

البيانات والتُمثيلات البيانيَّة ومراجعتها الحقائق

Data, Graphs and Facts Review

أصدقاء من العالم World Wide Friends



الفصل

١٥

١٥٢



قراءة التُمثيلات البيانيَّة ووضف البيانات  
ومراجعتها الحقائق  
Reading Graphs Describing Data and  
Facts Review

تبادل الرسائل بين سالم وعلي، صفحة ١٥٢

الفصل

١٦

١٦٥



صنع التُمثيلات البيانيَّة ومراجعتها  
الحقائق  
Making Graphs and Facts  
Review

دراسة حول حركة مطار الكويت،  
صفحة ١٦٥

## مَشْرُوعٌ عَمَلٍ قَرِيبٌ Team Project

### أَوْجُهُ التَّشَابُهِ وَأَوْجُهُ الإِخْتِلَافِ

### What's The Difference? What's The Same?

اللُّوَاظِمُ:  
لَوْحَةٌ جِدَارِيَّةٌ

عقد أيام الدراسة في بلدان مختلفة جلال سرك واجتمع	البلدان
١٧٣	الشمعونية
٢٠٨	بعضر
٢٤٠	العابيا
٢٠٠	مكسيكو
١٨٤	دولة الإمارات العربية
١٦٥	التونيت

ما أوجه التشابه والاختلاف بينك وبين تلاميذ الآخرين؟  
كم عقد أيام الدراسة في بلدان مختلفة؟ كيف تشابه  
أيام الدراسة؟ وكيف تختلف؟ أوجد المزيد من  
المعلومات حول هذه الأسئلة، ثم عرض نتائجك.

#### إِغْرَضْ خِطَّةً

- ماذا تريد أن تعرف عن أحوال التلاميذ من  
عُتْرِكَ في الكُوَيْتِ أَوْ غَيْرِهَا مِنْ دَوْلِ الْعَالَمِ؟
- ما مقدار المعلومات التي ستحتاج إليها لتكون  
صورةً دقيقةً حول الموضوع؟ ما مصدر هذه  
المعلومات؟
- ما أفضل طريقة لعرض المعلومات التي  
حصلت عليها؟

#### نَقِّدْ الخِطَّةَ

١. سمّ أربعة مواضيع تريد البحث عنها.
٢. ابحث عن معلومات حول تلك المواضيع.
٣. تعرف أحوال التلاميذ في مختلف دول العالم.  
كون جدولاً مماثلاً للجدول الذي قرأه أو اصنع  
تمثيلاً بيانياً تبيّن فيه نتائج أبحاثك.
٤. اصبغ النتائج المذكورة في الجدول والمتمثلة بيانياً على اللوحة الجدارية.

#### تَغْيِيرُ شَفْهِقِي

- ما أوجه التشابه والاختلاف بينك وبين التلاميذ الآخرين؟

#### قَدِّمِ المَشْرُوعَ

- قدّم نتائج أبحاثك.
- كيف بينت نقاط الاختلاف؟





قراءة التمثيلات البيانية ووصف البيانات ومراجعة  
Reading Graphs, Describing Data and الحقائق  
Facts Review



لاحة المهارات

- توفّر تقوم في هذا الفصل بـ:
- قراءة التمثيلات البيانية
  - قراءة التمثيلات البيانية بالخطوط
  - إيجاد المدى والأجوال والتوسيط
  - استكشاف المتوسط الحسابي
  - استكشاف الجذر بإيجاد القاعدة
  - حلّ المسائل باستخدام الدليل أو باختيار العملية المناسبة

يتبادل سالم، وهو تلميذ في  
مدرسة في الكويت مع علي، وهو  
تلميذ من غيره في مدرسة في  
الرياض، الرسائل حول الدراسة  
والإختانات في مدرستيهما.  
كيف تساعدك التمثيلات البيانية  
أو التمثيلات البيانية بالنقاط  
المختصة على عرض البيانات  
التي يتبادلها سالم وعلي في  
رسائلهما؟

## قراءة التمثيلات البيانية

## Reading Graphs

## تعلم

## عدّد التلاميذ في عُرب الفضل



■ = ٥ تلاميذ  
■ = تلميذتين  
■ = تلميذًا واحدًا

يساعد التمثيل البياني بالصورة على مقارنة البيانات والمعلومات. يُقدّم هذا التمثيل البياني بالصورة معلومات حول عدد التلاميذ في عُرب الفضل في عدة بلدان. يمثّل كلُّ رمزٍ ٥ تلاميذ.

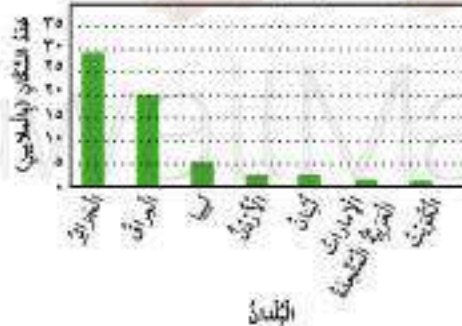
١ كم عدد التلاميذ في عُرب الفضل في دولة الكويت؟

٢ كم عدد التلاميذ في عُرب الفضل في الأردن؟

٣ عدد التلاميذ في عُرب الفضل في قطر ٢٣ تلميذًا. كيف تُمثّل ذلك على الجدول أعلاه؟

يساعد التمثيل البياني بالأعمدة أيضًا على مقارنة البيانات.

نموذج السكان في بعض الدول العربية (١٩٩٦)



تتم كل سنة دراسة عدد سكان كل دولة من الدول لمعرفة معدل النمو السكاني. أجريت دراسة لعدد سكان بعض الدول العربية خلال سنة ١٩٩٦ وتخصّصت الشايف في التمثيل البياني أعلاه.

١ عدد الدول بحسب عدد سكانها.

٢ ماذا يبيّن التمثيل البياني بالنسبة إلى عدد سكان كل من لبنان والأردن؟

## سوف تتعلم

كيفيّة استخدام التمثيلات البيانية لتحليل البيانات

العبارات والمفردات: التمثيل البياني بالصورة:

pictograph

هو تمثيل بياني تستخدم فيه الصور أو الرموز لتمثيل البيانات

التمثيل البياني بالأعمدة:

bar graph

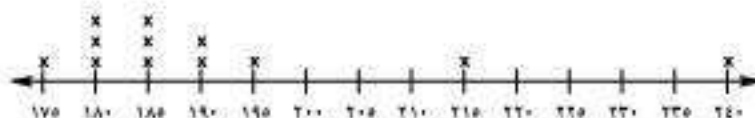
هو تمثيل بياني تستخدم فيه الأعمدة الرأسيّة أو الأفقيّة لتمثيل البيانات

التمثيل البياني بالنقاط:

المجمّعة: line plot

هو تمثيل بياني تستخدم فيه الرموز فوق خطّ الأعداد لتمثيل البيانات

يساعد التمثيل البياني بالنقاط المجموعة على مقارنة البيانات مظهرًا تجتمع المعلومات حول نقطة معينة. يبين هذا التمثيل البياني بالنقاط المجموعة عدد أيام السنة الدراسية في عدة بلدان في العالم.



عدد أيام السنة الدراسية في عدة بلدان في العالم

يُبين رسوم الـ  $\times$  الثلاثة الموضوعه فوق العدد 180 أن عدد أيام السنة الدراسية في ثلاث دول هو 180 يومًا.

- ١ كم عدد الدول التي تمحوّرت حولها الدراسة؟
- ٢ هل توجد دولة تبلغ عدد أيام السنة الدراسية فيها 195 يومًا؟

تعبير المفصّل: علام يدلّ في التمثيل البياني بالصّور الوارد على الصفحة ١٥٤؟

لاحظ

إستخدام البيانات: إستخدام التمثيلات البيانية السابقة للإجابة على السؤالين ١، ٢.

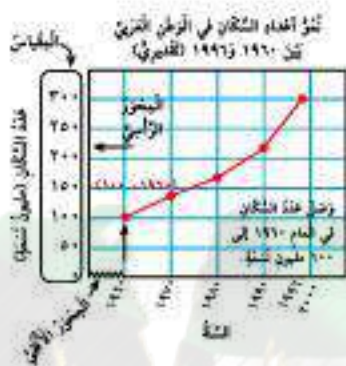
- ١ أيّ من البلدان المذكورة فيه أكبر عدد من السكان؟
- ٢ تغليب واستنتاج: متى تستخدم تمثيلًا بيانيًا بالصّور أو تمثيلًا بيانيًا بالأعمدة أو تمثيلًا بيانيًا بالنقاط المجموعة؟

KuwaitMath.com



## قِرَاءَةُ التَّمَثِيلَاتِ البَيَانِيَّةِ بِالْخُطُوطِ Reading Line Graphs

### تَعَلَّمْ



عَلِّ تَلَاخِظْ أَنَّ عَدَدَ السُّكَّانِ فِي مِثْلَتَيْكَ فِي اذْيَادٍ مُشْتَوِيَّةٍ؟ إِذَا كَانَ الْأَمْرُ كَذَلِكَ، فَهَذَا يَعْني أَنَّ كَثَافَةَ السُّكَّانِ تَرْتَفِعُ شِبْثًا قَشِيًّا فِي مِثْلَتَيْكَ.

يَبِينُ التَّمَثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْخُطُوطِ تَعَثُّرَ عَدَدِ السُّكَّانِ فِي الوَطَنِ العَرَبِيِّ بَيْنَ العَامِ ١٩٦٠ وَالعَامِ ١٩٩٦. وَهَذَا نَرَى أَنَّ عَدَدَ السُّكَّانِ زَادَ ٢٠٠ مِلْيُونِ نَسَمَةٍ بِحَالِ ٣٦ عَامًا.

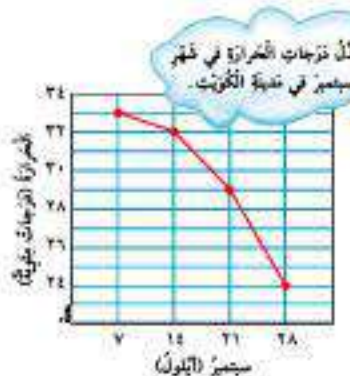
لِصِبْرِ هَفْصِيٍّ: كَمْ كَانَ تَقْرِيبًا عَدَدُ السُّكَّانِ فِي العَامِ ١٩٧٠؟ كَيْفَ عَرَفْتِ ذَلِكَ؟

### لَاخِظْ

اِسْتِخْدِمِ التَّمَثِيلَ البَيَانِيَّ بِالْخُطُوطِ إِذْنًا لِإِجَابَةِ عُلَى الْأَسْئَلَةِ ١-٣.

١ مَاذَا تُنْقَلُ الْأَعْدَادُ عُلَى المِخْوَرِ الْأَفْقِيٍّ؟ مَا المِقيَاسُ؟

٢ سَمِّ الإِخْدَائِيَّاتِ الَّتِي تُنْقَلُ مُعَدَّلُ دَرَجَةِ الحَرَارَةِ فِي ٢١ سِبْتَمْبَرِ (أَيْلُون).



٣ تَغْلِيلُ وَاسْتِشَاحُ: مَاذَا تَتَوَقَّعُ أَنَّ يَكُونُ مُعَدَّلُ دَرَجَةِ الحَرَارَةِ فِي مَدِينَةِ الكُوَيْتِ فِي ١٧ سِبْتَمْبَرِ؟

### سَوِّفْ تَتَعَلَّمْ

كَيْفِيَّةَ اسْتِخْدَامِ التَّمَثِيلَاتِ البَيَانِيَّةِ بِالْخُطُوطِ لِتَحْلِيلِ البَيَانَاتِ

العِبَارَاتُ وَالمُفْرَدَاتُ: التَّمَثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْخُطُوطِ:

### line graph

هُوَ تَمَثِيلُ بَيَانِيٍّ يَصِلُ بَيْنَ نِقَاطٍ لِيَبِينُ كَيْفِيَّةَ تَغْيِيرِ البَيَانَاتِ وَاجَابَاتِهَا

### المِقيَاسُ: scale

هُوَ أَعْدَادٌ مُتَابِعَةٌ فِي نَسَبٍ مُشَابِهٍ

### المِخْوَرُ الرُّأْسِيُّ: vertical axis

هُوَ خَطُّ أَعْدَادٍ يُلَجُّ مِنْ أَسْفَلٍ إِلَى أَعْلَى عُلَى التَّمَثِيلِ البَيَانِيِّ

### المِخْوَرُ الْأَفْقِيُّ: horizontal axis

هُوَ خَطُّ أَعْدَادٍ يُلَجُّ مِنْ الِيسَارِ إِلَى الِيَمِينِ عُلَى التَّمَثِيلِ البَيَانِيِّ

### الإِخْدَائِيَّاتُ: coordinates

هِيَ رُؤُجٌ مُرْتَبَةٌ مِنْ عَدَدَيْنِ

### مُسَاعَدَةٌ رِيَاثِيَّةٌ:

إِنَّ هَذَا الرُّنْمَ (0) يَعْني أَنَّ نَقْصَ الْأَعْدَادِ لَمْ تُذَكَّرْ عُلَى المِقيَاسِ.

## المدى والمنوال والوسيط

### Range, Mode and Median



#### تعلّم

يُعتبر ركوب الدراجات الهوائية من الرياضات المحببة لدى الأولاد.

#### مثال ١

إذا كانت أعمار ٩ فتيات كالتالي:

٣١، ٣٢، ٣٢، ٤٤، ٦٥، ٧٠، ٧٥، ٧٦

فإن:

المدى = العدة الأكبر - العدة الأصغر  
 = ٧٦ - ٣١ = ٤٥

المنوال = العدة الأكثر تكررًا في مجموعة بيانات  
 المنوال = ٣٢

يُمكن أن يكون هناك أكثر من منوال واحد.  
 نلاحظ أن عدد الأعداد المغطاة هو فردي، لذلك فإن:  
 الوسيط = العدة التي تأتي في الوسط عند ترتيب البيانات.  
 الوسيط = ٤٤

#### مثال ٢

إذا كانت أعمار ٨ أطفال مرتبة كالتالي:

٢، ٣، ٤، ٤، ٦، ٧، ٩، ٩

نلاحظ أن عدد الأعداد المغطاة هو زوجي، لذلك العدتان ٤، ٦ تأتيان في الوسط ويكون

الوسيط =  $\frac{٦+٤}{٢} = ٥$

سوف تتعلم كيفية إيجاد المدى والمنوال والوسيط لمجموعة من البيانات.

العبارات والمفردات:  
 المدى: range  
 هو الفرق بين العديتين الأكبر والأصغر في مجموعة بيانات.

المنوال: mode  
 هو العدة الأكثر تكررًا في مجموعة بيانات.

الوسيط: median  
 هو العدة التي تأتي في الوسط عند ترتيب البيانات.



نصيحة لحل المسألة:  
 لتشغيل على الوسيط، رتب الأعداد المغطاة تصاعديًا.



تذكر:  
 لتجد وسط عدو زوجي من البيانات، اجمع العديتين المتوسطين واتسهما على ٢.

تفسير شفهي: هل سيكون دائمًا إنجموعه من البيانات مدى ومتوالاً ووسيطاً؟ وضح ذلك.

### لاحظ

بين هذان التمثيلان البيانيان بالنقاط المجمعة امتداد الذراعين لدى عدو من الضبيان والنبات. كم عدد النباتات التي يصل امتداد ذراعي كل منهما إلى ١٣٦ سم؟



امتداد الذراعين عند النبات (سم)



امتداد الذراعين عند الضبيان (سم)

استخدم التمثيلين البيانيين بالنقاط المجمعة أعلاه للإجابة على الأسئلة ١-٤.

١. قارن بين مدى امتداد الذراعين لدى الضبيان بمدى امتداد الذراعين لدى النبات.
٢. أي من التمثيلين له متوالان فقط؟
٣. أي من التمثيلين أكبر، أمّ ووسيط امتداد ذراعي الضبيان أمّ ووسيط امتداد ذراعي النبات؟
٤. تعليل واستنتاج: هل للضبيان أو للنبات اشتداداً لامتداد أطول للذراعين؟



## استكشاف المتوسط الحسابي Exploring Mean

### استكشاف

يختلف طول كل واحد منا عن الآخر. إذا سألت مجموعة من زملائك في عُرْفَةِ الفضل عن أطوال قاماتهم، فسأنتي إجاباتهم مختلفة على الأرجح. تستطيع العمل على بيانات مماثلة لتجد المعدل.

### فلنعمل معا

ما طول عُرْفَةِ الفضل مُقَدَّرًا بالأمتار؟

1 اعمل مع مجموعة من زملائك لتقدير طول العُرْفَةِ.

( أ ) اطلب إلى كل واحد منهم أن يقدّر طول العُرْفَةِ بالأمتار.

( ب ) كوّن جدولًا بالتقديرات.

( ج ) أوجد ناتج جمع هذه التقديرات.

( د ) اقسّم ناتج جمع التقديرات على عدد التلاميذ في مجموعتك. تستطيع استخدام الآلة الحاسبة.



2 لقد وجدت متوسط تقدير مجموعتك لطول عُرْفَةِ الفضل. والآن قس طول العُرْفَةِ الحقيقي. قارن بين متوسط التقدير الذي وجدته وبين طول العُرْفَةِ الحقيقي.

### تصميم شفهي

3 تستطيع القول إنه عندما نجد المتوسط الحسابي، لا نعود بحاجة إلى البيانات التي استندت إليها. وضح ذلك.

4 كيف تقارن بين تقديرك وطول العُرْفَةِ الحقيقي؟ وكيف تقارن بين متوسط تقدير مجموعتك وطول العُرْفَةِ الحقيقي؟ ما سبب الاختلاف بين تقديرك ومتوسط تقدير مجموعتك؟

العلاقة بين المسائل  
كوّن جدولًا

الوِزْمُ:

■ متر تحديق أو شريط

قياسي

■ آلة حاسبة



العبارات والمفردات:  
المتوسط الحسابي:

mean

هو ناتج قسمة ناتج جمع مجموعة من الأعداد على عدد تلك الأعداد

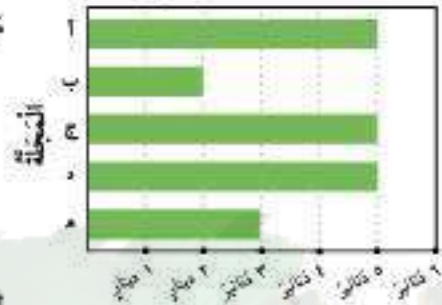
## أزيت

يبين هذا التمثيل البياني اشعار ٥ كتب.

تستطيع أن تجد متوسط ثمن تلك الكتب من خلال قسمة مجموع اثمان هذه الكتب على ٥.

٥ دنانير  
٢ دينار  
٥ دنانير  
٥ دنانير  
٣ دنانير  
٢٠ دينارًا

مبلغ الشحنة من كل كتاب



٤ دنانير

$$\frac{3 + 5 + 5 + 2 + 20}{5} = \frac{35}{5} = 7$$

أي أن المتوسط الحسابي = 7 دنانير

## تمرين

أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمودال لكل مجموعة من البيانات الآتية:

اشعار الأقراص المدمجة



1 ٥، ٧، ١٣، ٩، ٩، ١١

2 ١٩٨، ١٩٩، ٢١١، ٢٥٥، ٢٤١، ٢٠٣، ١٩٨

3 أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمودال لكل مجموعة من البيانات الواردة في التمثيل البياني بالأعمدة.

4 تفكير ناقذ: هل يمكن لمودال مجموعة بيانات أن يكون أصغر الأعداد في هذه المجموعة؟ وضح ذلك.

5 المنجّلة: أكتب مجموعة من البيانات، ثم أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمودال.

## استكشف الجبر: ما القاعدة؟ Exploring Algebra: What's the Rule?

### استكشف

ب	أ
١٢	٢
٣٠	٥
٤٨	٨
٥٤	٩
٧٢	١٢

تستطيع إيجاد القاعدة التي تربط بين الأعداد في الجدول ما.

### فلنعلم معاً

١ أوجد القاعدة لهذا الجدول.

أ) اقرأ الزوج الأول من الأعداد

وهو ٢، ١٢.

ب) ما العلاقة بينهما في رأيك؟ جرب

الجمع:  $١٢ = ١٠ + ٢$ .

ج) هل إضافة العدد ١٠ تصلح للزوج

الثاني؟  $١٥ = ١٠ + ٥$ ، وليس ٣٠.

د) عد إلى الخطوة الأولى وجرب من

جديد.

جرب الضرب هذه المرة.

هـ) هل تصلح هذه العملية للزوج الثاني؟ ما مدى صحة ذلك على الزوج

الثالث؟ والرابع؟

و) أكتب القاعدة.

٢ أوجد قاعدة كل من الجدول الثلاثة. اعمل الجدول.

ج) (ب | أ)

ب	أ
٣	١٤
٣٣	١٧
٦	١٨
٥٦	٢١
٨	٢٤

ب) (ب | أ)

ب	أ
٢	٧
٤	٩
٦	١١
٨	١٣
١٤	١٤
١٧	١٥
١٣	١٦

أ) (ب | أ)

ب	أ
١٢	٥
١٠	١٠
٢٢	١٥
٢٠	٢٠
٣٢	٢٥
٣٠	٣٠

تعبير شفهي: كم زوجاً من الأعداد عليك أن تجرب لتتأكد من صحة القاعدة؟

العلاقة لحل المسائل  
■ ابتعد عن نمط  
■ عمق ولا جف

العبارك والمفردات:  
المتغير: variable  
هو حرف يرمز مقام عدد  
أو مجموعة من الأعداد



أصبحت لحل المسائل:  
تأكد من صحة القاعدة  
بتجربتها على عدد كبير من  
أزواج الأعداد.



## إدراك

عند استخدامك جدول ما، باستطاعتك أن تذكر العلاقة بين الأعداد في العمود (ب) والأعداد في العمود (أ) بالكلمات أو باستخدام مُتغيّر ما، ن مثلاً.

٤٩	٢٨	١٤	٧	أ
٧	٤	٢	١	ب

استخدام الكلمات: اقسّم على ٧.

استخدام المُتغيّر:  $n \div 7$ .

٦	٣	١	٠	أ
٣٠	١٥	٥	٠	ب

استخدام الكلمات: ضرب في ٥.

استخدام المُتغيّر:  $n \times 5$ .

## تمرّن

أوجد قاعدة كلٍّ من الجداول. أذكر القاعدة باستخدام الكلمات واستخدام المُتغيّر.

١٠	٧	٣	١	أ
١٠٠	٧٠	٣٠	١٠	ب

استخدام الكلمات:

استخدام المُتغيّر:

٣٠	٢٤	١٥	٩	أ
١٠	٨	٥	٣	ب

استخدام الكلمات:

استخدام المُتغيّر:

اكتب كل قاعدة مستخدماً المُتغيّر.

١. عدد أكبر من عدد ما ب ٧      ٢. اقسّم عددًا ما على ١٠      ٣. ضرب عددًا ما في ١

اكتب كل قاعدة مستخدماً الكلمات.

٤.  $n + 2$       ٥.  $n - 4$       ٦.  $n \times 3$       ٧.  $n + 13$

أعمل كل جدول. أذكر قاعدة كلٍّ من استخدام الكلمات والمُتغيّر.

٩٠	٧٢	٣٦	٩	أ
	٨		١	ب

استخدام الكلمات:







استخدام المُتغيّر:

١٢	٧	٥	٤	أ
	٣٥		٢٠	ب

استخدام الكلمات:

استخدام المُتغيّر:

٨. التخصيص للهنّسة:

				أ
				ب

أوجد العلاقة بين رسومات الصف (أ) ورسومات الصف (ب).

٩. المعجزة: وضح كيف تجد قاعدة جدول ما.

## حلّ المسائل

تحليل المسائل اللفظية وتفسيرها: اختر العملية المناسبة

Analyze Word Problems: Choose an Operation

سوف تتعلم  
كيفية حل المسائل باختيار  
العملية المناسبة

### تعلم

البناتة بالأزهار والأورود تغيير عن حبنا للطبيعة ولجمال. اختار هشام بخديفة منزله  
لمدة 5 أسابيع وكان ينال من والديه كل أسبوع 6 دنانير كمكافأة لقاء  
عمله. كم كسب هشام؟



### فلنعلم معا

ليختار العملية المناسبة نذكر كما يأتي:

إضرب	اجمع
هضم مجموعات متساوية	هضم مجموعات
اقسم	اطرح
تقاسم بالتساوي	خذ
شكل مجموعات متساوية	قارن
	افصل

افهم

ما الذي تعرفه؟

ما الذي تحتاج إلى معرفته؟

كيف نجد الإجابة؟ لقد كسب المتبلغ نفسه كل أسبوع. نحتاج إلى معرفة المتبلغ  
الكلي.

خطط

ما العملية المفتاح؟ هضم مجموعات متساوية.

ما العملية التي سنستخدمها؟ الضرب:  $6 \times 5 = 30$

حل

ما الإجابة؟ لقد كسب 30 ديناراً لقاء عمله لمدة 5 أسابيع.

كيف نتحقق من مغربيت إجابتك؟

راجع وتحقق

تعبير شفهي: لنفترض أن هشاماً قد كسب 5، 6، 6، 4، 7 دنانير على التوالي  
لقاء عمله لمدة 5 أسابيع. ما العملية المناسبة التي تستطيع استخدامها لتجد كل  
المتبلغ الذي كسبه هشام؟ وضح ذلك.



اختر العمليّة المناسبة لكلّ مسألة، وامن ثمّ حلّها.  
يعمل هشام في تشحيم السيارات وغسلها. ويكسب ٣ دنانير مقابل تشحيم  
السيارة و٢ دينار مقابل غسلها.

- ١ يكسب يزيد المبلغ الذي يكسبه هشام مقابل تشحيم السيارة عن ذلك الذي يكسبه مقابل غسلها؟
- ٢ كسب هشام ١٠ دنانير مقابل غسلي السيارات فقط.  
( أ ) كم عدد السيارات التي قام بغسلها؟  
( ب ) ما المبلغ الذي سيكسبه مقابل تشحيم ٦ سيارات؟  
( ج ) ما مجموع ما كسبه هشام؟

**تخطيط**  
**حل المسائل**

- استخدام اشيء تنقل بها المسألة
- ارسم صورة
- اكتب عن تخطيط
- خسر ولا حظ
- استخدام التعليل الشليم
- تعلم لاينة
- كون جدولاً
- حل مسألة انتط
- جرب الحل التراجيح

اختر الأداة المناسبة



**حل المسائل**  
**تمرّن**

اختر العمليّة المناسبة لكلّ مسألة، وامن ثمّ حلّها.  
تملك خديجة ١٣ ذميّة، وقد وجدت أنّ عدد الذمي لديها كثير فأعطت  
جارتها علياء خمساً منها. كم ذميّة بقي لدى خديجة؟

- ١ نفوة: كسب سالم ٢٨ ديناراً من بيع ٤ شتول للزبيّة. ما قيمة الشتلة الواحدة؟
- ٢ على سلمى جياكة ١١ قميصاً. انتهت سلمى يومها وبقي عليها جياكة قميصين. كم قميصاً حاكّت سلمى؟
- ٣ الوقت: لعب خليفة مع اخيه الصغير لمدة ٣ ساعات. يستور خليفة في اللعب معه بانتظار عودة أهليه بعد ٤ ساعات. كم ساعة سيكون خليفة قد لعب مع اخيه؟
- ٤ يجب أن تُنجز ليلي حلّ ١٢ مسألة في الرياضيات، وقد انتهت حتى الآن حلّ ٥ مسائل. كم مسألة بقي عليها أن تحلّ؟

٥ استخدام النباتات: تُبيّن هذه المصفوفة عدد الأحياس الحُصار التي يتوجّب على احمد نقلها. كم عدد كلّ الأحياس؟





## صنع التمثيلات البيانية ومراجعتها الحقائق

### Making Graphs and Facts Review

يقوم المهندس فيصل  
بدراسة حول حركة الطائرات  
في الكويت، وذلك في سبيل  
تحسين أداؤها بعد زلزال  
إحدى الطائرات في ساعات  
مختلفة من اليوم الواحد. ما  
سبب ما يقوم به المهندس  
فيصل في ذلك؟ وكيف  
يسجل نتائج عمله؟



#### لاعبة المهارات

- ستوف تقوم في هذا الفصل بـ:
- تعريف المقاييس والتمثيلات البيانية بالأعمدة
  - استكشاف صنع التمثيلات البيانية بالخطوط
  - حل المسائل باستخدام التعليل السليم

## المقاييس والنمطيلات البيانية بالأعمدة

### Scales and Bar Graphs



#### تعلم

تقبل شعوب العالم على البوظة بنسب مختلفة، وتعتبر الولايات المتحدة الأمريكية في مقدمتها وتليها أستراليا. إن التمثيل البياني بالأعمدة أثناء إتيان البيانات ذاتها حول ما تستهلكه بعض الشعوب في العالم من البوظة، ولكن المقاييس فيها مختلف.

سوف نتعلم كيفية اختيار مقياس مناسب عند صنع تمثيل بياني بالأعمدة



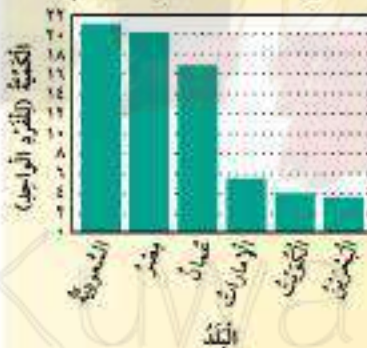
تذكر:

أن المقياس يبين ما الوحدات المستخدمة على المحور الرأسي أو الأفقي.

### مثال ١

في أي من التمثيلتين يبين المقياس كمية ما تستهلكه كل فرد من البوظة بشكلي الخردقة.

الكمية التي يستهلكها الفرد (بالكيلوجرام)



المقياس يزداد كيلوجرامين في كل مرة.

الكمية التي يستهلكها الفرد (بالكيلوجرام)



المقياس يزداد ٥ كيلوجرامات في كل مرة.

بمثل التمثيل البياني الأول على الكميات التي يستهلكها الفرد في كل من البلدان المذكورة بشكلي الخردقة.

تستطيع استخدام الأعمدة لإتيان البيانات في تمثيل بياني بالأعمدة.

## مثال ٢

اصنع تقييماً تباينياً بالأعمدة للبيانات الواردة في هذا الجدول.

تقنيات البروفة الأكثر تفضيلاً	
التقنية	عدد الأشخاص من أصل ١٠٠ شخص
التيمون	5
الشوكولا	9
القايلا	24
القراولة	5
المجموع	43

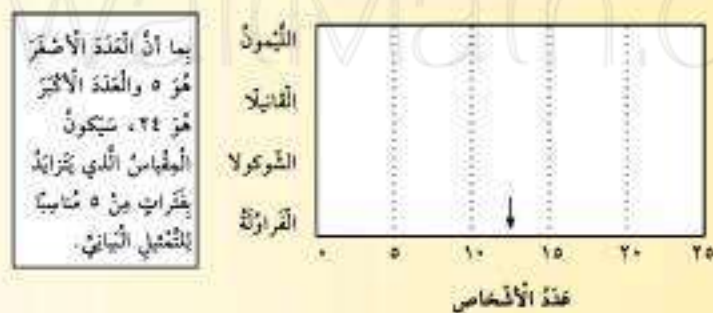
### الخطوة ١

ارسم الميزونين وبيتهما.



### الخطوة ٢

استخدم البيانات لإعداد المقياس.





الخطوة ٣  
أزعم الأعمدة.



الخطوة ٤  
اجعل شتغ التمثيل البياني زعمونة.



تصميم شفهي: هل يصلح مقياس فقرات من ٢٠ للتمثيل البياني بالأعمدة في المثال ٢٢ وضح ذلك.

لاحظ

اختر المقياس المناسب، واضع تمثيلاً بيانياً بالأعمدة مستعيناً بالبيانات الواردة في كل من الجدولين الآتيين:

٢

تغير أهم الدول العربية المنتجة للزيتون السنوي في العام ١٩٩٦	
المنطقة	الانتاج بالآلاف الأطنان
الإمارات العربية المتحدة	١٤٠
الجزائر	١٣٦
عُشَان	١١٦
تونس	٨٢

١

إنتاج الزبدة الحيوانية في البلدان العربية في العام ١٩٩٦	
البلد	تجموع الإنتاج بالمليون رأس
الأردن	٣٩
البحرين	٤
الكويت	٥٣
الإمارات	١١

## استكشاف صنع التمثيلات البيانية بالخطوط

### Exploring Making Line Graphs

#### استكشاف

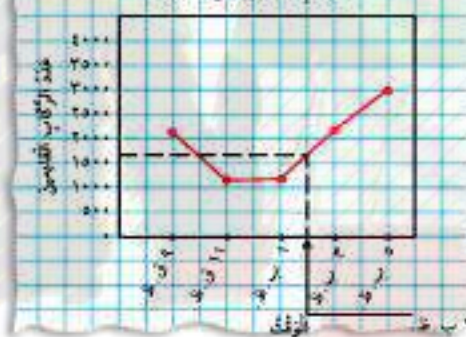
يشهد مطار الكويت حركة طيران طيلة أيام الأسبوع. ولقد تم تسجيل عدد الركاب القادمين إلى الكويت في عدد فترات من أحد أيام الأسبوع.

الساعة	٩ ص.ظ.	١١ ص.ظ.	١ ب.ظ.	٣ ب.ظ.	٥ ب.ظ.
عدد الركاب	٢٠٣٠	١١٤٠	١١٨٠	٢٠٧٠	٣٠٠٠

هل تستطيع من خلال هذا الجدول معرفة عدد القادمين إلى الكويت عند الساعة

عدد الركاب القادمين إلى الكويت

٢:٠٠ ب.ظ.



تستطيع صنع تمثيل بياني بالخطوط لتقديم عدد الركاب القادمين إلى الكويت.

#### فَلتَسْجَلْ عَنا

١ استخدام شبكة مربعات. ٢ ب.ظ.

( أ ) أكتب عنوان التمثيل البياني وارسم المحورين.

( ب ) أكتب الأوقات على المحور الأفقي.

( ج ) أوجد المدى، واختر مقياسًا مناسبًا للمحور الرأسي.

( د ) ضع نقاطًا على التمثيل البياني تمثل الأزواج المرتبة.

( هـ ) ميل بين النقاط مستخدمًا قطعًا مستقيمة.

( و ) أوجد النقطة التي تتوسط الوقتين ١ ب.ظ. و ٣ ب.ظ. على المحور الأفقي. أرسم بواسطة المسطرة خطًا رأسيًا يصل بين النقطة ٢ ب.ظ. على المحور الأفقي وبين النقطة التي تقع مباشرة فوقها على المئتي.

( ز ) أرسم بواسطة المسطرة خطًا أفقيًا يصل بين النقطة التي وجدتها على المئتي وبين المحور الرأسي على يسار تلك النقطة. سجل الإحداثيات.

٢ ما العدد التقريبي للركاب الذين وصلوا عند الساعة ٢ ب.ظ.

العلاقة يحل المسائل

- أرسم صورة
- ابحث عن نمط

اللوازم:

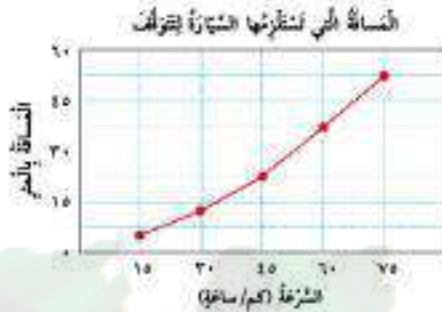
- شبكة مربعات
- مسطرة

تذكروا:

لتجد القطعة التي تمثل الزوج المرتب (٣، ٢)، نلزم مرتبين إلى المحور على المحور الأفقي، ونحرك نحو الأعلى ثلاثة مربعات على المحور الرأسي.

تعبير شفهي: أكتب كيف ساعدك التمثيل البياني بالخطوط على إيجاد عدد القادمين إلى الكؤيت الساعة ٢ ب. ظ.

### أزبط



تستطيع استخدام التمثيل البياني بالخطوط لبيّن الاتجاه أو التغيير الحاصل في البيانات بمرور الزمن. يبيّن التمثيل البياني بالخطوط أنّ المسافة التي تستقلها سيارة ما بتوقف تزداد بازدياد سرعتها. فالمسافة مثلا التي تستقلها السيارة بتوقف وشرعتها ٧٥ كم/ساعة هي ٥٣ مترا تقريبا.

### تحرّ

المسافرون من مطار الكؤيت	
عدد المسافرين	الساعة
٣٥٠٠	٥ ب. ظ.
١٣٢٠	٧ ب. ظ.
٢٦٠٠	٩ ب. ظ.
٢١٠٠	١١ ب. ظ.
١٩٠٠	١ ق. ظ.

- ١ استخدام هذا الجدول لتضغ تمثيلا بيانيا بالخطوط.
- ٢ استخدام التمثيل البياني بالخطوط لتحدد العدد التقريبي للمسافرين من مطار الكؤيت الساعة ٦ ب. ظ.

- ٣ من العلوم: يمكن أن تقطع الأمواج العاتية على سطح الماء حوالي ١٠٠٠ كم بالساعة. يتلغ ارتفاع تلك الأمواج في عرض البحر حوالي متر واحد ويزداد هذا الارتفاع ليصل إلى حوالي ٥٠ مترا إذ تتلغ هذه الأمواج الشاطيء. استخدام البيانات الواردة في الجدول الآتي لتضغ تمثيلا بيانيا بالخطوط يبيّن ارتفاع الأمواج بحسب بعدها عن الشاطيء.



يُنشَب ثوران البراكين تحت سطح الماء وكذلك الهزات الأرضية أمواجاً في البحر تُسمى تسونامي، أي أمواجاً عاتية.

المسافة عن الشاطيء (كم)	١	٥	١٠	١٥	٢٠	٢٥	٣٠
ارتفاع الأمواج (م)	٤٥	٣٢	٢٠	١٠	٥	١	١

- ١ المنجّلة: وضح كيف ساعدك التمثيل البياني بالخطوط على التوقع.



## حلّ المسائل

تخليك الخطأ: استخدام التعليل السليم

Analyze Strategies: Use Logical Reasoning

تعلم

سوف تتعلم  
كيفية حلّ المسائل  
باستخدام التعليل السليم

أنتخب أرتعة تلاميذ لإدارة فريق كرة الشطرنج في المدرسة. في الاجتماع الأول لإدارة تكلّم الرئيس أولاً ثم تكلّم التلميذ أحمد، وقد جلس سالم وصالح إلى الطاولة مقابل الرئيس ونائب الرئيس. أما شفيق طلال وهو لاعب في فريق المدرسة، فقد شغل مركز أمين الشر. صالح هو صديق طلال. ما المركز الذي شغله كلٌّ من التلاميذ الأربعة علماً أنّ التلاميذ هم الرئيس، نائب الرئيس، أمين الشر وأمين الشندوق؟



فلتخبرنا

إفهم

ما الذي نعرفه؟

ما الذي نحتاج إلى معرفته؟

خطط

كيف نجد ما نريد معرفته؟

اقرأ الدلائل بالترتيب. استخدام التعليل

السليم لتكتب ما تعرفه في الجدول.

أكتب «نعم» في الجدول إذا كان التلميذ يشغل المركز المحدد، و«لا» إذا لم يكن كذلك.

- يتكلّم الرئيس أولاً ثم يتكلّم أحمد، فأحمد ليس هو الرئيس.
- يجلس سالم اللاعب في الفريق وزميله صالح مقابل الرئيس ونائب الرئيس. إذا ليس أيٌّ منهما رئيساً أو نائباً للرئيس. بالتالي طلال هو الرئيس وأحمد هو نائب الرئيس.
- شفيق طلال هو أمين الشر. إذا سالم هو أمين الشر. ويتبقى لصالح مركز أمين الشندوق. ما الإجابة؟

التلميذ	سالم	أحمد	صالح	طلال
الرئيس	لا	لا	لا	نعم
نائب الرئيس	لا	نعم	لا	لا
أمين الشر	نعم	لا	لا	لا
أمين الشندوق	لا	لا	نعم	لا

كيف تتحقق من مغلوقة إجابتك؟

راجع وتتحقق



تعبير شفهي: كيف ساعدك التعليل السليم على حل المسألة؟

لاحظ

1 يُمارس أحمد ومحمد وخالد وجاسم رياضات السباحة والكرة الطائرة وكرة القدم وكرة السلة. يلعب محمد الكرة الطائرة. أما أحمد، فيختره الغوم. إذا كان خالد يلعب كرة القدم، فما الرياضة التي يمارسها كل من الأربعة؟  
أ) ما المعلومات التي تعرفها مباشرة من القراءة الأولى؟

ب) ما الأسئلة التي تنتظر الإجابة عليها؟ ماذا يلعب كل من أحمد وجاسم؟  
ج) ما الدليل الذي يساعدك على معرفة الرياضة التي لا يمارسها أحمد؟

د) كيف تحدد الرياضة التي يمارسها جاسم؟  
هـ) ما الرياضة التي يمارسها كل من الأربعة؟

2 يجلس أربعة زملاء حول طاولة مربعة الشكل وهم محمد ومشاري وعيسى ويوسف. أخذ هؤلاء الأربعة هو قائد فريق كرة القدم. أوجد اسم القائد علماً أنه يجلس إلى يمين محمد. أما مشاري، فيجلس قبالة محمد ويجلس عيسى إلى يمين مشاري قبالة يوسف.

KuwaitMath.com

## حلّ المسائل والتكنولوجيا Problem Solving and Technology



لا تتجاوز سرعة السيارة عادة سرعة طائرة نفاثة، إلا أنّ بعض المصانع المتطورة بدأت بتضخيم سيارات سريعة جدًا قد تظهر قريبًا في المعارض الحديثة.

أعلى معدلات سرعة مسجلة على الأرض					
السنة	١٨٩٨	١٩١٠	١٩٣٥	١٩٦٤	١٩٨٣
السرعة (كم/ساعة)	٦٣	٢١١	٤٨٤	٨٦٤	١٠١٨

إستخدام البيانات: إستخدام البيانات الواردة في الجدول لإجابة على الأسئلة ٤-١.

- ١ ما الفرق بين أول معدل سرعة مثبت في الجدول والمعدل المسجل سنة ١٩٨٣؟
- ٢ بين أي سنتين مسجلتين في الجدول حصلت أكبر زيادة في معدل السرعة؟
- ٣ من العلوم: قيست سرعة الصوت ووجد أنها نحو ١٢٠٠ كم/ساعة. كم كيلومترًا في الساعة زيادة عن السرعة المسجلة سنة ١٩٨٣، على السيارة المتجهة حديثًا أن تسجل لتكون سرعتها بسرعة الصوت؟
- ٤ القياس: يبلغ وزن السيارة المرسومتين أعلاه ١٥٠٠٠ كجم. يزيد وزن واجلتيه بينهما ٣٠٠٠ كجم عن الثانية. ما وزن كل منهما؟ أذكر الحطة التي اتبعتها لحل المسألة.

٥ المعلقة: وضح كيف يساعدك استخدام جدول على حل مسألة ما.



## موارد الوحدة السادسة Unit 6 Resources

اختر واحدة من المسائل الآتية وحلها مستخدماً ما تعلمته في هذه الوحدة.

### ١ الرياضة والتعليل السليم

حل هذه المسألة مستخدماً التعليل السليم. يهوى كل من خالد وعمر ووليد وسامي واحدة من هذه الألعاب الرياضية وهي كرة الطاولة، كرة المضرب، ركوب الدراجة، كرة السلة. يجب كل من عمر ووليد وسامي لعب الكرة. يفضل عمر اللعب في ملعب وفي يده مضرب، بينما وليد لا يحتاج إلى ملعب ولا إلى مضرب. سم الرياضة التي يهواها كل من الأربعة.



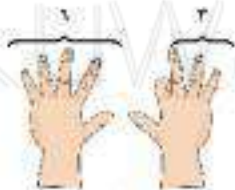
### ٢ جدول الأعمار

نشاط في المنزل: كون جدولاً بأعمار عشرة من أصدقائك أو أقرابتك أو جيرانك، ثم أوجد المدى والجوال والتوسط لمجموعة الأعمار. استخدم الآلة الحاسبة إذا رغبت في ذلك.



### ٣ فلنساعدك يداك!

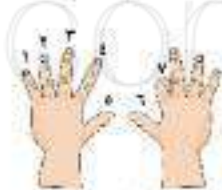
تستطيع استخدام أصابعك لتقوم بعملية الضرب في العدد ٩.



وعندما بالشيء إلى  $9 \times 7$ ، ٦ أصابع إلى يسار الأصبع المطوية لتمثل ٦ عشرات أو ٦٠ وثلاث أصابع إلى يمين الأصبع المطوية لتمثل ٣ أحاد. وبالتالي تكون الإجابة ٦٣.



لتحصل على الإجابة، انظر الأصابع إلى يسار الأصبع المطوية عشرات والأصابع التي إلى يمين الأصبع المطوية أحاداً.



بضرب  $9 \times 7$ ، عدد سبع أصابع يابسة من جنس اليد اليسرى. اطو الأصبع السابعة.

أرسم على دفترك يدين لتمثل كلاً من عمليات الضرب أدناه. سم العشرات والأحاد فوق الأصابع. أوجد بعد ذلك ناتج الضرب.

٩ × ٣ (أ)

٩ × ٩ (د)

٩ × ٨ (ج)

٩ × ٥ (ب)

٩ × ٢ (أ)

# MATHS' MAGAZINE مَجَلَّةُ الرِّيَاضِيَّاتِ



**تَرْيُّنُ جُذْرَاتِ العِدَارِيسِ** بِرَسُومَاتٍ جَمِيلَةٍ وَمُعَبَّرَةٍ .  
قَدْ تَكُونُ لَوْحَةً لِفَنَاتِ عَشُورٍ تُعَبِّرُ هُنَّ الطَّبِيعَةَ أَوْ  
تُخَكِّي قِصَّةً تَارِيخِيَّةً أَوْ تُمَثِّلُ نَشْهَدًا لِتِرَاثِ  
شِرَاعِيَّةٍ أَوْ غَيْرِ ذَلِكَ .

يَبْدَأُ التَّلَامِيذُ عَادَةً تَحْتَ إشرافِ أَسَاتِيذِهِ العُنُونِ بِرَسْمِ الأجزاءِ مِنْ  
اللُّوْحَةِ عَلَى شَبَكَاتِ مُرْتَبَعَاتٍ، ثُمَّ تُنْقَلُ هَذِهِ الأجزاءُ إِلَى  
الجِدَارِ، يَسْتَعِينُ التَّلَامِيذُ فِي عَمَلِهِمْ بِالأزْوَاجِ المُرْتَبَةِ  
(بِالأخْدَائِيَّاتِ) عَلَى الشَّبَكَةِ وَعَلَى الجِدَارِ.

جَرِّبْ مَا يَلِي:

① أُرْسَمِ شَكْلًا عَلَى شَبَكَةِ مُرْتَبَعَاتٍ مُسْتَعِيمًا هَذِهِ الإخْدَائِيَّاتِ بِالتَّرْتِيبِ .

$(2,3) \leftarrow (11,3) \leftarrow (11,2) \leftarrow (15,10) \leftarrow (13,14) \leftarrow (16,14)$   
 $(16,16) \leftarrow (12,16) \leftarrow (11,18) \leftarrow (11,17) \leftarrow (2,17) \leftarrow (2,3)$

أَوْجِدْ قُلًّا مِنْ عُلُوهِ النُّقَاطِ عَلَى شَبَكَةِ المُرْتَبَعَاتِ، ثُمَّ حِيلَ بَيْنَهَا بِحَسَبِ التَّرْتِيبِ العُصْرِيِّ. مَا الشَّكْلُ  
الَّذِي حَصَلَتْ عَلَيْهِ؟ اِسْتَعْمِدْ شَبَكَةَ مُرْتَبَعَاتٍ أُخْرَى، وَارْسَمِ الشَّكْلَ مِنْ جَدِيدٍ. هَلْ حَصَلَتْ عَلَى  
شَكْلِي مُطَابِقٍ لِلشَّكْلِ الأَوَّلِ؟ مَا أَوْجُهُ الشَّيْءِ وَالاختلافِ بَيْنَ الشَّكْلَيْنِ؟

② أُرْسَمِ شَكْلًا عَلَى شَبَكَةِ مُرْتَبَعَاتٍ مُسْتَعِيمًا فِيهِ، قِطْعًا مُسْتَقِيمَةً. سَمِّ عِدَّةَ إِخْدَائِيَّاتٍ بِنُقَاطِ  
بِالشَّكْلِي عَلَى وَرَقَةٍ أُخْرَى. تَبَادَلْ مَعَ زَمِيلِي لَكَ شَبَكَاتٍ تُمَثِّلُ أَشْكَالًا تَخْتَارُهَا، ثُمَّ قَارِنْ هَذِهِ  
الأَشْكَالَ بِالصُّوَرِ الَّتِي أُجِلَّتْ عَنْهَا.

