الوحدة الثانية

العينات
Samples

مشروع الوحدة: داء الكوليسترول

١ **مقدمة المشروع:** الكوليسترول، أو داء العصر كما يحب الكثيرون أن يسموه، ينتجه الكبد في جسم الإنسان كما أنه موجود بكميات كبيرة في المأكولات ذات المصدر الحيواني مثل: صفار البيض، الكبد، الكلية، النخاعات، الروبيان، اللحوم الحمراء، الحليب الكامل الدسم ومشتقاته... وقد أثبتت الدراسات أن ٢٠٪ من الكوليسترول ينتج من الطعام و٨٠٪ منه ينتجه الكبد في جسم الإنسان.

٢ **الهدف:** سوف تقوم بدراسة حول داء الكوليسترول: أعراض ارتفاعه وانخفاضه، تأثيره على حياة الإنسان. طرائق الوقاية لتفادي أخطاره. تأثير الوراثة والأطعمة في تصنيعه. النسبة المئوية لعدد الأشخاص المصابين بداء الكوليسترول. تكوين جدول بكميات الكوليسترول عند عينة من الأشخاص.

٣ **اللوازم:** آلة حاسبة - أوراق جدولة الانتشار.

٤ **أسئلة حول التطبيق:**

حدد المكان الذي سوف تقوم بزيارته: مستشفى أو مختبر أو عيادة طبيب.

نظم استمارة بالأسئلة التي تريد طرحها:

أ ما أعراض ارتفاع الكوليسترول؟

ب ما العوامل المؤثرة على الكوليسترول؟ الغذاء، عوامل الوراثة، الوزن، النشاط والحركة، العمر والجنس، ...

جـ كيف تستطيع خفض الكوليسترول؟

ما دور الأدوية في توازن أنواع الكوليسترول: (المفيد) HDL، (الضار) LDL؟ وما المعدل الطبيعي لكل منهما؟

د ما الأمراض الناتجة عن ارتفاع الكوليسترول؟

هـ ما نسبة الوفيات الناتجة عن داء الكوليسترول؟ وما تأثيره؟

كون جدولًا يتضمن كمية الكوليسترول (ملليجرام بالديسيلتر الواحد) لعدد من الأشخاص في المكان الذي اخترته للمعاينة.

اسأل العينة التي اخترتها عن نسبة الأشخاص المصابين بالكوليسترول إلى العدد الإجمالي للمعاينات، وعن تأثير النشاطات الرياضية على تعديل نسبة الكوليسترول.

٥ **التقرير:** اكتب تقريرًا مفصلًا يتضمن الإجابات التي حصلت عليها من العينة (العينات) التي زرتها والجداول التي كونتها والنسب المئوية للأشخاص المصابين به. كما يجب أن يتضمن التقرير اقتراحاتك ونصائحك.

دروس الوحدة

٢-١ المجتمع الإحصائي	٢-٢ أنواع العينات	٢-٣ تطبيقات إحصائية باستخدام الحاسوب
(٢-١-أ) جمع البيانات	(٢-٢-أ) العينة العشوائية البسيطة	
(٢-١-ب) أنواع البيانات وطرائق جمعها	(٢-٢-ب) العينة العشوائية الطبقية	
	(٢-٢-جـ) العينة العشوائية المنتظمة	

أين أنت الآن (المعارف السابقة المكتسبة)

تعلمت سابقًا:

- جمع البيانات
- المجتمع الإحصائي
- العينة
- العينة العشوائية

ماذا سوف تتعلم؟

- المجتمع الإحصائي والحصر الشامل.
- العينة واستخداماتها.
- تصنيف البيانات: كيفية أو كمية.
- أنواع العينات العشوائية.
- كيفية استخدام الحاسوب لتسجيل البيانات واستخلاص النتائج.

أضف إلى معلوماتك

تهتم منظمة الصحة العالمية باحتياجات الإنسان الوقائية من الأمراض الخبيثة والمزمنة. ويأتي داء السكري والكوليسترول في عداد هذه الأمراض، حيث إنه يوجد تأثير مباشر لأمراض السكري والغدة الدرقية والكلية والكبد على ارتفاع نسبة الكوليسترول في الدم. ويأتي في مقدمة هذا الاهتمام النشرات الإرشادية والتوجيهية عن مسببات هذه الأمراض وكيفية التعامل معها، والتحقق المسبق من صلاحية الأدوية المستخدمة وجودة إنتاجها لتساعد المصاب بهذه الأمراض على العلاج.

KuwaitMath.com

المصطلحات الأساسية

المجتمع الإحصائي – المجتمعات المنتهية – المجتمعات غير المنتهية – المتغير – الحصر الشامل – العينة – عينة عشوائية – بيانات كيفية – بيانات كيفية اسمية – بيانات كيفية مرتبة– بيانات كمية – بيانات كمية مستمرة – بيانات كمية متقطعة – طرائق جمع البيانات – عينة عشوائية بسيطة – عينة عشوائية طبقية – عينة عشوائية منتظمة.

١ – ٢

المجتمع الإحصائي

Statistical Population

سوف تتعلم

- المجتمع الإحصائي.
- المجتمعات المنتهية.
- المجتمعات غير المنتهية.
- المتغير.
- الحصر الشامل.
- المعاينة.
- أنواع البيانات.
- طرائق جمع البيانات.

عمل تعاوني

في كل سنة تعرض خلال شهر رمضان المبارك على شاشات التلفزة في دولة الكويت مسلسلات مهمة خاصة بالشهر الفضيل.

تريد أنت وزملاؤك القيام باستطلاع حول عدد المشاهدين لكل مسلسل.

١ حدد مع زملائك عدد الأشخاص الذين سوف تستطلعون آراءهم على مساحة الدولة كلها.

٢ حدد مع زملائك الطرائق المتبعة في إجراء هذا الاستطلاع:

أ المقابلة الشخصية.

ب الاستبانة.

ج الهاتف المنزلي أو الهاتف الخلوي.

د البريد العادي أو البريد الإلكتروني.

الإحصاء هو أحد مجالات الرياضيات التطبيقية، حيث هو علم يهتم بجمع البيانات وتنظيمها وتصنيفها وعرضها وتحليلها، ليساعد على اتخاذ قرارات صحيحة مبنية على توقعات واستنتاجات.

المجتمع الإحصائي هو مجموعة كل العناصر قيد الدراسة ويكون لها خصائص مشتركة.

يمكن أن تكون المجتمعات الإحصائية منتهية (عدد عناصرها محدود) أو غير منتهية (عدد عناصرها غير محدود).

مثال (١)

حدد المجتمعات الإحصائية وأنواعها (منتهية – غير منتهية) ووحدة الدراسة في كل مجتمع:

أ طلاب المرحلة الثانوية في دولة الكويت في إحدى السنوات.

ب المدخنون في جميع دول العالم.

الحل:

أ المجتمع: طلاب المرحلة الثانوية في دولة الكويت في إحدى السنوات.

نوع المجتمع: منته، يمكن معرفة العدد الإجمالي.

وحدة الدراسة: الطالب.

ب المجتمع: المدخنون في جميع دول العالم.

نوع المجتمع: غير منته، لا يمكن معرفة العدد الإجمالي.

وحدة الدراسة: المدخن.

حاول أن تحل

١ حدد المجتمعات الإحصائية وأنواعها (منتهية – غير منتهية) ووحدة الدراسة في كل مجتمع:

أ الطلاب المشاركون في زيارة المركز العلمي في أحد الأيام.

ب زوار حديقة الحيوانات.

المتغير هو الصفة التي تكون محور الدراسة في المجتمع الإحصائي.

مثال (٢)

اعرض بعض المتغيرات لطلاب صفك والتي يمكن أن تقوم بدراستها.

الحل:

تتنوع الإجابات. إجابات ممكنة:

أ طول القامة لكل طالب بالسنتيمتر.

ب وزن كل طالب بالكيلوجرام.

ج لون العيون لكل طالب.

د لون الشعر لكل طالب.

حاول أن تحل

٢ اعرض بعض المتغيرات الممكنة للكتب الموجودة في مكتبة مدرستك والتي يمكن أن تقوم بدراستها.

KuwaitMath.com

(٢–١–٢) جمع البيانات Collecting Data

عند القيام بدراسة إحصائية يقوم الباحث بتحديد المجتمع محل الدراسة ثم يبدأ بجمع البيانات. وهناك أساليب مختلفة لجمع البيانات تعتمد على نوع الدراسة وخصائص المجتمع وهي:

١– الحصر الشامل:

هي عملية جمع بيانات جميع المفردات من المجتمع محل الدراسة، (غالبًا ما تصعب دراسة مفردات المجتمع ككل لما تحتاجه من نفقات ووقت وجهد كما أن الحصر الشامل لا يصلح في المجتمعات غير المنتهية لاستحالة حصر مفرداتها في قائمة).

٢–المعاينة

هي عملية اختيار جزء من مفردات المجتمع بطريقة مدروسة تجعل هذه المفردات تمثل المجتمع وتحقق أهداف الدراسة.

مثال (٣)

هل يمكن استخدام الحصر الشامل في دراسة المجتمعات الإحصائية التالية أم لا؟ مع ذكر السبب.

أ دراسة نسبة كمية السكر في الدم عند مريض مصاب بداء السكري.

ب دراسة حول نسبة عدد الطلاب الذين يكتبون باليد اليسرى إلى عدد الطلاب في المرحلة الثانوية في مدرستك.

الحل:

أ لا يمكن استخدام الحصر الشامل في هذا المجتمع، لأن استخدام كافة كمية الدم الموجودة في جسم المريض سوف يؤدي إلى نهاية حياته. لذا نحتاج إلى جزء من هذا الدم لدراسة كمية السكر.

ب يمكن استخدام الحصر الشامل هنا، لأن عدد الطلاب في المرحلة الثانوية يسمح بدراسة عدد الطلاب الذين يكتبون باليد اليسرى وبالتالي يمكن كتابة النسبة.

حاول أن تحل

٣ اكتب مثالًا عن:

أ دراسة في مجتمع إحصائي يمكن استخدام الحصر الشامل فيه.

ب دراسة في مجتمع إحصائي لا يمكن استخدام الحصر الشامل فيه.

مثال (٤)

تقوم إحدى الشركات بإنتاج عبوات من عصير البرتقال وتوزيعها على الأسواق الاستهلاكية.
يريد أحد التجار شراء كمية كبيرة من هذا العصير. كيف يتأكد من جودة نوعيته؟

الحل:

يختار التاجر عددًا من العبوات ويحللها في المختبر وعلى ضوء النتائج التي يتوصل إليها يقرر ما إذا كانت نوعية هذا العصير جيدة أم لا.

حاول أن تحل

٤ ماذا تفعل إذا أردت معرفة أطوال قامات طلاب المرحلة الثانوية في جميع مدارس دولة الكويت؟

مثال (٥)

تريد دراسة نسبة الأميّين في العالم إلى عدد السكان في إحدى السنوات. ماذا تفعل؟

الحل:

المجتمع الإحصائي هنا كبير جدًّا، لذا يجب أن نختار عينة تمثل جزءًا مهمًا منه، ثم نتوقع النسبة المطلوبة.

حاول أن تحل

٥ ماذا تفعل لتعرف من هو الممثل الأكثر شعبية في دولة الكويت هذا العام؟

KuwaitMath.com

(٢–١–ب) أنواع البيانات وطرائق جمعها Types and methodes of Data Collection

تتنوع البيانات بحسب الهدف الذي تتوجه إليه دراسة المفردات في المجتمعات الإحصائية وتنقسم إلى نوعين.

أولًا: البيانات الكيفية Qualitative Data

البيانات الكيفية هي بيانات نعبر عنها من خلال أسماء أو صفات لتحديد حالة ما للمتغير ويوجد نوعان من البيانات الكيفية:

أ البيانات الكيفية الاسمية: التي تعطي صفة أو عنوانًا للمتغير مثل لون الشعر – لون العيون – الجنسية – نوع الجوال – الاسم ...

ب البيانات الكيفية المرتبة: تحدد بمواصفات تراعي ترتيبًا معينًا مثل تقديرات الطلاب في مادة ما (ممتاز – جيدجدًّا – جيد – مقبول – ضعيف).

ثانيًا: البيانات الكمية Quantitative Data

البيانات الكمية هي بيانات نعبر عن مفرداتها بقيم عددية وهي نوعان:

أ البيانات الكمية المستمرة (متصلة) : وهي بيانات تكون فيها قيمة المتغير عددًا حقيقيًّا مثل: الأطوال – الأوزان – الحجوم – المساحات ...

ب البيانات الكمية المتقطعة (منفصلة): وهي بيانات تكون فيها قيمة المتغير عددًا صحيحًا مثل عدد طوابق الأبنية– عدد درجات السلم– عدد الأشقاء...

مثال (٦)

تم تسجيل ألوان الشعر لعشرة طلاب في الصف الحادي عشر فجاءت كما يلي:
بني، أسود، بني، أشقر، أسود، أسود، بني، كستنائي، أسود، بني.
ما نوع هذه البيانات؟

الحل:

كيفية إسمية.

حاول أن تحل

٦ **عند طرح سؤال على خمسة عشرة طالبًا من الصف الحادي عشر أدبي عن توقعاتهم لمستقبلهم في مجالات العمل أتت إجاباتهم على الشكل التالي: ضابط، محاسب، محام، معلم، ضابط، معلم، محاسب، محام، تاجر، محاسب، محاسب، معلم، لاعب كرة، محاسب، ضابط. ما نوع هذه البيانات؟**

مثال (٧)

أقيمت دورة للألعاب الأولمبية في بكين عاصمة الصين سنة ٢٠٠٨م، وكان ترتيب الدول بحسب العدد الإجمالي للميداليات كما يلي: الصين، الولايات المتحدة الأميركية، روسيا، بريطانيا، ألمانيا، أستراليا. ما نوع هذه البيانات؟

الحل:

كيفية مرتبة.

حاول أن تحل

٧ **تريد إجراء استطلاع حول رحلة إلى المدينة الترفيهية فقمت بتوزيع استمارة على الطلاب كتب عليها:**

(موافق – غير موافق– سأجيب لاحقًا – لا إجابة)

ما نوع هذه البيانات؟ اشرح.

مثال (٨)

كانت درجات الطلاب في الصف الحادي عشر في أحد الاختبارات حيث النهاية العظمى ٢٠ درجة كما يلي:
١٢، ١٣,٥، ١٧، ١٦,٥، ٨,٥، ٩، ١٠، ١٠، ١٠,٥، ١٢، ١٤,٥، ٧، ٩,٥، ١٥، ١٥,٥، ١١، ١١,٥، ١٣، ١٥,٥، ١٣,٥. ما نوع هذه البيانات؟

الحل:

كمية مستمرة.

حاول أن تحل

٨ تم تسجيل درجات حرارة خمسة أطفال في إحدى المستشفيات فكانت كالتالي:
٣٦,٥°، ٣٨°، ٣٧,٨°، ٣٩°، ٣٧,٥°.
ما نوع هذه البيانات؟

مثال (٩)

في نهائيات كأس العالم لكرة القدم ٢٠١٠م، حققت بعض الدول الأهداف التالية: ألمانيا (٥)، هولندا (٥)، اليابان (٤)، الكاميرون (٢)، إيطاليا (٤)، البرازيل (٥)، إسبانيا (٤).
ما نوع هذه البيانات؟

الحل:

كمية متقطعة.

حاول أن تحل

٩ في نهائيات كأس العالم لكرة القدم ٢٠١٠م، كانت نقاط بعض الدول كما يلي: فرنسا (١)، الأرجنتين (٩)، الجزائر (١)، غانا (٤)، البرتغال (٥).
ما نوع هذه البيانات؟

طرائق جمع البيانات
Methods of Data Collecting

عند جمع البيانات يستخدم الإحصائيون طرائق متعددة وذلك بحسب ما هو متوفر لديهم وما هو أسهل. من هذه الطرائق:

- الملاحظة أو المشاهدة.
- الاستبانة.
- البريد العادي أو البريد الإلكتروني.
- الهاتف المنزلي أو الهاتف الخلوي.
- المقابلة الشخصية.
- الوثائق والسجلات.
- الأبحاث التاريخية والأرشيف.
- قواعد البيانات.

مثال (١٠)

أ أرادت إحدى شركات بيع السيارات التعرف إلى آراء الزبائن في خدمات الشركة بعد المبيع. كيف سيتم ذلك؟

ب أراد المدير المالي في إحدى المؤسسات الوقوف على آراء الموظفين بعد نسبة الزيادة التي أعطاها لهم. كيف سيتم ذلك؟

الحل:

أ الاتصال بالزبائن بواسطة الهاتف المنزلي أو بواسطة الهاتف الخلوي أو البريد الإلكتروني.

ب بواسطة استبانة تكتب عليها بعض الأسئلة ذات الصلة أو بالمقابلة المباشرة مع كل موظف.

حاول أن تحل

١٠ يريد أحد الفنادق معرفة آراء النزلاء من مختلف أنحاء العالم بالخدمة التي يوفرها لهم أثناء إقامتهم.

فما هي أفضل طريقة تراها في هذا الاستطلاع؟

KuwaitMath.com

٢-٢

أنواع العينات

Samples Types

سوف تتعلم

- العينة العشوائية البسيطة.
- العينة العشوائية الطبقية.
- العينة العشوائية المنتظمة.

دعنا نفكر ونناقش

تتكون أسرة إحدى المستشفيات من ١٠٠ إداريًا، ١٥٠ طبيبًا، ٢٥٠ ممرضًا.

١ أراد مدير المستشفى اختيار ٢٥ ممرضًا للالتحاق ببرنامج تدريبي، وضّح كيفية اختيار الممرضين دون تحيز.

٢ يساعد مدير المستشفى فريق عمل مكون من ١٠ أعضاء من مختلف فئات العاملين. وضّح كيفية اختيارهم بشكل عادل يتناسب مع أعداد كل فئة من العاملين.

العينة العشوائية Random Sample

هي جزء من المجتمع الإحصائي يتم اختيارها عشوائيًا بطريقة علمية دون تحيز كي تمثل هذا المجتمع أفضل تمثيل بأقل تكلفة ممكنة. تختلف العينة بحسب طبيعة المجتمع الإحصائي محل الدراسة. في ما يلي بعض من العينات العشوائية:

(٢-٢-أ) العينة العشوائية البسيطة Simple Random Sample

إذا كان المجتمع الإحصائي يتضمن عدد ن من المفردات المتجانسة وأردنا دراستها باتجاه معين اعتمادًا على عينة عشوائية عدد مفرداتها م، وإذا كانت كل عينة عشوائية من هذا المجتمع الإحصائي لها الفرصة نفسها في أن نختارها فيكون لدينا عينة عشوائية بسيطة. في مثل هذه العينة يكون لكل مفردة من مفردات المجتمع الإحصائي الفرصة نفسها في الظهور.

يوجد طرائق عدة لاختيار العينة العشوائية البسيطة، إما باستخدام جدول الأعداد العشوائية أو آلات حاسبة متخصصة أو برامج إحصائية، على سبيل المثال برنامج Microsoft Excel.

مثال (١)

في إحدى المؤسسات التعليمية يوجد ٨٠ طالبًا مرقمين من ١ إلى ٨٠.
المطلوب سحب عينة عشوائية بسيطة حجمها ٧ طلاب لدراسة بعض الأمور في المؤسسة باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداءً من الصف الأول والعمود الثاني.

الحل:

بما أن حجم المجتمع ٨٠ فإننا نأخذ أول رقمين لجهة اليسار من الصف الأول والعمود الثاني ثم نتحرك رأسيًّا إلى الأسفل نجد الأعداد التالية: ٢٨، ٥٣، ٣١، ٩٦، ٣٧، ٨٦، ٤١.

ولكن يوجد عددان ٩٦، ٨٦ لا يوجد مقابل لهما في ترقيم الطلاب لذا يبقى لدينا: ٢٨، ٥٣، ٣١، ٣٧، ٤١.

فنكمل لنجد العددين الآخرين على ألا يكون تكرارًا لما سبق فنجد: ٢، ٣٥.

وبذلك يصبح لدينا الطلاب بحسب الترقيم التالي: ٢٨، ٥٣، ٣١، ٣٧، ٤١، ٢، ٣٥.

ملاحظة

يتم اختيار الصف الأول والعمود الأول من جدول الأعداد العشوائية إذا لم يتم التحديد.

حاول أن تحل

١ في مثال (١) إذا كان المطلوب سحب العينة من جدول الأعداد العشوائية ابتداءً من الصف العاشر والعمود الخامس. فما هي الأعداد التي سوف يحصل عليها؟

مثال (٢)

في أحد الأندية الكبيرة في دولة الكويت كان عدد العمال ٢٠٠ عامل مرقمين من ٢٠١ إلى ٤٠٠، المطلوب سحب عينة عشوائية بسيطة مكونة من ١٠ عمال لدراسة المستوى الفني للعمال باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداء من الصف الخامس والعمود الرابع.

الحل:

٢٤٦، ٣٨٣، ٣٤٩، ٣٤١، ٢١٥، ٢٦٧، ٣١٨، ٢٧١، ٣٦٨، ٢٨٨

فيكون العمال حاملي الأعداد السابقة يشكلون عينة عشوائية بسيطة.

حاول أن تحل

٢ في أحد المصانع في دولة الكويت كان عدد الموظفين ٣٠٠ موظف مرقمين من ٦٠١ إلى ٩٠٠، المطلوب سحب عينة عشوائية بسيطة مكونة من ٦ موظفين باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداء من الصف العاشر والعمود الرابع عشر.

KuwaitMath.com

(٢-٢-ب) العينة العشوائية الطبقية Stratified Random Sample

يمكن تقسيم المجتمع الإحصائي إلى مجموعات لا تتقاطع مع بعضها البعض، ثم نأخذ عينة عشوائية بسيطة من كل مجموعة فنحصل على عينة عشوائية طبقية.

تستخدم العينة العشوائية الطبقية عادة في حالة إمكان تقسيم المجتمع الإحصائي إلى طبقات مختلفة غير متقاطعة مع بعضها البعض وكل طبقة متجانسة من حيث المفردات التي تؤلفها.

$$\text{كسر المعاينة} = \frac{\text{حجم العينة}}{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}$$

حجم العينة من أي طبقة = كسر المعاينة × حجم الطبقة المناظرة

مثال (٣)

لدراسة الأداء الوظيفي والكفاءة عند الموظفين في إحدى المؤسسات، تم سحب عينة طبقية مكونة من ٨٠ فردًا من أصل ١٦٠٠ موظف موزعين كما يبين الجدول التالي:

إداريون	تقنيون وفنيون	عمال ومستخدمون	المجموع
١٠٠	٣٠٠	١٢٠٠	١٦٠٠

ما حجم كل عينة عشوائية بسيطة مسحوبة من كل طبقة؟

الحل:

$$\text{كسر المعاينة} = \frac{\text{حجم العينة}}{\text{حجم المجتمع الإحصائي}} = \frac{٨٠}{١٦٠٠} = ٠,٠٥$$

لإيجاد حجم العينة الطبقية نأخذ القاعدة:

حجم العينة الطبقية = كسر المعاينة × حجم الطبقة المناظرة.

نوجد إذًا حجم العينة لكل طبقة في المؤسسة:

حجم عينة الإداريين = ٠,٠٥ × ١٠٠ = ٥

حجم عينة التقنيين والفنيين = ٠,٠٥ × ٣٠٠ = ١٥

حجم عينة العمال والمستخدمين = ٠,٠٥ × ١٢٠٠ = ٦٠

وبالتالي تكون العينة العشوائية الطبقية مكونة من: ٥ (إداريين)، ١٥ (تقنيًا وفنيًا)، ٦٠ (عاملًا ومستخدمًا).

KuwaitMath.com

حاول أن تحل

٣ لدراسة الآداء الوظيفي والكفاءة لدى الموظفين في أحد المصارف، تم سحب عينة طبقية مكونة من ٧ أفراد من ٣٥ موظفًا موزعين كما يبين الجدول التالي:

مدراء أقسام	محاسبون ومدققون	عمال ومستخدمون	المجموع
١٠	٢٠	٥	٣٥

ما حجم كل عينة عشوائية بسيطة مسحوبة من كل طبقة؟

مثال (٤)

في إحدى المؤسسات يوجد ١٠٠ إداري مرقمين من ١٠٠ إلى ١٩٩، ٢٠٠ مهندس وتقني مرقمين من ٢٠٠ إلى ٣٩٩، ٦٠٠ عامل ومستخدم مرقمين من ٤٠٠ إلى ٩٩٩. المطلوب سحب عينة عشوائية طبقية مكونة من ١٨ فردًا لدراسة كفاءة العاملين في هذه المؤسسة باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداءً من الصف الثاني والعمود العاشر.

الحل:

أولًا: نوجد كسر المعاينة = $\frac{\text{حجم العينة}}{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}$

$$= \frac{١٨}{٩٠٠} = ٠,٠٢$$

ثانيًا: نوجد حجم كل عينة بسيطة.

حجم عينة الإداريين = ٠,٠٢ × ١٠٠ = ٢

حجم عينة المهندسين والتقنيين = ٠,٠٢ × ٢٠٠ = ٤

حجم عينة العمال والمستخدمين = ٠,٠٢ × ٦٠٠ = ١٢

فتكون العينة العشوائية الطبقية مكونة من عينات عشوائية بسيطة كما يلي:

٢ (إداريين)، ٤ (مهندسين وتقنيين)، ١٢ (عاملًا ومستخدمًا).

ثالثًا: نستخدم جدول الأعداد العشوائية لإيجاد أرقام:

٢ إداريين من بين الأعداد ١٠٠ إلى ١٩٩.

٤ مهندسين وتقنيين من بين الأعداد ٢٠٠ إلى ٣٩٩.

١٢ عاملًا ومستخدمًا من بين الأعداد ٤٠٠ إلى ٩٩٩.

ملاحظة

يمكن استخدام جداول الأعداد العشوائية لسحب عينة عشوائية طبقية مكونة من عينات عشوائية بسيطة.

KuwaitMath.com

- الإداريين: نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الثاني، والعمود العاشر ثم نتحرك نزولًا.
فنجد الأعداد ١١٩، ١٠٤.
- المهندسين والتقنيين: نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الثاني والعمود العاشر ثم نتحرك نزولًا.
فنجد الأعداد: ٣١٧، ٢٤٤، ٣١٣، ٣٤٦.
- العمال والمستخدمين: نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الثاني والعمود العاشر، ثم نتحرك نزولًا.
فنجد الأعداد: ٩٠٩، ٦٧٢، ٧١٥، ٤٢٥، ٧٦٣، ٥٣٥، ٥٨٩، ٧٠١، ٨٤٩، ٧٤٧، ٨٥٠، ٧٦٨.

فتكون العينة العشوائية الطبقية مكونة من عينات عشوائية بسيطة بحسب الترقيم التالي:
- للإداريين: ١١٩، ١٠٤.
- للمهندسين والتقنيين: ٣١٧، ٢٤٤، ٣١٣، ٣٤٦.
- للعمال والمستخدمين: ٩٠٩، ٦٧٢، ٧١٥، ٤٢٥، ٧٦٣، ٥٣٥، ٥٨٩، ٧٠١، ٨٤٩، ٧٤٧، ٨٥٠، ٧٦٨.

حاول أن تحل

٤ في مثال (٤) إذا أراد صاحب المؤسسة سحب عينة عشوائية طبقية مكونة من ٩ أفراد:

أ أوجد كسر المعاينة.

ب أوجد حجم العينات العشوائية البسيطة المكونة لهذه العينة العشوائية الطبقية.

جـ استخدم الصف الثالث والعمود السابع، لتجد الترقيم المناسب في كل عينة بسيطة.

(٢-٢-جـ) العينة العشوائية المنتظمة Systematic Random Sample

من أكثر العينات العشوائية استخدامًا العينة العشوائية المنتظمة، حيث يتم تقسيم المجتمع إلى فترات متساوية الطول وعددها يساوي حجم العينة.

تستخدم العينة العشوائية المنتظمة في المجتمعات الإحصائية المتجانسة حيث:

$$\text{طول الفترة} = \frac{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}{\text{حجم العينة}}$$

يمكن سحب المفردة الأولى في العينة باستخدام جدول الأعداد العشوائية أو عن طريق المختبر الإحصائي.

مثال (٥)

في أحد المصانع حيث عدد العمال ٩٠٠ مرقمين من ١ إلى ٩٠٠، أراد صاحب هذا المصنع مناقشة هؤلاء العمال حول كيفية تحسين الأداء وزيادة الإنتاج. المطلوب سحب عينة عشوائية منتظمة حجمها ١٥، مستخدمًا جدول الأعداد العشوائية ابتداءً من الصف الثامن والعمود العاشر.

الحل:

نوجد: طول الفترة = $\frac{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}{\text{حجم العينة}} = \frac{٩٠٠}{١٥} = ٦٠$

نختار أول عدد عشوائي مؤلف من رقمين لجهة اليسار باستخدام جدول الأعداد العشوائية على ألا يزيد عن العدد ٦٠.

نجد العدد ٣١ على التقاطع بين الصف الثامن والعمود العاشر.

فتكون الأعداد كما يلي:

٣١

٣١ + ٦٠ = ٩١

٩١ + ٦٠ = ١٥١

١٥١ + ٦٠ = ٢١١

٢١١ + ٦٠ = ٢٧١

٢٧١ + ٦٠ = ٣٣١

٣٣١ + ٦٠ = ٣٩١

٣٩١ + ٦٠ = ٤٥١

٤٥١ + ٦٠ = ٥١١

٥١١ + ٦٠ = ٥٧١

٥٧١ + ٦٠ = ٦٣١

٦٣١ + ٦٠ = ٦٩١

٦٩١ + ٦٠ = ٧٥١

٧٥١ + ٦٠ = ٨١١

٨١١ + ٦٠ = ٨٧١

KuwaitMath.com

والعينة العشوائية المنتظمة تتكون من العمال حيث ترقيمهم بالأعداد التالية:

٣١، ٩١، ١٥١، ٢١١، ٢٧١، ٣٣١، ٣٩١، ٤٥١، ٥١١، ٥٧١، ٦٣١، ٦٩١، ٧٥١، ٨١١، ٨٧١.

حاول أن تحل

٥ في مثال (٥) ما العينة العشوائية المنتظمة إذا أراد صاحب المصنع تشكيلها على أن يكون حجمها ١٠، مستخدمًا جدول الأعداد العشوائية ابتداءً من الصف الخامس عشر والعمود السابع؟

مثال (٦)

يبلغ عدد طلاب إحدى مدارس الكويت ٧٠٠ طالبًا مرقمين من ١ إلى ٧٠٠، أراد مدير المدرسة إرسال ١٠ طلاب لحضور ندوة حول «حماية الحيوانات المهددة بالانقراض». المطلوب سحب عينة عشوائية منتظمة حجمها ١٠ باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداءًا من الصف الثاني والعشرون والعمود الثالث.

الحل:

نوجد: طول الفترة $= \frac{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}{\text{حجم العينة}} = \frac{٧٠٠}{١٠} = ٧٠$

نختار أول عدد عشوائي مؤلّف من رقمين لجهة اليسار باستخدام جدول الأعداد العشوائية بحيث لا يزيد عن طول الفترة (٧٠) ابتداءً من الصف الثاني والعشرون والعمود الثالث فنجد العدد ٣٨.

٣٨
٣٨ + ٧٠ = ١٠٨
١٠٨ + ٧٠ = ١٧٨
١٧٨ + ٧٠ = ٢٤٨
٢٤٨ + ٧٠ = ٣١٨
٣١٨ + ٧٠ = ٣٨٨
٣٨٨ + ٧٠ = ٤٥٨
٤٥٨ + ٧٠ = ٥٢٨
٥٢٨ + ٧٠ = ٥٩٨
٥٩٨ + ٧٠ = ٦٦٨

KuwaitMath.com

تتكون العينة العشوائية من الطلاب حيث ترقيمهم بالأعداد التالية:

٣٨، ١٠٨، ١٧٨، ٢٤٨، ٣١٨، ٣٨٨، ٤٥٨، ٥٢٨، ٥٩٨، ٦٦٨.

حاول أن تحل

٦ عدد طلبة الصف الحادي عشر علمي في إحدى المدارس يبلغ ١٤٠ طالبًا مرقيمن من ١ إلى ١٤٠ . المطلوب سحب عيّنة عشوائية منتظمة حجمها ٧ لزيارة إحدى دور المسنين وتقديم هدايا لهم بمناسبة حلول عيد الفطر السعيد، باستخدام جدول الأعداد العشوائية ابتداء من الصف السادس والعمود التاسع.

سوف تتعلم

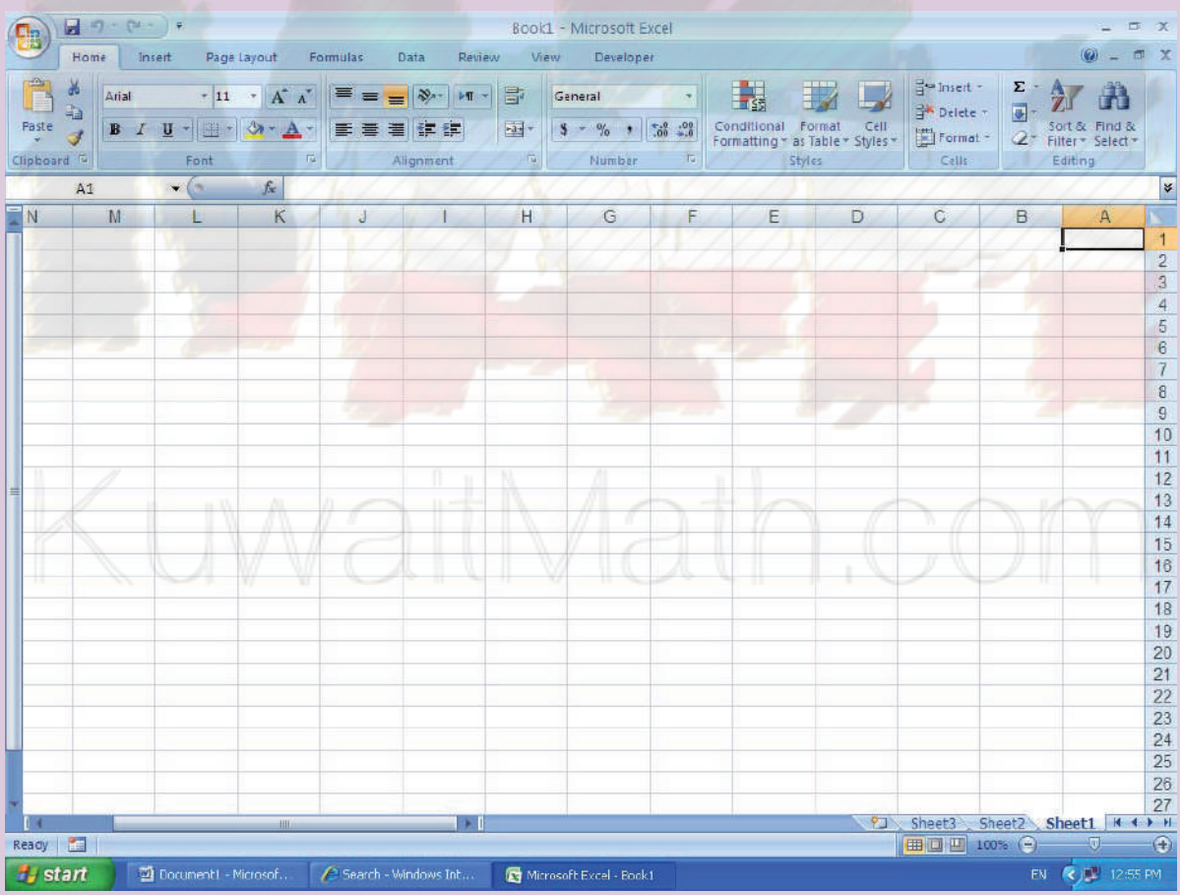
استخدام الحاسوب لتكوين:

- عينة عشوائية بسيطة.
- عينة عشوائية طبقية.
- عينة عشوائية منتظمة.

عمل تعاوني

اتبع الخطوات التالية لتتمكن من تشغيل برنامج Excel:

اضغط الزر الأيسر للفأرة تباعًا على «**Start**». ومن ثم «**All Programs**» وبعدها نختار من القائمة «**Microsoft Office**» فتظهر قائمة نختار منها «**Microsoft Office Excel**» اضغط عليها فيتم فتح صفحة جديدة لبرنامج **Excel**، كما في الشكل أدناه.



KuwaitMath.com

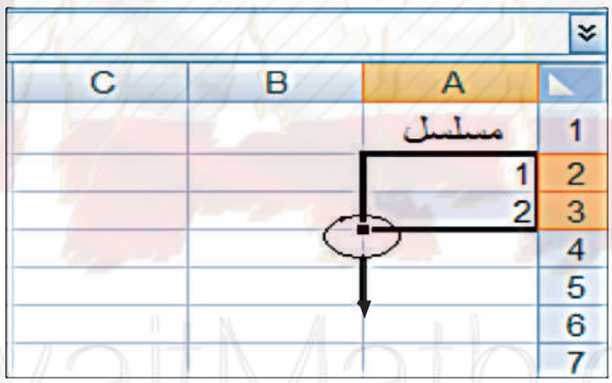
١ـ العينة العشوائية البسيطة Simple Random Sample

مثال (١)

للاشتراك في مسابقة الـ Timss العالمية في الرياضيّات ، قررت إحدى الدول اختيار عشرة طلاب عشوائيًّا من أصل ٢٠٠ طالب من طلاب مدارسها المتفوقين في الرياضيات في الصف الحادي عشر علمي.
المطلوب سحب عينة عشوائية حجمها ١٠ طلاب باستخدام برنامج إحصائي على الحاسوب.

الحل:

- قم باستخدام برنامج إكسل Excel.
- عنون العمود A «مسلسل» في الخلية A1 ورتب الطلاب من ١ : ٢٠٠ في الخلايا ابتداء من الخلية A2 إلى الخلية A201 وذلك بكتابة الرقم ١ في الخلية A2 وكتابة الرقم ٢ في الخلية A3 ومن ثم تحديد الخليتين A2 وA3 كما في الشكل (١).



شكل (١)

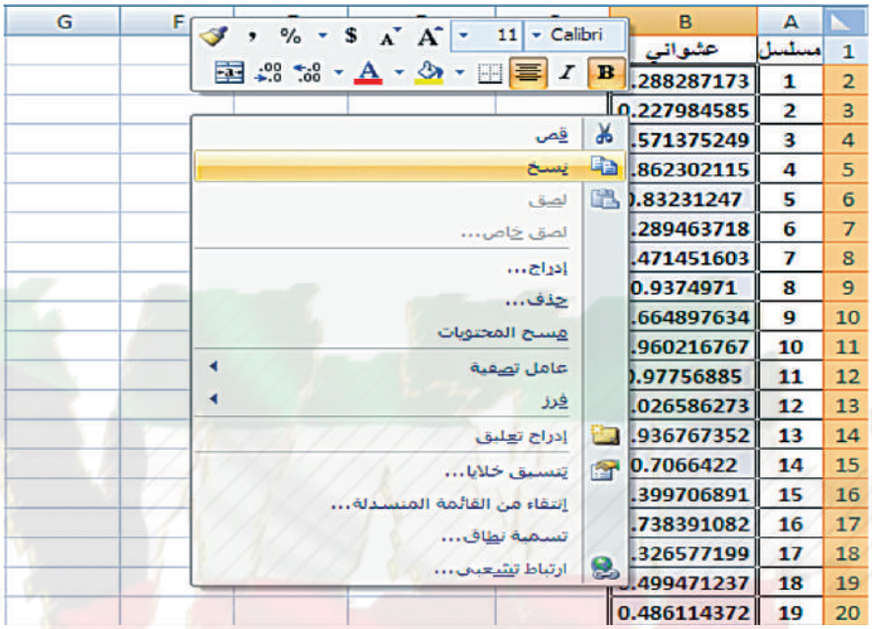
- اضغط بالفأرة على مقبض الخلية (Handle Cell) سوف يتغير مقبض التعبئة (مربع أسود صغير: ■) إلى مؤشر مقبض التعبئة (علامة جمع سوداء: +) اسحب مؤشر مقبض التعبئة (+) في اتجاه السهم إلى الأسفل حتى الخلية A201 فيتم ترقيم الخلايا بالترتيب من ١ إلى ٢٠٠.
- عنون العمود B «عشوائي» في الخلية B1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية في العمود الثاني.
- اكتب RAND () = في الخلية B2 ومن ثم اضغط مفتاح الإدخال (↵).

ومن أجل أن تقوم بنسخ المعادلة الموجودة في الخلية B2 وبالتالي للحصول على نتائج عشوائية أيضًا في كل خلايا العمود B حدد الخلية B2 ومن ثم اضغط الركن الأيسر السفلي من الخلية B2 واسحبه حتى الخلية B201.

KuwaitMath.com

حدد الخلايا من الخلية B2 حتى الخلية B201.

عند الضغط على أي خلية من خلايا النتائج العشوائية تظهر كلمة RAND() = في سطر كتابة المعادلات. اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة واختر نسخ لتحويل المعادلات إلى قيم فتحصل على الشكل (٢).

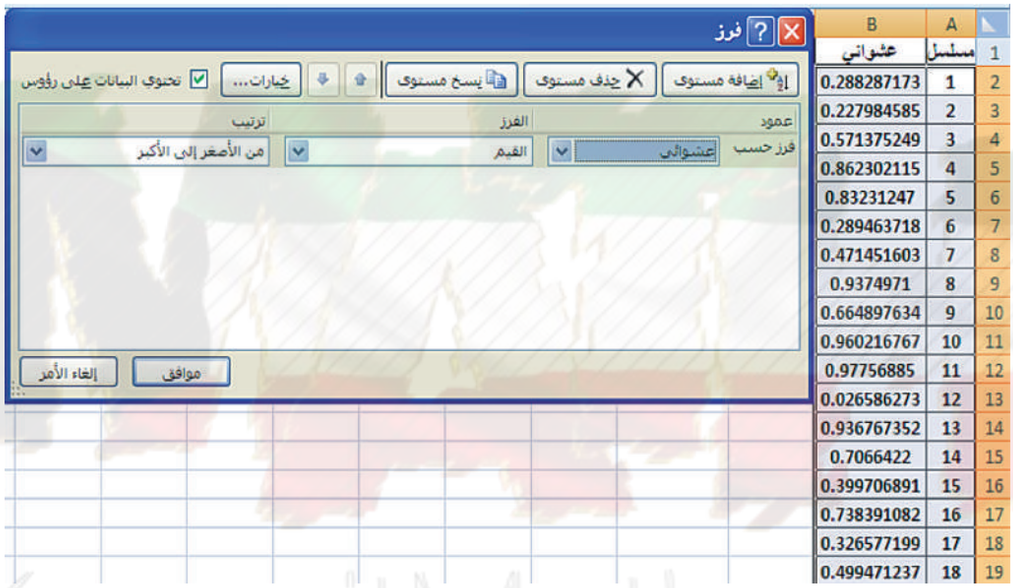


شكل (٢)

- بعد الانتهاء من عملية النسخ اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة وأنت على أي من الخلايا المحددة تظهر مرة أخرى لائحة أمامك، اختر من القائمة لصق خاص، فتظهر نافذة معنونة: لصق خاص. اضغط على القيم وذلك ليتم لصق قيم الخلايا كما في الشكل (٣).

شكل (٣)

- اضغط فوق زر موافق لتحصل على عمود كامل من الأرقام العشوائية غير المرتبة من الخلية B2 حتى الخلية B201.
- حدد خلايا الأرقام المتسلسلة للمجتمع (الطلاب) وخلايا الأرقام العشوائية غير المرتبة بما فيها الخليتان A1 و B1. بواسطة الفأرة حدد الخلايا من الخلية A1 حتى الخلية B201.
- قم بترتيب محتوى العمودين تصاعديًّا بناء على قيم الأرقام العشوائية وذلك من القائمة المنسدلة على الشكل التالي:
- اضغط على بيانات ثم فرز بحيث يكون الصف الأول يحتوي على أسماء المتغيرات من خلال «اختيار تحتوي البيانات على رؤوس» ومن ثم عشوائي في خانة «فرز حسب» وتحديد طريقة الترتيب تصاعديًّا من خلال اختيار من الأصغر إلى الأكبر في خانة ترتيب كما في الشكل (٤).



	A	B
1	مسلسل	عشوائي
2	1	0.288287173
3	2	0.227984585
4	3	0.571375249
5	4	0.862302115
6	5	0.83231247
7	6	0.289463718
8	7	0.471451603
9	8	0.9374971
10	9	0.664897634
11	10	0.960216767
12	11	0.97756885
13	12	0.026586273
14	13	0.936767352
15	14	0.7066422
16	15	0.399706891
17	16	0.738391082
18	17	0.326577199
19	18	0.499471237

شكل (٤)

- اضغط فوق زر موافق لتحصل على العمودين بترتيب جديد حيث تظهر الأرقام العشوائية مرتبة تصاعديًّا كما في الشكل (٥). تمثل الأعداد العشرة الأولى في العمود A1 (مسلسل) العينة المختارة. أي أن العينة تقابل الأرقام: ٧٣، ٧٦، ١٢، ٢٥، ٦٩، ٢٩، ٧٠، ٩٠، ٣٥، ١٠٠.

	A	B
1	مسلسل	عشوائي
2	73	0.015422845
3	76	0.02080723
4	12	0.026586273
5	25	0.027678263
6	69	0.065611546
7	29	0.080251585
8	70	0.083330071
9	90	0.105089482
10	35	0.119454441
11	100	0.12184622

شكل (٥)

ملاحظة

كل النتائج المعتمدة على الوظيفة RAND () = سوف تتغير في كل مرة نقوم بها بتكوين العمود المعنون عشوائي، وبالتالي فإن البيانات في العمود المعنون مسلسل سوف تتغير أيضًا.

حاول أن تحل

١ اعتمد الأسلوب نفسه لاختيار عينة من ٢٠ طالبًا متفوقًا من أصل ٤٥٠ طالبًا في مواد العلوم.

KuwaitMath.com

٢ـ العينة العشوائية الطبقية Stratified Random Sample

مثال (٢)

إن عدد اللاعبين المحترفين في أندية الدرجة الأولى في إحدى دورات كرة القدم العالمية هو ٤٦٠ لاعب كرة قدم مقسمين على الشكل التالي:
٦٠ حارس مرمى مرقمين من ١ إلى ٦٠، ٨٠ مهاجمًا مرقمين من ٦١ إلى ١٤٠، ١٨٠ خط وسط مرقمين من ١٤١ إلى ٣٢٠، ١٤٠ مدافعًا مرقمين من ٣٢١ إلى ٤٦٠.
المطلوب سحب عينة طبقية حجمها ٢٣ لاعبًا من الفئات المختلفة لتكوين منتخب الدوري وذلك باستخدام برنامج إحصائي على الحاسوب.

الحل:

الفريق الكامل ٢٣ لاعبًا

كسر المعاينة $= \frac{٢٣}{٤٦٠} = ٠,٠٥$

حارس مرمى	هجوم	وسط	دفاع
٦٠ × ٠,٠٥ = ٣	٨٠ × ٠,٠٥ = ٤	١٨٠ × ٠,٠٥ = ٩	١٤٠ × ٠,٠٥ = ٧

- قم باستخدام برنامج إكسل Excel.
- اسحب عينة عشوائية بسيطة من كل فئة من اللاعبين (حارس مرمى، هجوم، وسط، دفاع). السحب يجب أن يكون لمرة واحدة كي لا يكون هناك فرصة لاختيار أي فرد أكثر من مرة.

أولًا: تجهيز البيانات الخاصة بأرقام المجتمع

- عنون العمود A في الخلية A1 «حارس مرمى» ورتبهم من ١:٦٠ في الخلايا ابتداء من الخلية A2 إلى الخلية A61 وذلك بكتابة الرقم ١ في الخلية A2 وكتابة الرقم ٢ في الخلية A3 ومن ثم تحديد الخليتين A2 وA3. اضغط بالفأرة على مقبض الخلية واسحب مؤشر مقبض التعبئة إلى الأسفل حتى الخلية A61 لترقيم الخلايا عشوائيًا.
- عنون العمود B «عشوائي حارس مرمى» في الخلية B1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية مقابلة لحراس المرمى في العمود الثاني.
- عنون العمود C «هجوم» في الخلية C1 ورتبهم من ٦١:١٤٠ في الخلايا ابتداء من الخلية C2 إلى الخلية C81.
- عنون العمود D «عشوائي هجوم» في الخلية D1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية مقابلة للاعبي الهجوم في العمود الرابع.
- عنون العمود E «وسط» في الخلية E1 ورتبهم من ١٤١:٣٢٠ في الخلايا ابتداء من الخلية E2 إلى الخلية E181.

KuwaitMath.com

- عنون العمود F «عشوائي وسط» في الخلية F1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية مقابلة للاعبي الوسط في العمود السادس.
- عنون العمود G «دفاع» في الخلية G1 ورتبهم من ٣٢١ إلى ٤٦٠ في الخلايا ابتداء من الخلية G2 إلى الخلية G141.
- عنون العمود H «عشوائي دفاع» في الخلية H1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية مقابلة للاعبي الدفاع في العمود الثامن.
- انظر الشكل (٦).

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى	هجوم	عشوائي هجوم	وسط	عشوائي وسط	دفاع	عشوائي دفاع
2	1		61		141		321	
3	2		62		142		322	
4	3		63		143		323	
5	4		64		144		324	
6	5		65		145		325	
7	6		66		146		326	
8	7		67		147		327	
9	8		68		148		328	
10	9		69		149		329	
11	10		70		150		330	
12	11		71		151		331	

شكل (٦)

KuwaitMath.com

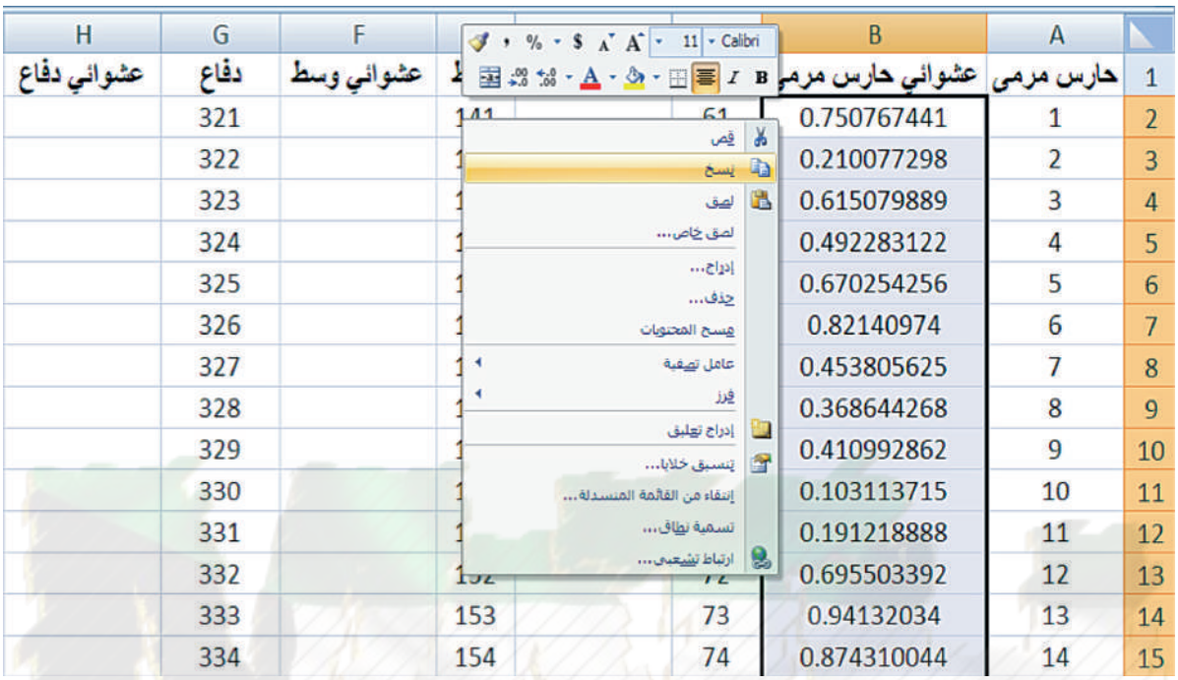
ثانيًا : سحب العينات

أ سحب عينة حراس المرمى

- اكتب RAND () = في الخلية B2 ومن ثم اضغط مفتاح الإدخال (لـ).

ومن أجل أن تقوم بنسخ المعادلة الموجودة في الخلية B2 وبالتالي الحصول على نتائج عشوائية أيضًا حدد الخلية B2 ومن ثم اضغط الركن الأيسر السفلي من الخلية B2 واسحبه حتى الخلية B61.

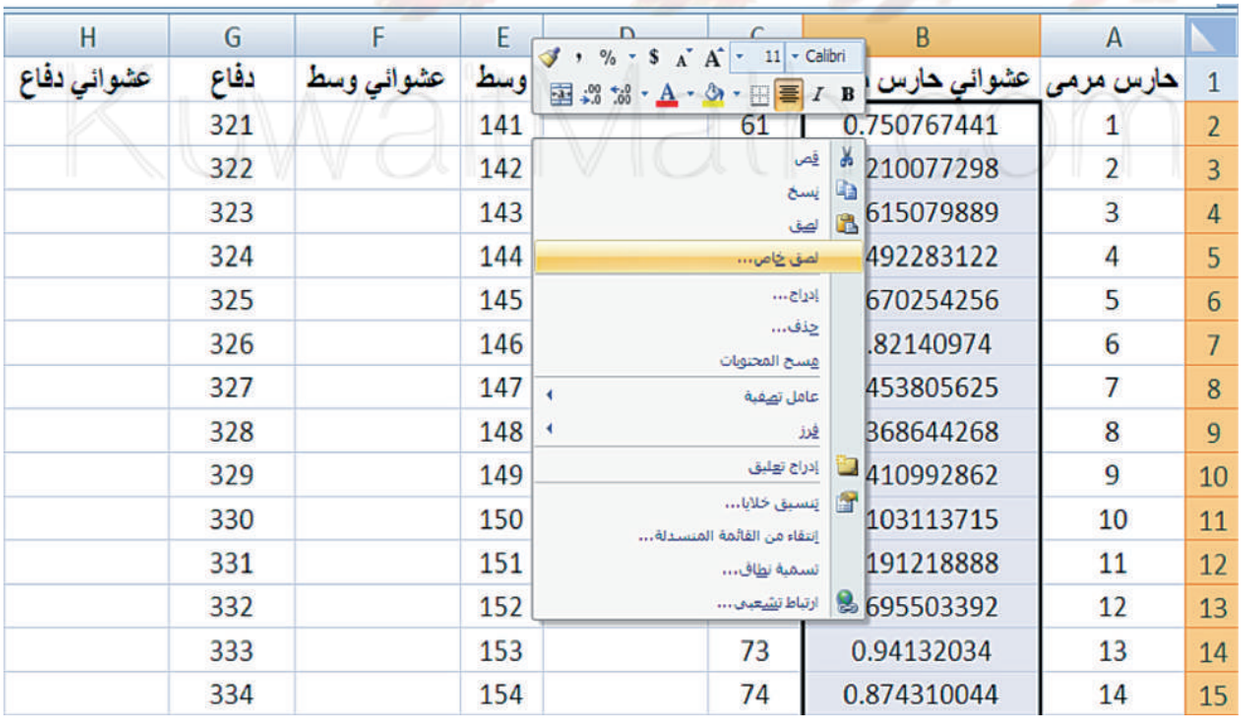
- حدد الخلايا من الخلية B2 حتى الخلية B61.
- عند الضغط على أي خلية من خلايا النتائج العشوائية تظهر كلمة RAND () = في سطر كتابة المعادلات. اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة واختر نسخ لتحويل المعادلات إلى قيم فتحصل على الشكل (٧).



H	G	F	E	D	C	B	A
عشوائي دفاع	دفاع	عشوائي وسط				عشوائي حارس مرمى	حارس مرمى
	321		141		61	0.750767441	1
	322		142		62	0.210077298	2
	323		143		63	0.615079889	3
	324		144		64	0.492283122	4
	325		145		65	0.670254256	5
	326		146		66	0.82140974	6
	327		147		67	0.453805625	7
	328		148		68	0.368644268	8
	329		149		69	0.410992862	9
	330		150		70	0.103113715	10
	331		151		71	0.191218888	11
	332		152		72	0.695503392	12
	333		153		73	0.94132034	13
	334		154		74	0.874310044	14

شكل (٧)

- بعد الانتهاء من عملية النسخ اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة وأنت على أي من الخلايا المحددة مرة أخرى، فتظهر نافذة اختر لصق خاص كما في الشكل (٨).



H	G	F	E	D	C	B	A
عشوائي دفاع	دفاع	عشوائي وسط	وسط			عشوائي حارس	حارس مرمى
	321		141		61	0.750767441	1
	322		142			210077298	2
	323		143			615079889	3
	324		144			492283122	4
	325		145			670254256	5
	326		146			.82140974	6
	327		147			453805625	7
	328		148			368644268	8
	329		149			410992862	9
	330		150			103113715	10
	331		151			191218888	11
	332		152			695503392	12
	333		153		73	0.94132034	13
	334		154		74	0.874310044	14

شكل (٨)

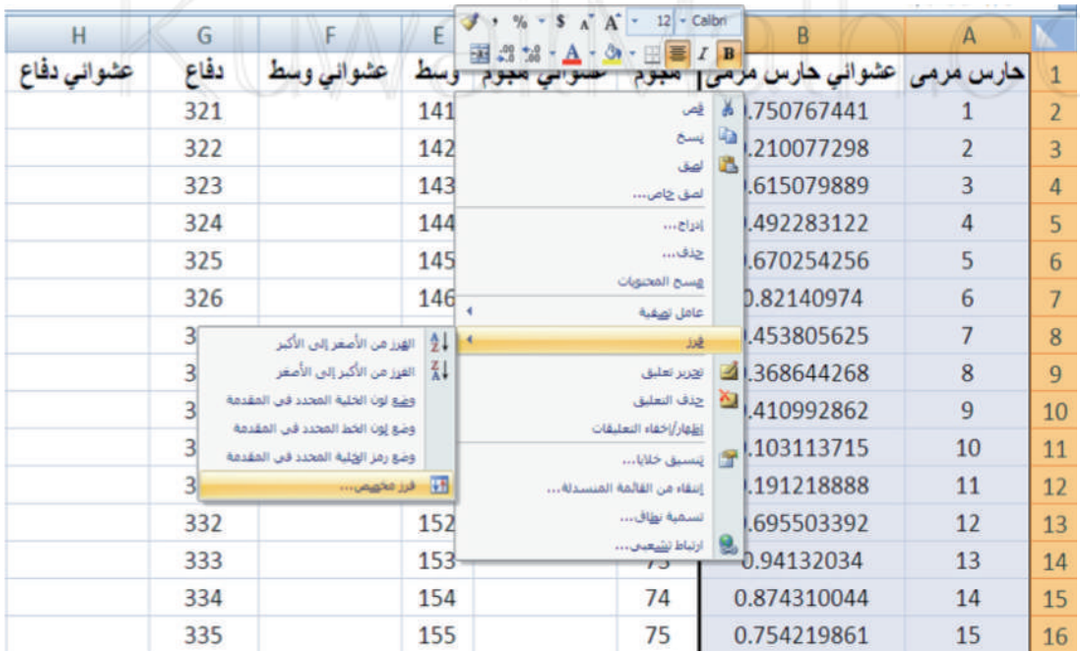
- اضغط على القيم وذلك ليتم لصق قيم الخلايا كما في الشكل (٩).

شكل (٩)

اضغط فوق زر موافق لتحصل على عمود كامل من الأرقام العشوائية غير المرتبة من الخلية B2 حتى الخلية B61.

حدد خلايا أرقام حراس المرمى وخلايا الأرقام العشوائية لحرّاس المرمى غير المرتبة بما فيها الخليتان A1 و B1. بواسطة الفأرة حدد الخلايا من الخلية A1 حتى الخلية B61.

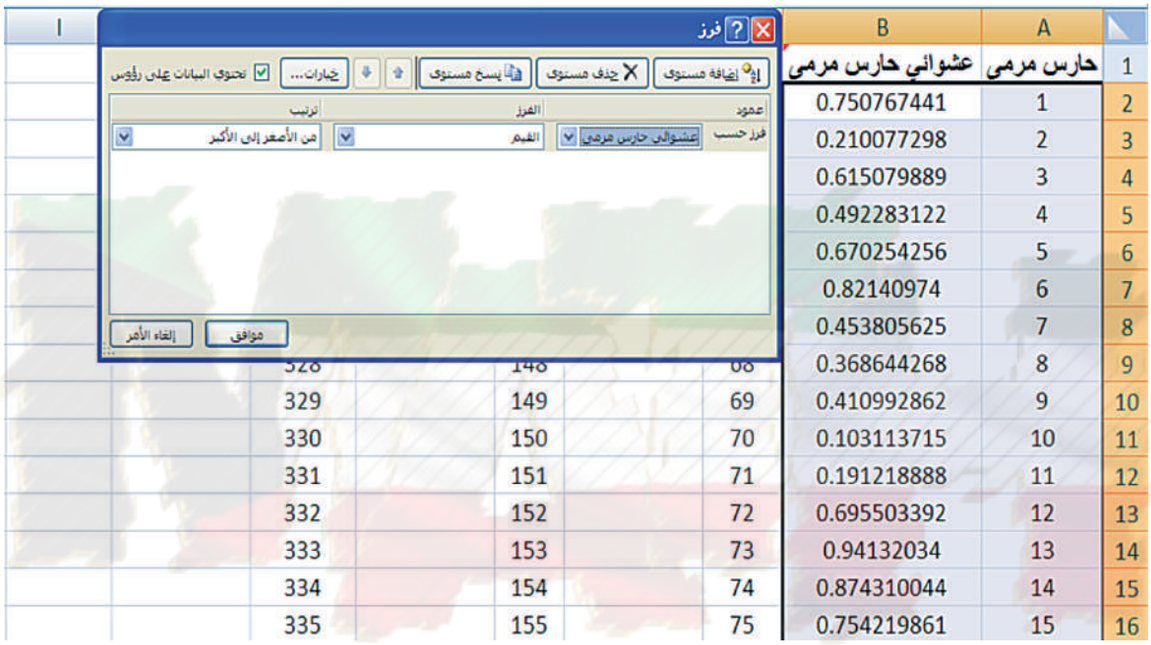
قم بترتيب محتوى العمودين تصاعديًّا بناء على قيم الأرقام العشوائية لحراس المرمى وذلك من القائمة المنسدلة على الشكل التالي: اضغط على بيانات ثم فرز ثم فرز مخصص كما في الشكل (١٠).



شكل (١٠)

- بعد اختيار فرز مخصص تظهر نافذة فرز كما في الشكل (١٠) بحيث يكون الصف الأوّل يحتوي على أسماء المتغيرات من خلال اختيار تحتوي البيانات على رؤوس.

اختر عشوائيًّا حارس مرمى في خانة فرز حسب وحدد طريقة الترتيب تصاعديًّا من خلال اختيار من الأصغر إلى الأكبر في خانة ترتيب كما في الشكل (١١).



	A	B
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى
2	1	0.750767441
3	2	0.210077298
4	3	0.615079889
5	4	0.492283122
6	5	0.670254256
7	6	0.82140974
8	7	0.453805625
9	8	0.368644268
10	9	0.410992862
11	10	0.103113715
12	11	0.191218888
13	12	0.695503392
14	13	0.94132034
15	14	0.874310044
16	15	0.754219861

328	148	68	
329	149	69	
330	150	70	
331	151	71	
332	152	72	
333	153	73	
334	154	74	
335	155	75	

شكل (١١)

- اضغط فوق زر موافق لتحصل على العمودين A وB بترتيب جديد حيث تظهر الأرقام العشوائية مرتبة تصاعديًّا كما في الشكل (١٢).

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى	هجوم	عشوائي هجوم	وسط	عشوائي وسط	دفاع	عشوائي دفاع
2	54	0.062830237	61		141		321	
3	35	0.071676176	62		142		322	
4	44	0.07319488	63		143		323	
5	45	0.074222949	64		144		324	
6	10	0.103113715	65		145		325	
7	27	0.139356217	66		146		326	
8	57	0.159307393	67		147		327	
9	50	0.160429819	68		148		328	
10	49	0.179604265	69		149		329	

شكل (١٢)

- تمثل الأعداد الستة الأولى في العمود A1 حارس المرمى العينة المختارة. أي أن العينة تقابل الأرقام: ٥٤، ٣٥، ٤٤.

KuwaitMath.com

ب سحب عينة لاعبي الهجوم

كرر الخطوات السابقة ولكن باستخدام العمودين الثالث والرابع من الخلية C1 إلى الخلية D81 حتى تحصل على الشكل (١٣)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى	هجوم	عشوائي هجوم	وسط	عشوائي وسط	دفاع	عشوائي دفاع
2	54	0.062830237	132	0.00629979	141		321	
3	35	0.071676176	107	0.01741584	142		322	
4	44	0.07319488	65	0.02899354	143		323	
5	45	0.074222949	115	0.02966173	144		324	
6	10	0.103113715	122	0.04358554	145		325	
7	27	0.139356217	96	0.07284653	146		326	
8	57	0.159307393	77	0.07365917	147		327	
9	50	0.160429819	82	0.0767005	148		328	
10	49	0.179604265	124	0.08410429	149		329	

شكل (١٣)

ج سحب عينة لاعبي الوسط

كرر الخطوات السابقة ولكن باستخدام العمودين الخامس والسادس من الخلية E1 إلى الخلية F181 حتى تحصل على الشكل (١٤)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى	هجوم	عشوائي هجوم	وسط	عشوائي وسط	دفاع	عشوائي دفاع
2	54	0.062830237	132	0.00629979	306	0.00337348	321	
3	35	0.071676176	107	0.01741584	183	0.00384715	322	
4	44	0.07319488	65	0.02899354	151	0.01292622	323	
5	45	0.074222949	115	0.02966173	169	0.01388522	324	
6	10	0.103113715	122	0.04358554	202	0.01562814	325	
7	27	0.139356217	96	0.07284653	159	0.02401306	326	
8	57	0.159307393	77	0.07365917	297	0.02415747	327	
9	50	0.160429819	82	0.0767005	278	0.04271295	328	
10	49	0.179604265	124	0.08410429	245	0.05184017	329	

شكل (١٤)

KuwaitMath.com

د سحب عينة لاعبي الدفاع

كرر الخطوات السابقة ولكن باستخدام العمودين السابع والثامن من الخلية G1 إلى الخلية H141 حتى تحصل على الشكل (١٥)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	حارس مرمى	عشوائي حارس مرمى	هجوم	عشوائي هجوم	وسط	عشوائي وسط	دفاع	عشوائي دفاع
2	54	0.062830237	132	0.00629979	306	0.00337348	338	0.00049197
3	35	0.071676176	107	0.01741584	183	0.00384715	389	0.000642
4	44	0.07319488	65	0.02899354	151	0.01292622	337	0.00407365
5	45	0.074222949	115	0.02966173	169	0.01388522	370	0.00983666
6	10	0.103113715	122	0.04358554	202	0.01562814	386	0.01816931
7	27	0.139356217	96	0.07284653	159	0.02401306	321	0.02056558
8	57	0.159307393	77	0.07365917	297	0.02415747	422	0.03360053
9	50	0.160429819	82	0.0767005	278	0.04271295	398	0.03584715
10	49	0.179604265	124	0.08410429	245	0.05184017	332	0.03592233

شكل (١٥)

وبذلك نكون قد حصلنا على أرقام العينة الطبقية من الطبقات الأربع كما يلي:

مسلسل	حراس مرمى	لاعبي هجوم	لاعبي وسط	لاعبي دفاع
١	٥٤	١٣٢	٣٠٦	٣٣٨
٢	٣٥	١٠٧	١٨٣	٣٨٩
٣	٤٦	٦٥	١٥١	٣٣٧
٤		١١٥	١٦٩	٣٧٠
٥			٢٠٢	٣٨٦
٦			١٥٩	٣٢١
٧			٢٩٧	٤٢٢
٨			٢٧٨	
٩			٢٤٥	

حاول أن تحل

٢ إن عدد اللاعبين المحترفين في أندية كرة السلة في إحدى الدول هو ٣٠٠ لاعب مقسمين على الشكل التالي:

٥٠ صانع ألعاب مرقمين من ١ إلى ٥٠، ١٢٥ جناح هدّاف مرقمين من ٥١ إلى ١٧٥، ٧٥ جناح ارتكاز مرقمين من ١٧٦ إلى ٢٥٠، ٥٠ ارتكاز مرقمين من ٢٥١ إلى ٣٠٠.

المطلوب سحب عينة طبقية حجمها ١٢ لاعبًا من الفئات المختلفة لتكوين منتخب الدوري وذلك باستخدام برنامج إحصائي.

KuwaitMath.com

٣ـ العينة العشوائية المنتظمة Systematic Random Sample

مثال (٣) الرياضة

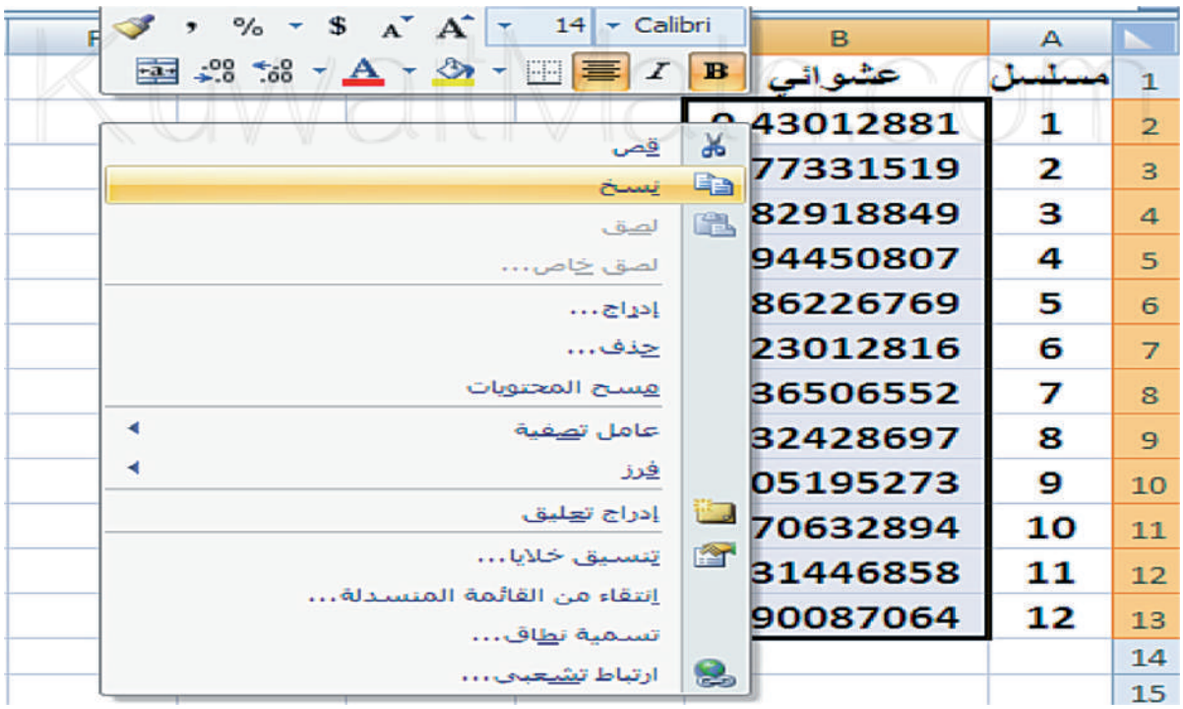
إذا كان عدد السيارات في إحدى الشركات ٢٤٠ سيارة. المطلوب سحب عينة عشوائية منتظمة حجمها ٢٠ سيارة. لإجراء سباق في ما بينها وذلك باستخدام برنامج إحصائي.

الحل:

طول الفترة = $\frac{٢٤٠}{٢٠}$ = ١٢.

أي نريد اختيار رقم واحد عشوائيٍّ من بين الأرقام من ١ إلى ١٢ لاستخدامه في بناء العينة العشوائية المنتظمة.

- قم باستخدام برنامج إكسل Excel.
- عنون العمود A «مسلسل» في الخلية A1 ورتب الأعداد من ١ : ١٢ في الخلايا ابتداء من الخلية A2 إلى الخلية A13.
- عنون العمود B «عشوائي» في الخلية B1 وذلك للحصول على أرقام عشوائية في العمود الثاني.
- اكتب RAND () = في الخلية B2 ومن ثم اضغط مفتاح الإدخال (لـ).
- ومن أجل أن تقوم بنسخ المعادلة الموجودة في الخلية B2 وبالتالي الحصول على نتائج عشوائية أيضًا حدد الخلية B2 ومن ثم اضغط الركن الأيسر السفلي من الخلية B2 واسحبه حتى الخلية B13.
- عند الضغط على أي خلية من خلايا النتائج العشوائية تظهر كلمة RAND () = في سطر كتابة المعادلات. اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة واختر نسخ لتحويل المعادلات إلى قيم فتحصل على الشكل (١٦).



شكل (١٦)

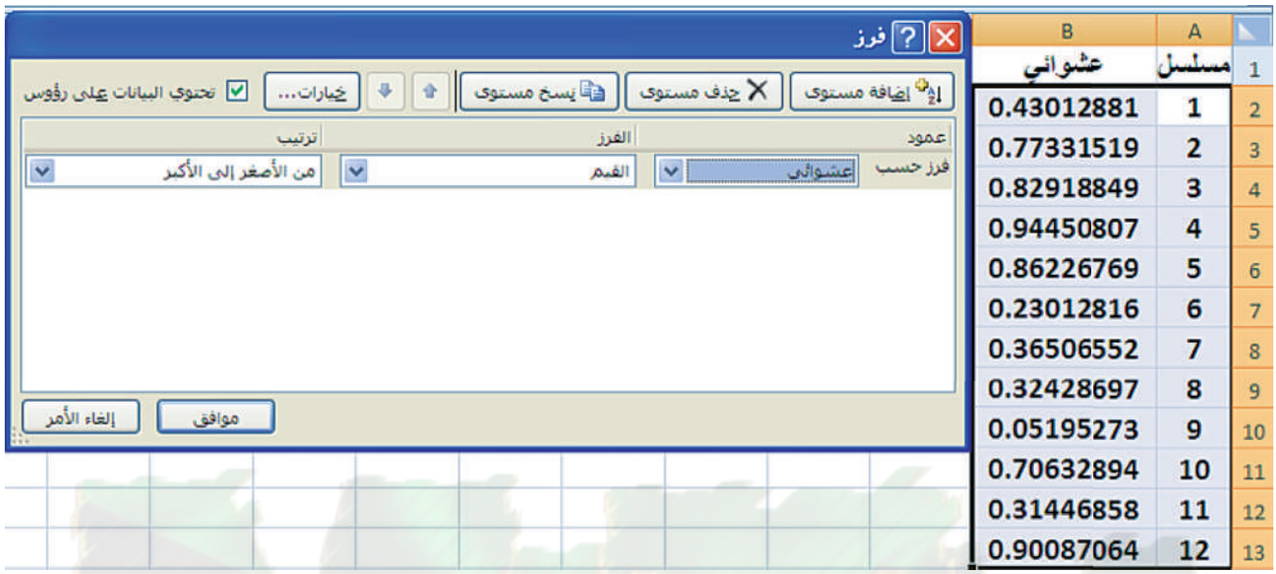
بعد الانتهاء من عملية النسخ اضغط المفتاح الأيمن من الفأرة وأنت على أي من الخلايا المحددة مرة أخرى تظهر قائمة اختر منها لصق خاص، فتظهر نافذة معنونة: لصق خاص اضغط على القيم وذلك ليتم لصق قيم الخلايا كما في الشكل (١٧).

	A	B
1	مسلسل	عشوائي
2	1	0.43012881
3	2	0.77331519
4	3	0.82918849
5	4	0.94450807
6	5	0.86226769
7	6	0.23012816
8	7	0.36506552
9	8	0.32428697
10	9	0.05195273
11	10	0.70632894
12	11	0.31446858
13	12	0.90087064

شكل (١٧)

- اضغط فوق زر موافق لتحصل على عمود كامل من الأرقام العشوائية غير المرتبة من الخلية B2 حتى الخلية B13.
- حدد خلايا الأرقام المتسلسلة للمجتمع (السيارات الرياضية) وخلايا الأرقام العشوائية غير المرتبة بما فيها الخليتان A1 و B1. بواسطة الفأرة حدد الخلايا من الخلية A1 حتى الخلية B13.
- قم بترتيب محتوى العمودين تصاعديًّا بناء على قيم الأرقام العشوائية وذلك من القائمة المنسدلة على الشكل التالي:
- اضغط على بيانات ثم فرز ثم فرز مخصص تظهر نافذة كما في الشكل (١٨) بحيث يكون الصف الأول يحتوي على أسماء المتغيرات من خلال اختيار تحتوي البيانات على رؤوس.
- تختار عشوائي في خانة فرز حسب وتحدد طريقة الترتيب تصاعديًّا من خلال اختيار من الأصغر إلى الأكبر في خانة ترتيب كما في الشكل (١٨).

KuwaitMath.com



	A	B
1	مسلسل	عشوائي
2	1	0.43012881
3	2	0.77331519
4	3	0.82918849
5	4	0.94450807
6	5	0.86226769
7	6	0.23012816
8	7	0.36506552
9	8	0.32428697
10	9	0.05195273
11	10	0.70632894
12	11	0.31446858
13	12	0.90087064

شكل (١٨)

اضغط فوق زر موافق لتحصل على العمودين بترتيب جديد حيث تظهر الأرقام العشوائية مرتبة تصاعديًّا كما في الشكل (١٩).

الرقم الأول في العمود مسلسل يمثل نقطة البداية. أكمل العينة بانتظام وذلك بتكرار إضافة العدد ١٢ لتحصل على العينة المكونة من السيارات ذات الأرقام التالية: ٩، ٢١، ٣٣، ٤٥، ٥٧، ٦٩، ٨١، ٩٣، ١٠٥، ١١٧، ١٢٩، ١٤١، ١٥٣، ١٦٥، ١٧٧، ١٨٩، ٢٠١، ٢١٣، ٢٢٥، ٢٣٧.

	A	B
1	مسلسل	عشوائي
2	9	0.2890476
3	6	0.53715961
4	11	0.12867364
5	8	0.80582927
6	7	0.38523359
7	1	0.41342449
8	10	0.17238792
9	2	0.46660159
10	3	0.88795747
11	5	0.10768034
12	12	0.74620083
13	4	0.11498304

شكل (١٩)

KuwaitMath.com

حاول أن تحل

٣ عندما تتخطى سرعة إدخال النص عبر الحاسوب الـ ١٠٠ كلمة بالدقيقة يعتبر المعدل جيدًا. بهدف طباعة كتاب مؤلف من حوالى مليون كلمة بأسرع وقت ممكن، المطلوب اختيار من أصل ٤٠٠ مدخل نصوص عبر الحاسوب. عينة عشوائيّة حجمها ٢٥ شخصًا لإيجاد الأسرع في ما بينهم وذلك باستخدام برنامج إحصائي.

المرشد لحل المسائل

في مؤسسة لحياكة الملابس القطنية يوجد ٢٥ إداريًّا مرقمين من ١٠١ إلى ١٢٥، ٧٥ تقنيًّا وفنيًّا مرقمين من ٢٠١ إلى ٢٧٥، ٤٠٠ عامل مرقمين من ٣٠١ إلى ٧٠٠.

أراد صاحب المؤسسة اختيار ٢٠ شخصًا من هذه المؤسسة لإرسالهم في دورة تدريبية على أن تتضمن هذه المجموعة إداريين وفنيين وتقنيين وعمّالًا.

كيف يمكنك مساعدة صاحب هذه المؤسسة على اختيار عناصر هذه المجموعة؟

ملاحظة:

يتم اختيار الصف الأول والعمود الأول من جدول الأعداد العشوائية حيث إنه لم يتم التحديد.

الحل:

لدينا إداريين، فنيين، تقنيين، عمال لذا يتوجب تكوين عينة طبقية منتظمة.

عدد العاملين في المؤسسة = ٥٠٠

عدد أعضاء المجموعة = ٢٠

نجد كسر المعاينة: $\frac{٢٠}{٥٠٠}$ = ٠,٠٤ ومنه نحصل على:

عدد الإداريين = ٢٥ × ٠,٠٤ = ١

عدد الفنيين والتقنيين = ٧٥ × ٠,٠٤ = ٣

عدد العمال = ٤٠٠ × ٠,٠٤ = ١٦

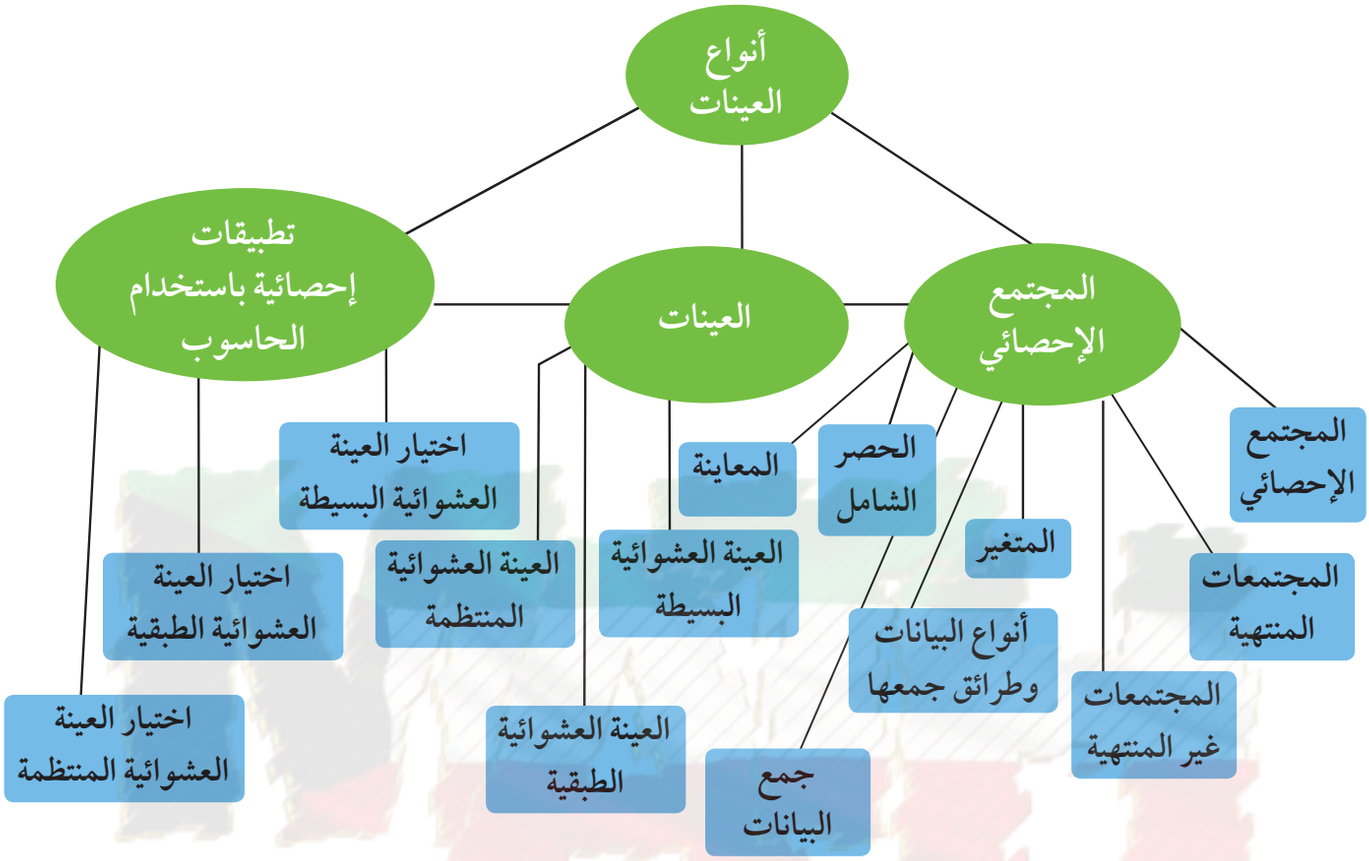
أي أن العينة العشوائية الطبقية ستكون مكونة من ١(إداري)، ٣(فني وتقني) ومن ١٦(عاملًا).

- يمكن اختيار الإداري باستخدام جدول الأعداد العشوائية فمثلًا نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الأول والعمود الأول والتحرك نزولًا فنحصل على العدد ١٢١.
- يمكن اختيار الفنيين والتقنيين باستخدام جدول الأعداد العشوائية فمثلًا نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الأول والعمود الأول ثم نتحرك نزولًا فنحصل على الأعداد: ٢٠١، ٢٠٩، ٢٢٧.
- يمكن اختيار العمال باستخدام جدول الأعداد العشوائية فمثلًا نأخذ الأرقام الثلاثة لجهة اليسار من الصف الأول والعمود الأول ونتحرك نزولًا فنحصل على الأعداد: ٥٩٢، ٦٧٢، ٤٦٢، ٦٦٠، ٤٦٨، ٥٩٠، ٦٣٠، ٥٤٣، ٤١٢، ٦٦٥، ٣١٥، ٣٦٠، ٣٥٩، ٤١٤، ٦٥٧، ٦٢٠.

مسألة إضافية

في أحد المصارف الكبرى يوجد ٢٠٠ موظف مرقمين من ١ إلى ٢٠٠ موزعين في كل الفروع العاملة في الدولة. أرادت الإدارة العامة في المصرف تشكيل عينة عشوائية منتظمة من ٢٠ موظفًا لدراسة أساليب العمل الفضلى المتعلقة بكيفية التعامل مع الزبائن. ساعد الإدارة على تشكيل هذه العينة العشوائية المنتظمة.

مخطط تنظيمي للوحدة الثانية



ملخص

- المجتمع الإحصائي هو مجموعة كل العناصر قيد الدراسة ويكون لها خصائص مشتركة.
- المتغير هو الصفة التي تكون محور الدراسة في المجتمع الإحصائي.
- الحصر الشامل هي عملية جمع بيانات جميع المفردات من المجتمع محل الدراسة.
- العينة العشوائية هي جزء من المجتمع محل الدراسة يتم اختيارها بحيث يكون لكل فرد من المجتمع فرصة مساوية ليكون ضمن العينة.
- البيانات الكمية تتناول الكم مثل الأطوال والأوزان.
- البيانات الكيفية تتناول الكيف مثل الألوان والتقديرات.
- العينة العشوائية البسيطة هي عينة عشوائية من المجتمع الإحصائي لها الفرصة نفسها في الظهور.
- العينة العشوائية الطبقية تتكون من عينات عشوائية بسيطة لا تتقاطع مع بعضها البعض.
- العينة العشوائية المنتظمة يتم فيها تقسيم المجتمع إلى فترات متساوية الطول وعددها يساوي حجم العينة.
- كسر المعاينة $= \frac{\text{حجم العينة}}{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}$.
- حجم العينة البسيطة في العينة الطبقية = كسر المعاينة × حجم الطبقة المناظرة.
- طول الفترة $= \frac{\text{حجم المجتمع الإحصائي}}{\text{حجم العينة}}$.

KuwaitMath.com