frac{3}{10} \times 30 =$$

وتوحيد المقام

تبسيط الضرب

تبسيط الجمع

$$\frac{13}{4} \times 8 - 9 =$$

$$26 - 9 =$$

$$17 =$$

إجابات «حاول أن تحل»

١ (أ) $\frac{33}{15}$ (ب) صفر (ج) ١٢

٢ ٧, ٤٥

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

إجابات «تحقق من فهمك»

١ إذا كان التعبير العددي يحتوي فقط على عمليات جمع

وطرح أو عمليات ضرب وقسمة.

٢ لا، مثلاً: $3 - 5 = 2$, $3 - 2 = 1$, $5 - 3 = 2$, $2 - 2 = 0$.

تقييم بديل

دع الطلاب يعملون في مجموعات كل منها يتألف من ٣ طلاب لإعطاء أمثلة والعمل عليها باستخدام أولويات العمليات وخواصها.

حاول أن تحل

١ أوجد الناتج في أبسط صورة

$$(1) \frac{1}{15} + \frac{2}{5} + \frac{3}{10} \quad (2) (2-2) \times 9 \quad (3) \frac{4}{5} \div \frac{1}{13} \times \frac{3}{7}$$

يمكنك تبسيط التعبيرات العددية باستخدام أولويات وهي:

(أ) تبسيط العمليات داخل الأقواس.

(ب) إجراء عمليات الضرب والقسمة من جهة اليمين.

(ج) إجراء عمليات الجمع والطرح من جهة اليمين.

مثال (٢)

أوجد الناتج في أبسط صورة: $2 \times 7 - 0, \bar{3} \div \sqrt[3]{6} \times 5$

$$\text{بما أن: } \sqrt[3]{6} = 0, \bar{3}, 6 = \bar{3} \times 2$$

$$\text{فيكون } 2 \times 7 - 0, \bar{3} \div \sqrt[3]{6} \times 5 =$$

$$2 \times 7 - \frac{1}{3} \div 6 \times 5 =$$

$$\text{تحويل القسمة إلى ضرب بالمعكوس } 14 - \frac{1}{3} \div 30 =$$

$$\text{تبسيط الضرب } 14 - 3 \times 20 =$$

$$\text{تبسيط الجمع } 14 - 60 =$$

حاول أن تحل

٢ أوجد الناتج في أبسط صورة: $0,6 - 7,6 \times 0,6 \times (2,5 - \frac{1}{4})$

تحقق من فهمك

١ متى تبدأ بإجراء العمليات من اليمين إلى اليسار؟

٢ هل هناك خاصية إيدال لعملية الطرح؟ أعط مثالاً.

حل المسائل والتفكير المنطقي

١ التفكير الناقد: اكتب ثلاثة تعبيرات عددية مختلفة ناتجة كل منها يساوي واحدًا حيث يحتوي كل تعبير على العدد ٤ أربع مرات، بالإضافة إلى بعض العمليات (الجمع والطرح والضرب والقسمة).

٢ استخدم أحد القانون التالي: مع $2 \times 2 + 2 \times 2 + 2 \times 2$ لإيجاد محيط المستطيل، بينما استخدم سالم القانون: مع $2 \times (2 + 2)$. هل سالم هو على صواب؟ ولماذا؟

اختبار سريع

١ بسِّط $\frac{18}{5} \times \left(\frac{3}{6} - \frac{4}{9}\right) - \frac{1}{5}$

٢ بسِّط $\frac{1}{5} \times \frac{3}{4} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{8} + \frac{3}{8}$

٣ أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$\left(\frac{4}{5} - \frac{2}{3}\right) \div \left(\frac{3}{2} \div 6\right) - 0,5 \times 3$$

٣١,٥

تمرّن
٦-١

التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

العمليات على الأعداد الحقيقية وخواصها

Operations with Real Numbers and Their Properties

تدرّب وطبّق

(١) الخطأ: سمّ العمليات التي يجب إتقانها أولاً في كل تعبير.

(أ) $6 \times 2 - 21$ (ب) $-(30 + 80)15$ (ج) $2 \times 3 \div 48$ (د) $\frac{4 + 24}{4}$

(٢) ما الخاصية المستخدمة؟

(أ) $\frac{3}{5} + \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$

(ب) $\frac{2}{3} + (\frac{1}{3} + \frac{2}{3}) = (\frac{2}{3} + \frac{1}{3}) + \frac{2}{3}$

(ج) $(\frac{2}{3} + \frac{1}{3}) \times \frac{4}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{4}{5} + \frac{1}{3} \times \frac{4}{5}$

(٣) استخدم خاصية التوزيع لكتابة $(6 + 2) \times 5$ بدون الأقواس.

أوجد قيمة كل مما يلي بطريقتين مختلفتين.

(٤) $(10 + 8) \times 5$

(٥) $8(100 - 2)$

(٦) التسوق: قام فهد بتوفير بعض المال لشراء ألعاب تسلية. وقد وقّر $39,240$ ديناراً حتى الآن. لكن فهد مدين لكل من شقيقه التوأم بـ $5,650$ دينار لكل واحد منهما، إذا حصل فهد على مبلغ $8,500$ دينار وسدّد الدين لشقيقه. فما قيمة المبلغ المتبقي لديه؟

أوجد قيمة كل مما يلي:

(٧) $6 + (2-) \times 4 \div 16$

(٨) $(3-) \div 6 + (8-) - 14$

٢١

١ $4 \div (4 - 4 + 4)$

$(4 \div 4) + 4 - 4$

$(4 \times 4) \div (4 \times 4)$

٢ نعم، لأن $2 \times (ع + ل) = (ع + ل) \times 2$ باستخدام خاصية توزيع الضرب على الجمع.

مراجعة الوحدة الأولى (ب)

(١) حدّد ما إذا كان كل عدد مما يلي نسبياً أم غير نسبي.

(أ) $\sqrt{\frac{11}{4}}$

(ب) $\sqrt{15}$

(ج) π

(٢) أوجد كلاً مما يلي مقرباً لأقرب جزء من مئة باستخدام الآلة الحاسبة.

(أ) $\sqrt{251}$

(ب) $\sqrt{98}$

(٣) رتب الأعداد التالية: $\frac{1}{3}, \frac{1}{8}, \frac{1}{4}$ تصاعدياً باستخدام الآلة الحاسبة.

(٤) اكتب الفترة الممثلة على خط الأعداد المقابل: $\left[\frac{1}{3}, \frac{2}{3} \right)$

(٥) حل كلًا من المعادلات التالية:

(أ) $0 = |س + 7|$

(ب) $4 = |-ص - 3|$

(ج) $5 = |س - 2|$

(٦) أوجد قيمة: $|س + 5| + |س + 1| + |س - 2|$ إذا كانت $س = 3$

(٧) بسّط: $\frac{3}{4} \times (\frac{5}{16} + \frac{1}{8} + \frac{1}{2})$

(٨) بسّط: $٧ \div [2 + (7 - 6) - 20] - 14$

٢٢

(٩) $(3-) - \frac{9-18}{9}$

(١٠) $(10) - \frac{(2+9)3-}{11}$

الحس العددي: ضع الأقواس لتصبح كل عبارة أدناه صحيحة.

(١١) $31 = 1 + 3 + 24 + 100$

(١٢) $106 = 1 + 3 + 24 + 100$

(١٣) $100 = 6 \times 3 + 3 \times 5 - (14)$

(١٤) يقوم مجلس الطلبة في كل أسبوع ببيع الحلوى والشارب. كانت أرباح الشهر الماضي كما يلي: 25 ديناراً؛ $7,250$ ديناراً؛ $23,500$ ديناراً؛ $26,750$ ديناراً.

(أ) ما المبلغ الذي جمعه مجلس الطلبة خلال الشهر الماضي؟

(ب) إذا أراد مجلس الطلبة تقسيم هذا المبلغ بالتساوي على 3 جمعيات، فما قيمة المبلغ الذي سوف تحصل عليه كل جمعية؟

(١٦) العلوم: يحتوي كل $2,5$ سم^٣ من الثلج الرطب والثلج على $0,5$ سم^٣ من المياه، ويحتوي كل $2,5$ سم^٣ من الثلج المتوسط الرطوبة على $0,25$ سم^٣ من المياه، ويحتوي كل $2,5$ سم^٣ من الثلج الناعم والجاف على $0,15$ سم^٣ من المياه. إذا تساقط $12,5$ سم^٣ من كل نوع من الثلج فما كمية المياه الموجودة داخل الثلج المتساقط؟

(١٧) أوجد الناتج في أبسط صورة:

(أ) $(\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5}) \times \frac{2}{3}$

(ب) $\frac{1}{4} \div \frac{1}{5} \times \frac{4}{5}$

(ج) $[(4 - 5)2 + 5]3 - 2$

(د) $\frac{13+7}{4} - (3+2)4 - 2 - 5 \times 6$

(هـ) $9 \times 4 + 0,6 \div \sqrt{25} \times 8$

(و) $6 \times 9 - 0,7 \div \sqrt{49} \times 6$

(١٨) التحفيز للاختبار: أي مما يلي لم تستخدم خاصية التوزيع على $(أ + ب) \times (ج)؟$

(أ) $أ - ب$ (ب) $أ + ب$ (ج) $أ(ب + ج)$ (د) $(أ + ب)(ج)$

٢٢

نظام الأعداد لدى حضارة المايا

يعود نظام الأعداد في حضارة المايا إلى القرن الرابع حيث استخدموا الأساس ٢٠ كمبدأ أساسي للعدّ نسبةً إلى عدد أصابع الأيدي والأرجل لدى الإنسان. استخدموا أيضًا (٥) لتمثيل ١ إلى ٤ و (-) لتمثيل (٥). نظّموا الأعداد بحيث تكون أول خمس قيم مكانية هي ١ = (٢٠)، ٢٠ = (٢٠)، ٤٠٠ = (٢٠)، ٨٠٠٠ = (٢٠) و ١٦٠٠٠٠ = (٢٠). وكانوا أول من رمّزوا الرقم صفرًا.

صفر ٠
١ ١
٢ ٢
٣ ٣
٤ ٤
٥ ٥
٦ ٦
٧ ٧
٨ ٨
٩ ٩
١٠ ١٠
١١ ١١
١٢ ١٢
١٣ ١٣
١٤ ١٤
١٥ ١٥
١٦ ١٦
١٧ ١٧

١ كيف تكتب $2 \times 2 \times 2 \times 2$ بطريقة أخرى؟
٢ كيف تطوّرت القيم الكمانية عند شعب المايا؟

الموضوع: نظام الأعداد لدى حضارة المايا
كيفية التعامل مع هذه الصفحة

تمهد هذه الصفحة الحديث عن موضوع هذا الجزء وهو نظام الأعداد لدى حضارة المايا.

اسأل...

- هل تعرفت عبر الانترنت على حضارة المايا؟
- هل تعرفت على حضارات أخرى؟
- اطلب إلى الطلاب البحث عن تطور الأعداد عند المصريين القدماء.

إجابات الأسئلة

١ ٢

- ٢ بما أن نظام الأعداد في حضارة المايا كان يستخدم ٢٠ كمبدأ أساسي للعدّ. واستخدام (٥) لتمثيل ١ إلى ٤ و (-) لتمثيل (٥) كانوا يكتبون مثلًا العدد ٥١٢٤ على الشكل التالي:

$$٤ + ٢٠ \times ١٦ + ٢٠ \times ٢٠ \times ١٢ = ٥١٢٤$$

ويمثل هذا العدد كما يلي:

$$\equiv ٢٠ \times ٢٠ \times ١٢$$

$$\equiv ٢٠ \times ١٦$$

.... تمثل ٤

منظم الدرس

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

• يضرب القوى ذات الأساس المشترك ويقسمها.

المصطلحات الأساسية

• ضرب القوى، قسمة القوى.

قوانين الأسس
Laws of Exponents

٧-١

صلة الدرس: سبق أن تعرّفنا القوى والأسس، في هذا الدرس سوف تتعلّم ضرب القوى (الأعداد الأسية) ذات الأساس المشترك وقسمتها.

استكشف ضرب القوى وقسمتها

مكعب من الزجاج طول ضلعه ١٠ سنتيمترات.

(أ) أوجد حجم هذا المكعب؟

(ب) أوجد حجم ١٠ مكعبات؟

(ج) قال خالد إن: $10 \times 10 \times 10 = 10^3$. هل خالد على صواب؟ فسر ذلك.

تعلم قوانين الأسس

ضرب القوى ذات الأساس المشترك

تستطيع أن تكتب تعبير $3^2 \times 3^3$ باستخدام أساس واحد. لذلك

$$(3 \times 3) \times (3 \times 3 \times 3) = 3^2 \times 3^3$$

مرتان ٤ مرات

$$3^2 \times 3^3 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^5$$

ما العلاقة بين الأسس ٢، ٤، ٥، ٦. لاحظ أن: $2 + 4 = 6$.
يمكننا ضرب عددين أسيتين لهما الأساس نفسه بجمع الأسس فنستنتج أن:

$$3^2 \times 3^3 = 3^{2+3} = 3^5$$

بصورة عامة يكون القانون العام إذا كان س عددًا حقيقيًا غير صفري، فإن

$$s^a \times s^b = s^{a+b}$$
 حيث a, b عدنان صحيحان موجبان

مثال (١)

سطح كل من التعابير التالية: (أ) $(3^2) \times (3^3)$ (ب) $s^4 \times s^5$ (ج) $5^2 \times 5^3$

(أ) $(3^2) \times (3^3) = 3^{2+3} = 3^5$

(ب) $s^4 \times s^5 = s^{4+5} = s^9$

(ج) $5^2 \times 5^3 = 5^{2+3} = 5^5$

حاول أن تحل

١. يُمكنك استخدام ضرب القوى لتبسيط الأعداد:

(أ) $(7^3) \times (7^4)$ (ب) $(\frac{1}{3})^2 \times (\frac{1}{3})^3$ (ج) $(0.2)^3 \times (0.2)^4$

سوف تتعلّم
• ضرب القوى ذات الأساس
المشترك وقسمتها.

من الاستخدامات
• يستخدم علماء الفضاء
ضرب القوى ذات الأسس
الكبيرة لحساب السرعات
في الفضاء. ويستخدم
علماء الأحياء قسمة القوى
لقياس طول خلايا معينة.



المصطلحات الأساسية
• ضرب القوى
Multiplying Powers
• قسمة القوى
Dividing Powers

انتبه
 $3^2 \neq 3^3$

مراجعة

١ أوجد قيمة: (أ) 2^3 ٩ (ب) 3^4 ٨١

(ج) 2^5 ٣٢

٢ أوجد قيمة: (أ) 2^4 ١٦ (ب) 4^2 ١٦

٣ هل عملية القوة إبدالية؟ لا، مثلًا $2^3 = 8$ ، $3^2 = 9$

١- التمهيد

استكشف

الغاية

التعرف على ضرب القوى ذات الأساس المشترك.

التقييم المستمر

تأكد من أن الطلاب قد أوجدوا حجم المكعب باستخدام

القانون الصحيح.

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

اطلب إلى الطلاب إيجاد مساحة مربع طول ضلعه ٥ سم،

ثم مساحة ٥ مربعات. هل الكتابة $5 \times 5 = 35$ ؟

٢٥، ١٢٥، نعم

المتابعة:

اسأل الطلاب: هل خالد على صواب أم لا؟

إجابات «استكشف»

(أ) ١٠٠٠ سم^٣ (ب) ١٠٠٠٠ سم^٣

(ج) نعم

لأن $10 \times 10 = 100 = 10^2$

و $10 \times 100 = 1000 = 10^3$

٢ - التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ بسّط كلًّا من التعابير التالية:

$$(أ) \quad ٥^٤ = ٣+٢٤ = ٣٤ \times ٢٤$$

$$(ب) \quad {}^٨(٠, ٥-) = {}^٨(٠, ٥-) \times {}^٣(٠, ٥-) = {}^٨+٣(٠, ٥-)$$

$${}^{١١}(٠, ٥-) =$$

$$(ج) \quad ٢١٨ = ٥+١٣+٣٨ = ٥٨ \times ١٣٨ \times ٣٨$$

٢ يبلغ طول قطر الشمس حوالي $١,٣٩٣ \times ١٠^٦$ كم. حوّل هذه المسافة إلى سنتيمتر.

$$١,٣٩٣ \times ١٠^٦ \text{ كم} = ١,٣٩٣ \times ١٠^٦ \times ١٠٠٠ \text{ متر}$$

$$= ١,٣٩٣ \times ١٠^٩ \text{ سنتيمتر}$$

$$= ١,٣٩٣ \times ١٠^٩ \text{ سنتيمتر}$$

$$= ١,٣٩٣ \times ١٠^٩ \text{ سنتيمتر}$$

٣ أوجد الناتج:

$$(أ) \quad ٤^٤ = ٢-٥٤ = ٣٤ \quad (ب) \quad \frac{٧(٣-)}{٤(٣-)} = \frac{٧(٣-)}{٤(٣-)} = ٧$$

$$٣(٣-) =$$

$$(ج) \quad ٥^٦ = ٢-٧٦ = \frac{٧٦}{٢٦} = \frac{٣+٤٦}{٢٦} = \frac{٣٦ \times ٤٦}{٢٦}$$

إجابات «حاول أن تحل»

$$١ \quad (أ) \quad ٧٧ \quad (ب) \quad \left(\frac{٢-}{٧}\right) \quad (ج) \quad (٢, ٢)$$

$$٢ \quad ١٠,٨ \times ١٠^٨ \text{ كم}$$

$$٣ \quad (أ) \quad ١٠ \quad (ب) \quad (٣-)^٥ \quad (ج) \quad (٤, ٤)$$

$$(د) \quad ٤-٤$$

$$٤ \quad ٠,١٨ \text{ دقيقة}$$

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

تحقق من أن الطلاب يطبقون القوانين العامة لضرب وقسمة القوى ذات الأساس المشترك بصورة سليمة.

إجابات «تحقق من فهمك»

$$١ \quad (أ) \quad ١٦ \quad (ب) \quad \frac{٨٩}{٨}$$

مثال (٢)

يجتاز الضوء حوالي $١٠^٩ \times ٩$ كم في السنة الأرضية الواحدة. حوّل هذه المسافة إلى السنتيمتر.

$$\begin{aligned} ١٠^٩ \times ٩ \text{ كم} &= ١٠^٩ \times ٩ \times ١٠٠٠ \text{ متر} \\ &= ٩ \times ١٠^٩ \times ١٠٠٠ \text{ سنتيمتر} \\ &= ٩ \times ١٠^٩ \times ١٠^٣ \text{ سنتيمتر} \\ &= ٩ \times ١٠^{٩+٣} \text{ سنتيمتر} \\ &= ٩ \times ١٠^{١٢} \text{ سنتيمتر} \end{aligned}$$

حاول أن تحل

٢ تُعطي المسافة (م) التي يجتازها الضوء بالقانون الآتي:

$$m = c \times t \text{ حيث إن السرعة } (c) \text{ تساوي } ٣ \times ١٠^٨ \text{ كم/ثانية،}$$

أوجد المسافة إذا كان الزمن (t) = ٦×١٠^٣ ثانية.

قسمة القوى ذات الأساس المشترك: تختلف عملية قسمة القوى ذات الأساس المشترك عن عملية الضرب.

$$٢٧ = \frac{٧ \times ٧}{١} = \frac{٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧}{١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١ \times ١}$$

ما علاقة الأُسّ ٢ بالأُسّين ٣، ٥-٣، ٢. يُمكننا قسمة عدد أسّي على آخر لهما الأساس نفسه وذلك بطرح الأسس، لذا نستنتج أن $٧^{٥-٣} = ٧^٢$

وبصورة عامة يكون القانون العام:

إذا كان س عدداً حقيقياً غير صفري
فإن $\frac{س^٣}{س^٥} = س^{-٢}$ ، حيث أ، ب عدداً صحيحان موجبان

مثال (٣)

$$\text{أوجد ناتج: (أ) } \frac{٢٣}{٢٣} \quad (ب) \frac{٣(٣-)}{٣(٣-)}$$

$$(١) \quad \frac{٣٧}{٣٧} = ١ \quad (ب) \quad \frac{٣(٣-)}{٣(٣-)} = ١$$

حاول أن تحل

$$(أ) \quad \frac{١٠}{١٠} \quad (ب) \quad \frac{٣(٣-)}{٣(٣-)} \quad (ج) \quad \frac{٣(٤)}{٣(٤)} \quad (د) \quad \frac{٤}{٤}$$

أوجد الناتج.

قراءة مفيدة:
١ = ١
١ = ١
١ = ١
صحيح موجب
حيث س = صفر

٢ عند قسمة عدد أسّي على آخر لهما الأساس نفسه نستخدم طرح الأسس.

تقييم بديل

المجلة: اسأل الطلاب أن يعيدوا كتابة القانونين المتعلقين بضرب القوى ذات الأساس المشترك وقسمتها.

اختبار سريع

أوجد الناتج:

$$١ \quad ٣ \text{ س} \times ٢ \text{ س} \times ٥ \text{ س} \quad (أ) \quad \frac{٤٤ \times ٣٤}{٥٤} \quad ١٦ = ٢٤$$

$$٢ \quad ١ = ٥ \quad \frac{٤٥ \times ٣٥}{٧٥}$$

$$٤ \quad \frac{٤ \left(\frac{١}{٣} - \right) \times ٣ \left(\frac{١}{٣} - \right)}{٩ \left(\frac{١}{٣} - \right)} \quad ٩ = ٢ - \left(\frac{١}{٣} - \right)$$

١ ٤٨ × ٢٠١٠ دينار كويتي.

٢ ٢٤٥ × ٣١٠ هو العدد التقريبي للكريات الحمراء الموجودة في جسم إنسان يزن ٧٠ كيلوجراماً.

مثال (٤)

تبعد الشمس عن الأرض حوالي $1,5 \times 10^8$ كم. إذا كانت سرعة الضوء حوالي 3×10^8 كم في الدقيقة، فأوجد الزمن اللازم لكي يصل ضوء الشمس إلى الأرض، مستخدماً القانون: $\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \text{الزمن}$

$$\frac{1,5 \times 10^8}{3 \times 10^8} = \frac{1,5 \times 10^8}{3 \times 10^8} = \frac{1,5}{3} = 0,5$$

ويكون الزمن اللازم ليصل ضوء الشمس إلى الأرض ٧,٥ دقائق.

حاول أن تحل

٤ تليق أقصر مسافة بين الشمس والقمر حوالي $3,6 \times 10^8$ كم. أوجد الزمن اللازم كي يصل ضوء الشمس إلى القمر.

تحقق من فيديو

- ١ أوجد قيمة كل مما يأتي:
(أ) $7 + 3(1)$ (ب) $7 \left(\frac{1}{3}\right) \times (2 + 3)$
- ٢ اذكر الحالة التي تستخدم فيها طرح الأسس؟

إستراتيجيات حل المسائل

- ابحث عن النمط.
- نظم قائمة.
- اعمل جدولاً.
- خذ وتحقق.
- اعمل بطريقة عكسية.
- استخدم التفكير المنطقي.
- ارسم تمثيلاً بيانياً.
- حل مسألة أبسط.

حل المسائل والتفكير المنطقي

١ تحتوي القشرة الأرضية على حوالي 12×10^{12} طن متري من الذهب. تبلغ قيمة الطن المتري من الذهب حوالي ٤٠ مليون دينار كويتي (إحصائيات سنة ٢٠٠٠). ما القيمة التقريبية للذهب الموجود في القشرة الأرضية بالدينار الكويتي؟

٢ يحتوي جسم الإنسان على حوالي 7×10^{11} ميكرو لتر من الدم لكل كيلوجرام واحد من وزن الجسم، وتوجد في كل ميكرو لتر 5×10^5 من الكريات الحمراء. أوجد العدد التقريبي للكريات الحمراء الموجودة في جسم إنسان يزن ٧٠ كيلوجراماً.

تمرّن ٧-١

التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

قوانين الأسس
Laws of Exponents

تدرّب واطّق

١ (أ) أجب عن الأسئلة التالية لإيجاد قيمة ٨.

(أ) ما الأساس؟

(ب) ما الأس؟

(ج) كم مرة تستخدم ٨ كعامل؟

(د) اضرب.

أوجد قيمة كل مما يلي:

$7(2)$	$7(3)$	$7(4)$
$7(5)$	$7(6)$	$7(7)$
$7(8)$	$7(9)$	$7(10)$
$7(11)$	$7(12)$	$7(13)$
$7(14)$	$7(15)$	$7(16)$

١٦ أنماط: أكمل الجدول التالي، اذكر أي أنماط تراها. كوّن تعميماً إن أمكنك ذلك.

العدد	الصورة الأسية	عدد الأصغر بالعدد
١	10^0	٠
١٠	10^1	١
١٠٠	10^2	٢
١٠٠٠	10^3	٣

- (١٧) أوجد الناتج لكل مما يلي في أبسط صورة:
- (أ) 24×24 (ب) $(\frac{1}{3}) \times (\frac{1}{4})$
- (ج) $2(2) \times 2(2)$ (د) $2(0,3) \times 2(0,3)$
- (هـ) $2(\frac{1}{3}) \times 2(\frac{1}{4})$ (و) $2(0,5) \times 2(0,5)$

- (١٨) أوجد الناتج لكل مما يلي في أبسط صورة:
- (أ) $\frac{3}{3}$ (ب) $\frac{3}{3}$
- (ج) $\frac{3(7)}{3(7)}$ (د) $\frac{3(7)}{3(7)}$
- (هـ) $\frac{3(7)}{3(7)}$ (و) $\frac{3(7)}{3(7)}$

- (١٩) أوجد الناتج لكل مما يلي في أبسط صورة:
- (أ) $\frac{3 \times 3}{3}$ (ب) $\frac{3 \times 3}{3}$
- (ج) $\frac{3 \times 3}{3}$ (د) $\frac{3 \times 3}{3}$

(٢٠) يبعد القمر عن الأرض حوالي $3,84 \times 10^8$ كم. إذا كانت سرعة الضوء حوالي 3×10^8 كم في الثانية الواحدة، ما الزمن اللازم كي يصل ضوء القمر إلى الأرض؟

(٢١) يقدر وزن الأرض بحوالي $5,98 \times 10^{24}$ كيلوجرام في حين يبلغ وزن إحدى المركبات الفضائية مع وقودها حوالي $2,392 \times 10^7$ كيلوجرام. كم مرة يزيد وزن الأرض عن وزن المركبة الفضائية؟

- (٢٢) التحضير للاختيار الصورة الأسية لـ $(2) \times (2) \times (2) \times (2)$ هي:
- (أ) $2-4$ (ب) $2(2-)$ (ج) $2(2)$ (د) $2(2-)$

٢ - التعليم

تعلم

لكي تغير من الصورة العلمية إلى الشكل النظامي حرك الفاصلة العشرية نحو اليمين بعدد من المنزلات تبعاً لأس العدد ١٠.

أمثلة بديلة

١ الإسبانية هي اللغة الرسمية لإسبانيا إلى جانب معظم دول أميركا اللاتينية وعلى مستوى العالم يوجد حوالي ٢٩٧ مليون شخص يتكلمون بالإسبانية.

اكتب هذا العدد في الشكل النظامي وفي الصورة العلمية.

في الشكل النظامي تكتب ٢٩٧ مليوناً كالتالي:

٢٩٧ ٠٠٠ ٠٠٠ ، في الصورة العلمية تكتب ٢٩٧ مليوناً

كالتالي $٢,٩٧ \times ١٠^٨$

٢ يقع كوكب المريخ Mars على بعد حوالي ٢٢٨ مليون كم تقريباً من الشمس. ما بعده بالمتراً؟

$٢٢٨٠٠٠٠٠٠٠ = ٢,٢٨ \times ١٠^٨$ كم $٢,٢٨ \times ١٠^٨$ متر.

٣ في ما يلي قراءات على آلة حاسبة توضح أرقاماً في الصورة العلمية. اكتب هذه الأرقام بالشكل النظامي.

(أ) $١٢ E٧,٤$ (ب) $١١ E٤,٣٧$

(ج) $١٣ E٥,٧-$

(أ) $١٢ E٧,٤ = ١٢٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٧,٤$

$١٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٧,٤ =$

$٧٤٠٠٠٠٠٠٠٠٠ =$

(ب) $١١ E٤,٣٧ = ١١٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٤,٣٧ =$

$١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٤,٣٧ =$

$٤٣٧٠٠٠٠٠٠٠٠ =$

(ج) $١٣ E٥,٧- = ١٣٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٥,٧- =$

$١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٥,٧- =$

$٥٧٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠- =$

تعلم

غالباً ما يستخدم العلماء قوى العدد ١٠ في وصف معالم الأرض للتعبير عن الأعداد الكبيرة في الصورة العلمية. وفي الصورة العلمية يكتب العدد كقوى للعدد ١٠ مضروباً في عدده قيمته المطلقة أصغر من ١٠ وأكبر من أو تساوي ١.

$$١١٠ \times ٢,٨٧ = ٢٨٧- \quad ١١٠ \times ٤,٥٦ = ٤٥٦٠٠٠٠٠٠٠$$

لكي تكتب عدداً كبيراً في الصورة العلمية، بسهولة، حرك الفاصلة العشرية حسب التعريف، واحسب كم منزلة عشرية تحركت، واكتب هذا كقوى للعدد ١٠. السبب في هذا هو أنّ التحرك إلى اليسار منزلة واحدة هو نفسه مثل القسمة على ١٠.

تحريك الفاصلة العشرية منزلة واحدة إلى اليسار $١١٠ \times ٢٠٥,٣ = ٢٠٥٣$

تحريك الفاصلة العشرية منزلة أخرى إلى اليسار $١١٠ \times ٢٠,٥٣ =$

إنها الآن في الصورة العلمية $١١٠ \times ٢,٠٥٣ =$

مثال (١)

أوسع لغات التخاطب انتشاراً في العالم هي ماندارين، اللغة الأساسية في الصين، ويُقدَّر أنّ ٨٤٤ مليوناً من البشر يتخاطبون بها كلغتهم الأساسية. اكتب هذا العدد في الشكل النظامي وفي الصورة العلمية.



في الشكل النظامي تكتب ٨٤٤ مليوناً كالآتي: ٨٤٤٠٠٠٠٠٠ .

وفي الصورة العلمية تكتب

٨٤٤ مليوناً كالآتي: ٨٤٤×١٠^٦

حاول أن تحل

١ اكتب الأعداد التي تُمثل الذين

يتكلمون اللغة الآرية في الشكل

النظامي وفي الصورة العلمية.

(أ) الإنجليزية: ٣٢٦ مليوناً من البشر.

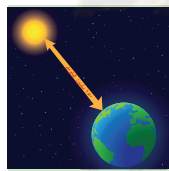
(ب) الألمانية: ٩٨ مليوناً من البشر.

(ج) العربية: ١٩٥ مليوناً من البشر.

بعض الأعداد أكبر من أن تظهر بكلّ أرقامها على شاشة العديد من الآلات الحاسبة، وبعض الآلات الحاسبة تُظهر مثل تلك الأعداد أياً في الصورة العلمية.

هل يوجد حوالي ١٠٠٠ لغة مختلفة للتخاطب في جنوب شرق آسيا.

مثال (٢)



تبعد الأرض حوالي ١٥٠ مليون كيلومتر عن الشمس، ما هي هذه المسافة بالأمتار؟ أدخل بالآلة الحاسبة ثم اضرب في ١٠٠٠ سطره على الشاشة $١٠^٨$ أو $١٠^٨$.

تبعد الأرض $١٠^٨$ متر عن الشمس.

حاول أن تحل

٢ قُدِّرَت درجة حرارة باطن الشمس بـ ١٥٥ مليون درجة مئوية. أوجد طريقتين على الأقل لإدخال هذا العدد إلى الآلة الحاسبة.

مثال (٣)

في ما يلي قراءات الآلة الحاسبة موضحة الأعداد في الصورة العلمية. اكتب هذه الأعداد في الشكل النظامي.

(أ) $١١ E٨,٧$ (ب) $١٠ E٥,٤٥$ (ج) $١٥ E٤,٥-$

$١١٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٨,٧ =$ تعني $١١٠ \times ٨,٧$

$٨٧٠٠٠٠٠٠٠٠٠ =$

(ب) $١٠ E٥,٤٥$ تعني $١٠ \times ٥,٤٥ =$

$٥٤٥٠٠٠٠٠٠٠٠ =$

(ج) $١٥ E٤,٥- = ١٥٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ \times ٤,٥- =$

$٤٥٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠- =$

حاول أن تحل

٣ اكتب الأعداد الظاهرة على الآلة الحاسبة في الشكل النظامي.

(أ) $١٠ E٩,٦$ (ب) $١٢ E٣,٨١٢-$ (ج) $١٣ E١,٠٢$

تحقق من تفهيم

- هل يوجد عدد لا يمكن تمثيله في الصورة العلمية؟
- ماذا يعني تحريك الفاصلة العشرية إلى اليسار؟
- العدد المكتوب في الصورة العلمية له عاملان، صف كلًّا من العاملين.

إجابات «حاول أن تحل»

الصورة القياسية	الصورة العلمية
٣٢٦٠٠٠٠٠٠٠	$٣,٢٦ \times ١٠^٨$
٩٨٠٠٠٠٠٠٠	$٩,٨ \times ١٠^٧$
١٩٥٠٠٠٠٠٠٠	$١,٩٥ \times ١٠^٨$

١٥ $\times ١٠٠٠٠٠٠٠ \times ١,٥ \times ١٠^٧$

١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ (أ)

٣ ٨١٢٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ (ب)

١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ (ج)

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

اطلب إلى الطلاب توضيح كيف يعلمون بأن إجاباتهم صحيحة.

إجابات «تحقق من فهمك»

١ نعم، صفر

٢ إجابة محتملة: قسمة العدد على قوى ١٠.

٣ القيمة المطلقة لأحد العوامل أكبر من أو يساوي ١

وأصغر من ١٠ والعامل الآخر قوى للعدد ١٠.

تقييم بديل

التقييم الذاتي: اسأل الطلاب عما تعلموه عن الصورة العلمية. هل كان هناك أسلوب معين ساعدهم على تعلم المفاهيم؟ هل كان هناك أي شيء أعاق بصفة خاصة فهم الدرس؟ في رأيهم ما الذي هم ما زالوا بحاجة إلى تعلمه عن الصورة العلمية؟ قل لهم أنه في الدرس التالي سيتعلمون الصورة العلمية للأعداد الصغيرة جدًا.

اختبار سريع

١ اكتب بالصورة العلمية عدد الثواني في ثلاثة أشهر.

$٧٧٦,٧٧٦ \times ١٠^٧$

٢ أوجد ناتج التعبير التالي: $٥,٢ \times ١٠^٢ \times ٢٠٠ \times ١٠^٥$

$١٠^٥ \times ١٣١٠$

المبرهنات لحل المسائل (٨-١)

قضى رائد فضاء روسي ٤٣٩ يومًا في الفضاء، وعاد إلى الأرض في مارس عام ١٩٩٥. (أ) كم عدد الساعات التي قضاها في الفضاء؟ اكتب إجابتك في الشكل النظامي. (ب) كم عدد الدقائق التي قضاها في الفضاء؟ اكتب إجابتك في الصورة العلمية.

افهم

١ ما المطلوب إليك إيجاده؟

خطط

٢ كيف يمكنك إيجاد عدد الساعات في:

(أ) يومين؟

(ب) ٤٣٩ يومًا؟

٣ كيف يمكنك إيجاد عدد الدقائق في:

(أ) يومين؟

(ب) ٤٣٩ يومًا؟

حل

٤ كم عدد الساعات التي قضاها رائد في الفضاء؟

٥ كم عدد الدقائق التي قضاها رائد في الفضاء؟

٦ اكتب عدد الدقائق في الصورة العلمية؟

تحقق

٧ لماذا كتبت عدد الدقائق في الشكل النظامي قبل كتابته في الصورة العلمية؟

حل مسألة أخرى

٨ تاريخ ميلاد صالح هو ٢٩ فبراير، وقد وُلِدَ في سنة كبيسة (٣٦٦ يومًا).

(أ) كم يومًا ينتظر بين تاريخ الميلاد والآخر؟ اكتب إجابتك في الشكل النظامي.

(ب) كم دقيقة تنتظر بين تاريخ الميلاد والآخر؟ اكتب إجابتك في الصورة العلمية.

حل المسائل والتفكير المنطقي

١ التوافق: نحاول عائلة حمد بيع منزلها. السعر المكتوب على ورقة ملكية العقار هو ١٠٥ ك ليفرغش ك = ١٠٠٠ دينار. (أ) بكم سيأخذ المنزل؟

(ب) ما أوجه الشبه بين هذه الصورة والصورة العلمية؟ وما أوجه الاختلاف؟

٢ المجلة: وضّح لماذا لا تُعدّ التعبيرات العددية الآتية أمثلة عن كتابة أعداد في الصورة العلمية؟

(أ) $١٠ \times ٥٢,٦$

(ب) $١٠ + ٣,٧١$

(ج) ١٠×١٠

(د) $١٠ \times ٠,٤٣$

- إستراتيجيات حل المسائل
- ابحث عن النمط.
 - نظم قائمة.
 - اعمل جدولاً.
 - خزن وتحقق.
 - اعمل بطريقة عكسية.
 - استخدم التفكير المنطقي.
 - ارسم تمثيلًا بيانيًا.
 - حل مسألة أبسط.

إجابات «المُرشد لحل المسائل»

١ إيجاد عدد الساعات والدقائق في ٤٣٩ يوماً.

٢ (أ) 2×24 (ب) 24×439

٣ (أ) $2(24 \times 60)$ (ب) $439(24 \times 60)$

٤ 10536 ساعة.

٥ 632160 دقيقة.

٦ $6,3216 \times 10^5$.

٧ لأن العمليات التي استخدمت للتوصل إلى الإجابة

أجريت على أعداد مكتوبة بالشكل النظامي، لهذا احتجنا

إلى القيام بتحويل واحد فقط.

٨ (أ) 1461 يوماً

(ب) $10384, 2 \times 10^6$

إجابات «حل المسائل والتفكير المنطقي»

١ التوصل: (أ) $105000 = 1000 \times 105$ دينار.

(ب) أوجه الشبه: أن العدد قبل الرمز «ك» سوف يُضرب

بـ 1000 ، وهي من قوى 10 . أوجه الاختلاف: أننا هنا

استخدمنا فقط 1000 ولكن بالصورة العلمية سوف

نستخدم قوى 10 .

٢ المجلة: (أ) $10 < 52, 6$

(ب) هي عملية جمع وليست عملية ضرب.

(ج) 10 ليست أصغر من 10 .

(د) $1 > 0, 43$.

تمرّن
٨-١

التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة الموجبة Scientific Notation Using Positive Integer Exponents

تدرّب وطمّن

(١) استخدم الخطوات التالية لكتابة 28 مليوناً بالصورة العلمية:

(أ) اكتب 28 مليوناً برمز العدد _____

(ب) كم منزلة يلزم تحريك الفاصلة العشرية لكتابة العدد بشكل $42, 8$ _____

(ج) أوجد الأس المجهول: $28000000 = 28 \times 10^{\quad}$ _____

(د) تحقق من إجابتك مستخدماً الآلة الحاسبة.

الدراسات الاجتماعية: اكتب تعداد السكان لعام 1994 التقريبية التالية بالصورة العلمية:

(٢) الهند: 1180 مليوناً _____ (٣) أندونيسيا: 231 مليوناً _____

(٤) باكستان: 170 مليوناً _____ (٥) البحرين: 720000 _____

الدراسات الاجتماعية: اكتب كل تعداد برمز العدد:

(٦) الصين: 110×10^8 _____ (٧) الولايات المتحدة: 1×10^8 _____

(٨) الكويت: 5×10^6 _____ (٩) جيبوتي: 64×10^4 _____

اكتب كل قراءات الآلة الحاسبة التالية برمز العدد:

(١٠) $9E9, 12$ _____ (١١) $12E3, 006$ _____

(١٢) $VE1, 8$ _____ (١٣) $4E5, 0-$ _____

٢٦

(١٤) الحس العددي: من دون الحساب الفعلي، اذكر العدد الأكبر في كل زوج. فسر إجابتك:

(أ) 4×10^3 أم 4×10^4 _____

(ب) 9×10^8 أم 9×10^3 _____

(ج) 6×10^4 أم 2×10^1 _____

(د) 9×10^9 أم 1×10^8 _____

(١٥) أوجد طريقتين على الأقل لإدخال $4, 65$ ملياراً إلى الآلة الحاسبة.

(١٦) العلوم: طول قطر الأرض 128×10^6 كيلو متر، طول قطر المشتري $1, 43 \times 10^4$ كيلو متر. بكم يزيد

طول قطر المشتري عن طول قطر الأرض؟ فسر كيف توصلت إلى إجابتك.

(١٧) التحضير للاختبار العدد المكتوب بالصورة العلمية فيما يلي هو: _____

(أ) $4 \times 10^6, 95$ (ب) 956×10^0 (ج) $11, 000 \times 10^0$ (د) $3, 458 \times 10^0$

٢٧

منظم الدرس

أهداف الدرس

في نهاية الدرس يكون الطالب قادرًا على أن:

- يحول الأعداد الصغيرة ما بين الشكل النظامي والصورة العلمية.

المصطلحات الأساسية

- أسس سالبة.

الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة السالبة

٩-١

Scientific Notation Using Negative Integer Exponents

صلة للدرس في الدرس السابق كتبت الأعداد الكبيرة بالصورة العلمية مستخدمًا الأسس الصحيحة الموجبة، وفي هذا الدرس سنتعلم كيفية كتابة الأعداد الصغيرة جدًا بالصورة العلمية مستخدمًا الأسس الصحيحة السالبة.

استكشف الأسس الصحيحة السالبة

أنماط في كل مكان
الكسور الآتية كتبت كسائل قسمة غير عنها باستخدام الأسس تم باستخدام الكسور العشرية.

العدد	الصورة العشرية	باستخدام الأسس
١٠٠	١٠٠٠	10^2
١٠	١٠٠	10^1
١	١٠	10^0
$\frac{1}{10}$	٠,١	10^{-1}
$\frac{1}{100}$		10^{-2}

المصطلحات الأساسية
أسس سالبة
Negative Exponents

- 1 استمري في الجدول حتى تصل إلى $\frac{1}{1000}$ ، صف أي أنماط تجدها.
- 2 ما الصلة بين كل عدد والذي قبله؟
- 3 عندما تتحرك إلى أسفل في عمود الصورة العشرية، ماذا يحدث للفاصلة العشرية؟
- 4 عندما تتحرك إلى أسفل في عمود استخدام الأسس، ماذا يحدث للأسس؟
- 5 صف العلاقة، إن وجدت، بين الأس وموضع الفاصلة العشرية.

مراجعة

- 1 9^0
- 2 $(7)^{-1}$
- 3 $(2)^{-3}$
- 4 2^3
- 5 $(0)^2$

صلة للدرس

أخبر الطلاب أن العلماء يستخدمون الصورة العلمية في الأعداد الصغيرة جدًا مثل قياس خلية حيوان أو نبات. الفرق بين الصورة العلمية للأعداد الكبيرة والأعداد الصغيرة هو استخدام الأس الموجب في الحالة الأولى والأس السالب في الحالة الثانية.

١- التمهيد

استكشف

الغاية

يناقش الطلاب جدولًا ليكتشفوا أنماط (قوى ١٠) مكتوبة بشكل كسر اعتيادي، أو كسر عشري.

التقييم المستمر

قد يواجه بعض الطلاب مشاكل في تفسير الأنماط في الخطوة (١). أسألهم: كيف تتغير مقامات الكسور من صف إلى آخر؟ كيف تتغير الكسور العشرية؟ وعند استخدام الأس كيف تتغير الكسور؟

للمجموعات التي تنهي عملها مبكرًا

استخدم العصف الذهني لتتعرف على مجالات التعامل.

تعلم

يُمكن استخدام الأسس الصحيحة السالبة لكتابة الأعداد الصغيرة جدًا، وذلك مثلما نستخدم الأسس الصحيحة الموجبة لكتابة الأعداد الكبيرة جدًا. لكي نكتب 0.00345 في الصورة العلمية، نحرك الفاصلة العشرية إلى اليمين حتى يبقى رقم واحد فقط غير صفري إلى يسار الفاصلة العشرية.

حسب عدد المنزلات التي تحركت بها الفاصلة العشرية. وهذا سوف يكون قوة للعدد 10 ، وحيث إنك تحركت نحو اليمين فسكون الأس سالبة، (-3)

$$0.00345 = 3.45 \times 10^{-3}$$

أمثلة

1 الحمض النووي DNA في كروموسوم كبريتا ممتد رفيع جدًا وتكسب بإحكام داخل الخلية، يلتوي ويلتف بحيث يصل إلى $\frac{1}{100000000}$ سم طولًا. عيّن عن هذا الطول في الصورة العلمية.

اكتب ١ جزء من عشرة آلاف جزء في الصورة العشرية.

$$\frac{1}{100000} = 0.00001$$

2 100000000 منزلات العشرية ٤ منزلات إلى اليمين حتى تحصل على 1.0 . الفاصلة العشرية تحركت ٤ منزلات إلى اليمين.

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$

$$\frac{1}{100000000} = 1.0 \times 10^{-8}$$



كروموسوم بشري



يُمكن للعديد من الآلات الحاسبة وضع العدد في الصورة العلمية.

مع الأعداد الصغيرة جداً. تبادل الأفكار مع زملائك في الفصل.

متابعة

ناقش الأنماط التي وجدتها الطلاب في الخطوة (٥).

إجابات «استكشف»

١ قد تختلف الأنماط.

العدد	الصورة العشرية	باستخدام الأس
١٠٠	١٠٠,٠	٢١٠
١٠	١٠,٠	١١٠
١	١,٠	٠١٠
$\frac{1}{10}$	٠,١	١-١٠
$\frac{1}{100}$	٠,٠١	٢-١٠
$\frac{1}{1000}$	٠,٠٠١	٣-١٠
$\frac{1}{10000}$	٠,٠٠٠١	٤-١٠
$\frac{1}{100000}$	٠,٠٠٠٠١	٥-١٠

٢ ناتج قسمة العدد الذي فوقه على ١٠.

٣ تتحرك الفاصلة العشرية منزلة واحدة يساراً كل مرة.

٤ الأس ينقص واحد كل مرة.

٥ إجابة محتملة: إذا كان الأس سالباً فالفاصلة العشرية

تتحرك يساراً. وتتحرك يميناً إذا كان الأس موجباً.

٢ - التعليم

تعلم

أمثلة بديلة

١ بعض الأعشية في جسم الإنسان لها سماكة

$\frac{5}{1000000}$ متر. عبّر عن هذا العدد بالصورة العلمية.

اكتبه ككسر عشري:

$$\frac{5}{1000000} = 0,0000005$$

حرّك الفاصلة العشرية ٩ منزلات إلى اليمين.

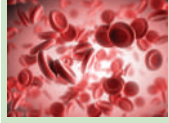
إذاً الأس هو -٩.

$$\frac{5}{1000000} = 5,0 \times 10^{-9} \text{ متر.}$$

١ يبلغ طول أنفوس حشرة (مئة أرجل) ٧ أجزاء من مئة جزء من السنتيمتر. اكتب هذا في الشكل النظامي وفي الصورة العلمية.

في الشكل النظامي نُكْتُبُ ٧ أجزاء من مئة: ٠,٠٧،
وحيث إن $٠,٠٧ = ٧ \times ١٠^{-٢}$ سم
في الصورة العلمية نُكْتُبُ ٧ أجزاء من مئة: ٧×١٠^{-٢}

٢ يبلغ قطر خلية الدم الحمراء حوالي ٧ أجزاء من مئة مليون جزء من السنتيمتر. بيّن كيف تُدخَلُ هذا العدد إلى الآلة الحاسبة.



هناك طرقٌ عديدةٌ ومختلفةٌ لإدخاله
الطريقة الأولى
0.00000007
فيظهر على الشاشة
الطريقة الثانية
يوجد في بعض الآلات الحاسبة مفتاح 10^x أو 10^y
فيظهر على الشاشة
الطريقة الثالثة
يوجد في بعض الآلات الحاسبة مفتاح 10^x أو 10^y
فيظهر 7×10^{-8}

٣ (أ) يبلغ حجم بعض الفيروسات ٣ أجزاء من المليار من السنتيمتر. اكتب هذا العدد في الشكل النظامي وفي الصورة العلمية.

(ب) بيّن كيف تُدخَلُ ٨ أجزاء من المليون إلى الآلة الحاسبة.

بعض الأخطاء تكون أصغر من أن تظهر بكل أرقامها على شاشة العديد من الآلات الحاسبة. إذاً أن تظهر رسالة خطأ Error على الشاشة أو تظهر الأعداد عليها ألياً في الصورة العلمية.

تحقق من فهمك

- قيم تشابه كتابة عدد صغير أو عدد كبير بالصورة العلمية؟ وفيه تختلف عنها؟
- لماذا يُكافئ تحريك الفاصلة العشرية إلى اليسار، الضرب في قوى للعدد ١٠ بأسس سالبة؟ ما العمليات الأخرى التي تُكافئ الضرب في قوى للعدد ١٠ بأسس سالبة؟ الشرح ذلك.
- لديك عدد صغير مكتوب بالصورة العلمية. إذا كتبت نتائج ضرب عاملين؛ فصف كلاً من العاملين.

التاريخ الهجري: التاريخ الميلادي:

الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة السالبة Scientific Notation Using Negative Integer Exponents

تدرّب وتطبّق

(١) استخدم الخطوط التالية لكتابة الكسر العشري ٣٥ جزءاً من مائة ألف بالصورة العلمية:

- اكتب ٣٥ جزءاً من مائة ألف بـرمز العدد.
- كم منزلة يلزم أن تتحركها الفاصلة العشرية؟ وفي أي اتجاه؟
- أوجد الأس المجهول: $٠,٠٠٠٣٥ = ٣٥ \times ١٠^{-x}$.
- تحقق من إجابتك باستخدام الآلة الحاسبة.

اكتب كلاً من الأعداد التالية بالصورة العلمية:

- أربعون جزءاً من مليون.
- أربعائة وخمس وخمسون جزءاً من المائة ألف.

العلوم: في ما يلي الأطوال التقريبية لبعض الكائنات الدقيقة، اكتب كلاً منها بالصورة العلمية:

- برغوث الماء: ٠,٠١٩٨١ سم.
- يوجلينا (نوع من العناكب): ٢٥٤ جزءاً من الألف من المليمتر.
- ميكوبلازما ليدلاوي: ٠,٠٠٠٠٠٠٦٤٥ متر.
- براسميوم: ٠,٠٠٠٠٠٧ متر.

القياس: اكتب كل كمية بـرمز العدد:

- وزن أصغر ثديي أكل للحشرات: ٢×١٠^{-٦} كجم.
- مستعمرة من بكتيريا ٣٩H: $١,٠ \times ١٠^{-١١}$ متر.
- نانو ثانية: $١٠^{-٩}$ ثانية.

(١١) العلوم: يمكن للعين البشرية الدوران بقوس مقداره $٠,٠٠٣$ في ١١ دقيقة. اكتب هذا العدد بالصورة العلمية.

٢ اكتب ٢٣ جزء من المليون بالصورة العلمية.
اكتبه ككسر عشري. حرك الفاصلة العشرية ٥ منازل إلى اليمين = $0,000023 = 2,3 \times 10^{-5}$.

٣ يبلغ قطر رأس المسامير تقريباً جزءاً من الألف من المتر. اكتب هذا العدد بالشكل النظامي والصورة العلمية.

بالشكل النظامي: $0,001 = \frac{1}{1000}$
بالصورة العلمية: 1×10^{-3}

٤ يبلغ طول جزئية الحمض النووي حوالي ٢ جزء من المليون ملليمتر. اذكر عدة طرائق لإدخال هذا العدد في الآلة الحاسبة.

(أ) أدخل $2 \div 1000000 = 0,000002$

(ب) أدخل $2 \times 10^{-6} = 0,000002$

(ج) في بعض آلات الحاسبة يوجد EE أو E

أدخل $2 EE 6 \div = 0,000002$

يعطي 2×10^{-6}

إجابات «حاول أن تحل»

١ (أ) 1×10^{-6}

(ب) 3×10^{-5}

٢ (أ) $3,0000000003 \times 10^{-9}$

(ب) $8 \div 1000000$

أو $8 \times 10^{-6} \div$

٣ - التدريب والتقييم

تحقق من فهمك

في التمرين الأول تستطيع أن تلاحظ أنه في كلتا الحالتين أس العشرة هو نفسه عدد المنازل التي تحركتها الفاصلة العشرية. مع الأعداد الكبيرة تتحرك الفاصلة العشرية إلى اليسار والأس موجب مع الأعداد الصغيرة تتحرك الفاصلة العشرية إلى اليمين والأس سالب.

اكتب كل قراءات الآلة الحاسبة الآتية بربرم العدد:

(١٢) $9 - E 9, 23$

(١٣) $8 - E 4, 004$

(١٤) $5 - E 2, 5$

(١٥) $4 - E 2, 1$

(١٦) العلوم: يوجد 3×10^3 نوع من السوس والذي هو أكبر وأكثر مجموعة في العنكبوتيات (حشرات ذات الثاني أرجل) تنوعاً، يصل طول حشرة السوس البالغة إلى $9,652 \times 10^{-2}$ سم. عبّر عن هذين العددين برمز العدد.

(١٧) الحس العددي: باستخدام الحسب الذهني، اختر العدد الأكبر من كل زوج. فسر إجابتك.

(أ) $4,4 \times 10^4$ أم $4,4 \times 10^2$

(ب) $1,9 \times 10^{-3}$ أم $1,95 \times 10^{-3}$

(ج) $1,5 \times 10^{-2}$ أم $1,5 \times 10^{-3}$

(د) $9,8 \times 10^{-3}$ أم $1,8 \times 10^{-4}$

(١٨) أوجد طريقتين على الأقل لإدخال ٢٣ جزءاً من المليون إلى الآلة الحاسبة.

(١٩) اكتب $3,16 \times 10^{11}$ بالشكل النظامي.

(٢٠) التحضير للاختبار العدد الأكبر من واحد فيما يلي هو:

(أ) $0,351$ (ب) $2,9$ (ج) $1,00007$ (د) $0,9999$

إجابات «تحقق من فهمك»

١ تستخدم أعداد قيمتها المطلقة أكبر من أو تساوي ١ وأصغر من ١٠، ولكن استخدم أساً سالباً.

٢ لأنه إذا ضربت الكسر العشري بقوى موجبة لعشرة، تحرك الفاصلة العشرية إلى اليمين. أما إذا ضربت بقوى سالبة، تحرك الفاصلة العشرية إلى اليسار. فالقسمة بقوى موجبة لعشرة هي نفسها الضرب بقوى سالبة لعشرة.

٣ أول عامل للقيمة المطلقة ≤ 1 ولكنه أصغر من ١٠، والعامل الآخر هو عدد من قوى عشرة مع أس سالب.

اختبار سريع

اكتب التالي في الصورة العلمية:

- ١ $1,0 \times 10^{-2}$
- ٢ $1,0 \times 10^{-1}$
- ٣ $1,0 \times 10^{-3}$
- ٤ $1,0 \times 10^{-3}$
- ٥ $1,0 \times 10^{-4}$

المُرشدُ لحلّ المسائل (٩-١)

رُتب كلاً من الأعداد الآتية من الأكبر إلى الأصغر. فُتْر إجابتك.

$$^{-}10 \times 1,24 \quad ^{-}10 \times 1,89 \quad ^{-}10 \times 2,24 \quad ^{-}10 \times 1,24$$

افهم

١ هل هذه الأعداد مكتوبة في الصورة العلمية أو في الشكل النظامي؟

خطّط

٢ كيف يُمكنك تحديد ما إذا كان العدد المكتوب في الصورة العلمية سالماً أم لا؟

٣ قارن بين $^{-}10$ ، $^{-}10$ ، $^{-}10$ أي من العددين أكبر؟

٤ كيف يُمكنك استخدام الأسس لتقارن بين قوى لـ $^{-}10$ ؟

٥ قارن بين $^{-}10 \times 1,6$ ، $^{-}10 \times 2,6$ أي من العددين أكبر؟

٦ عندما تكون الأسس متساوية في العددين والعوامل الأخرى ليست سالبة، فكيف يُمكنك المقارنة بين العددين؟

حلّ

٧ استخدم فهمك للبتود ٢، ٤، ٦ لترتب الأعداد.

تحقّق

٨ كيف يُمكنك الحصول على الإجابة باستخدام طريقة أخرى؟

حلّ مسألة أخرى

٩ رُتب الأعداد من الأصغر إلى الأكبر. فُتْر إجابتك.

$$^{-}10 \times 1,9 \quad ^{-}10 \times 2,5 \quad ^{-}10 \times 2,8 \quad ^{-}10 \times 1,2$$

EV

مراجعة الوحدة الأولى

(١) إذا كانت $x = 7$ ، جد عدد طبيعي فردي $\{11 > x\}$

$$x = \{7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61, 63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 81, 83, 85, 87, 89, 91, 93, 95, 97, 99\}$$

فأوجد كلاً من:

١- مجموع $1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61, 63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 81, 83, 85, 87, 89, 91, 93, 95, 97, 99$. ماذا تلاحظ؟

حل المعادلات التالية:

$$(1) 3 - 3 = 3 \quad (2) |5 - 7| = 5$$

أوجد الناتج في أبسط صورة.

$$(3) \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}\right) \times \frac{1}{6} \quad (4) \frac{(1-5) + 2}{3 \times 12}$$

(٦) اكتب 10^4 على صورة ناتج ضرب.

(٧) اكتب $7 \times 7 \times 7 \times 7$ بالصورة الأسية.

(٨) أوجد قيمة 10^5 .

(٩) أوجد قيمة 10^3 .

(١٠) اكتب ثلاثمائة وخمسون ألفاً بالصورة العلمية.

(١١) اكتب اثنين من عشرة آلاف بالصورة العلمية.

(١٢) اكتب $10 \times 7, 25$ برمز العدد.

(١٣) اكتب $10 \times 3, 78$ برمز العدد.

(١٤) اكتب 7760000 بالصورة العلمية.

(١٥) اكتب $0,00043$ بالصورة العلمية.

(١٦) يبلغ طول قطر الأبيسا (الحيوان الأول ذو الخلية الواحدة) تقريباً ٩ أجزاء من المليون من المليمتر. عبّر عن ذلك بالصورة العلمية.

(١٧) يتدفق ٣٦٠٠٠٠٠ لتر من ماء أحد الينابيع الساخنة كل يوم. اكتب هذا العدد بالصورة العلمية.

مراجعة الوحدة الأولى (جد)

أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$(1) \left(\frac{1}{2}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) \quad (2) \frac{(1+2)}{(3+4)}$$

$$(3) \left(\frac{1}{3}\right) \times (5 + 2) \quad (4) \frac{6 \times 12}{3}$$

$$(5) \frac{2 \times (3-1)}{3} \quad (6) \frac{2(4-1)}{3}$$

$$(7) \frac{10 \times 5 \times 3}{56} \quad (8) \frac{10}{3-1}$$

اكتب كل عدد بالصورة العلمية:

(٩) في عام ٢٠٠٤ كان عدد المواطنين الكويتيين حوالي ٩٣٦٠٠٠ نسمة.

(١٠) ٢٨,٣٥ جم تساوي ٢٨٣٥,٠٠٠ طن.

اكتب القراءات التالية على الآلة الحاسبة بالصورة القياسية:

$$14E3,8 - (12) \quad 8 - E4,25 (11)$$

$$10 - E6,25 (13)$$

(١٤) رتب الأعداد التالية تصاعدياً:

$$10 \times 4,23 \quad 38000 \quad 10 \times 9,37 \quad 10 \times 4,23$$

إجابات «المرشد لحل المسائل»

- ١ في الصورة العلمية.
- ٢ إذا كان الأساس موجباً (العدد من قوى ١٠) والعامل الآخر سالباً، فإن العدد يكون سالباً.
- ٣ $3^{-10} < 4^{-10}$
- ٤ إذا كان الأساس موجباً، فإن العدد الذي له أس أكبر يكون هو العدد الأكبر.
- ٥ $2^{-10} \times 1, 6 > 2^{-10} \times 2, 6$
- ٦ العدد الذي عامله أكبر يكون هو العدد الأكبر.
- ٧ $2^{-10} \times 2, 24, 3^{-10} \times 1, 24, 3^{-10} \times 1, 89$
- ٨ تغيير كل الأعداد إلى الشكل النظامي قبل المقارنة.
- ٩ $3^{-10} \times 1, 9, 4^{-10} \times 2, 5$
- ١٠ $2^{-10} \times 1, 2$

إجابات «حل المسائل والتفكير المنطقي»

- ١ التواصل: ليس مكتوباً بالصورة العلمية لأن العدد الكلي إلى يسار الفاصلة العشرية أكبر من ١٠.
- ٢ اختر إستراتيجية: شعرة الإنسان أكبر بـ ٠,١٢٣٨, ٠,٠٢ $0,1238 = 0,00762 - 0,02$
- ٣ المجلة: أكتب العددين على صورة واحدة ثم أقرن بينهما $0,00051 < 0,00056$

إستراتيجيات حل المسائل

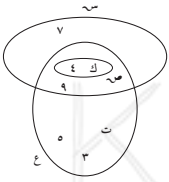
- البحث عن النمط.
- نظم قائمة.
- كون جدولاً.
- عيّن وتحقق.
- عمل بطريقة عكسية.
- استخدام التفكير المنطقي.
- رسم تمثيلاً بيانياً.
- حل مسألة أبسط.

حل المسائل والتفكير المنطقي

- ١ التواصل: قال فيد إن العدد $45,045 \times 10^{-10}$ مكتوب في الصورة العلمية. هل توافقه الرأي أو لا؟ فسّر إجابتك.
- ٢ اختر إستراتيجية: سمك شعرة الإنسان هو 2×10^{-7} سم. وسمك الورقة $7,62 \times 10^{-7}$ سم تقريباً، أيهما سمكه أكثر؟ وما الفرق بين سمكيهما؟ وضح كيف حصلت على إجابتك.
- ٣ المجلة: وضح كيف سحلتُ أيهما أكبر $0,00056$ أم $0,00051$.

٤٨

اختبار الوحدة الأولى



- ١ استخدام الشكل المقابل وكتابة مستخدماً $\in, \notin, \subseteq, \supseteq$
 - (أ) $9 \in A$
 - (ب) $7 \in B$
 - (ج) $4 \in A \cap B$
 - (د) $5 \in A$
- ٢ تكون المجموعة الشاملة من مجموعة الأعداد الطبيعية الفردية الأصغر من ١٤ $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$
 - (أ) $1 \in A$
 - (ب) $12 \in A$
 - (ج) $13 \in A$
- ٣ حلّد ما إذا كان كل متبايلي صحيحاً أم خطأ.
 - (أ) $6 > 387 > 6$
 - (ب) $6 > 567 > 7$
 - (ج) $3, 4 > 10, 357 > 3, 4$
 - (د) $0, 2 > 7, 037 > 0, 1$
- ٤ حلّد ما إذا كان كل جذر تربيعي متبايلي عدداً نسبياً أم غير نسبي.
 - (أ) $36007 - (1)$
 - (ب) $87 - (2)$
 - (ج) $6, 257 - (3)$
 - (د) $129, 67 - (4)$
- ٥ مثل الفترات التالية على خط الأعداد.
 - (أ) $[-3, 5)$
 - (ب) $(7, 3)$
 - (ج) $(-2, -5)$
- ٦ حلّ المعادلة: $3(1) + |س| = 10$ (ب) $|س| + 2 = 5$
- ٧ حلّ المعادلة $س - 2 = 4$ ثمّ تحقّق من إجابتك بتبديلها على خط الأعداد.
- ٨ حلّد قيم $س, ب$ حتى يكون للمعادلة $س - ب = 11$ حللاً واحداً فقط؟

٤٩

إجابات اختبار الوحدة الأولى

١ (أ) \supseteq (ب) $\not\supseteq$ (ج) \exists (د) \ni

٢ (أ) $\{13\}, \{3, 1\}$

(ب) $\{13, 11, 9\}, \{11, 9, 3, 1\}$

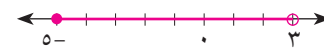
(ج) $\{11, 9, 7, 5, 3, 1\}$

٣ (أ) صح (ب) خطأ

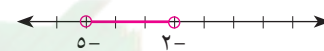
(ج) خطأ (د) صح

٤ (أ) نسبي (ب) غير نسبي


(ج) نسبي (د) غير نسبي

٥ (أ) 

(ب) 

(ج) 

٦ (أ) 3 أو -3 (ب) لا حل لها

٧ 6 أو -2 

٨ أي عدد حقيقي، $b = 0$

(ج)

٩ (أ) 12000000 ثانية

(ب)

(ب) حوالي 14 يوماً

(ب) $6 \cdot 10 \times 4, 69$

(أ) $910 \times 7, 042$

(ب) 510×3

(أ) $3 \cdot 10 \times 56$

(ج) $8 \cdot 10 \times 4$

(ب) 610×3

(أ) 1410

اختبار الوحدة الأولى

١ المعادلة $m = 2 + l$ تعطي محيطاً مستطيل بعداه (ل)، (ع).

إذا كان المحيط ٤٨، سم وأحد البعدين ١٦، سم، فأبني جملة عدديّة مما يأتي تستخدمها لإيجاد البعد الآخر؟

(ب) $4, 16 \times 2 + 14, 48 \times 2$

(ج) $4, 16 \times 2 - 14, 48 - 4, 16 \times 2$

٢ تُنتج جسم الإنسان حوالي 110×2 من الكريات الحمراء في الثانية. تيزع أخوك الأكبر بنصف لتر من دمه يحتوي على $4, 110 \times 2$ من الكريات الحمراء.

(أ) ما عدد التواني اللازم لتعويض الجسم الكريات الحمراء التي تيزع بها؟

(ب) حوّل الإجابة من التواني إلى أيام.

٣ أي من الأعداد الآتية غير مكتوب بالصورة العلميّة؟

(أ) $110 \times 11, 24$ (ب) $110 \times 2, 004$ (ج) $110 \times 12 - (3)$ (د) $110 \times 12 - (3)$

٤ اكتب بالصورة العلميّة.

(أ) 7042000000 (ب) $0,00000469$

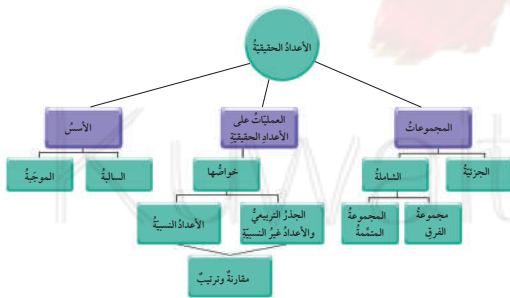
٥ أوجد الناتج.

(أ) $(8 \times 10^3) \times 8$ (ب) $7 \div (21 \times 10^3)$ (ج) $2 \div (10 \times 8)$

٦ بسّط:

(أ) $\frac{110 \times 110}{110 \times 9}$ (ب) $\frac{110 \times 27}{110 \times 9}$

مخطّط تنظيمي للوحدة الأولى



الوحدة الأولى (أ)

- مجموعة جزئية لأي مجموعتين S, T ، منه تكون S هي مجموعة جزئية من T إذا كان كل عنصر من S ينتمي إلى T ويُكتب $S \subseteq T$.
- المجموعتان متساويتان. تتساوى مجموعتان إذا كانت كل منهما مجموعة جزئية من الأخرى.
- المجموعة الخالية \emptyset هي مجموعة جزئية من أي مجموعة.
- مجموعة الفرق: $S - T$ هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى S ولا تنتمي إلى T .
- المجموعة المتممة للمجموعة S هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة الشاملة ولا تنتمي إلى المجموعة S .

الوحدة الأولى (ب)

- لكل عدد موجب s جذران تربيعيان أحدهما موجب (أساسي) \sqrt{s} والأخر سالب $-\sqrt{s}$.
- الأعداد غير النسبية هي الأعداد التي لا يمكن كتابتها على الصورة $\frac{p}{q}$.
- خواص الجذور التربيعية: $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ و $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ ، وحيث a, b أعداد موجبة، $b \neq 0$.
- الفترة: تشمل كل الأعداد الحقيقية الواقعة بين عددين ويمكن أن تشمل العددين أو أحدهما على خط الأعداد.
- الفترة المطلقة لعدد حقيقي هي المسافة على خط الأعداد بين هذا العدد والصفر.
- قوانين الأسس: $s^m \times s^n = s^{m+n}$ ، $\frac{s^m}{s^n} = s^{m-n}$ ، حيث a, b عددان صحيحان موجبان، $s \neq 0$.
- الصورة العلميّة: يُكتب العدد كقوى للعدد 10 مضروبة في عدده المطلق أصغر من 10 وأكبر من أو تساوي 1 .