

# الوحدة الثانية

KuwaitMath.com

## مجال الدالة

### Domain of the Function

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) مجال الدالة  $f(x) = \sqrt{(x-2)^2}$  هو  $\mathbb{R}$

(a) (b)

$$f(x) = \sqrt{(x-2)^2} = |x-2|$$

السبب :

مجال دالة المطلق  $\mathbb{R}$

(a) (b)

(2) مجال الدالة  $f(x) = \frac{3}{\sqrt{2x-6}}$  هو  $[3, \infty)$

السبب : لأن الـ 3 وبالتالي لا يصح أن يحتوي المجال على العدد 3

(a) (b)

(3) مجال الدالة  $f(x) = \sqrt{-x}$  هو  $(-\infty, 0]$

السبب : مجال الدالة  $f$  هو مجموعة قيم  $x$  الحقيقية والتي تجعل المجذور  $(-x)$  عدداً موجباً

$$-\infty < x \leq 0 \Rightarrow -x \geq 0 \Rightarrow x \leq 0 \quad \text{أي أن مجال الدالة } f = (-\infty, 0]$$

(a) (b)

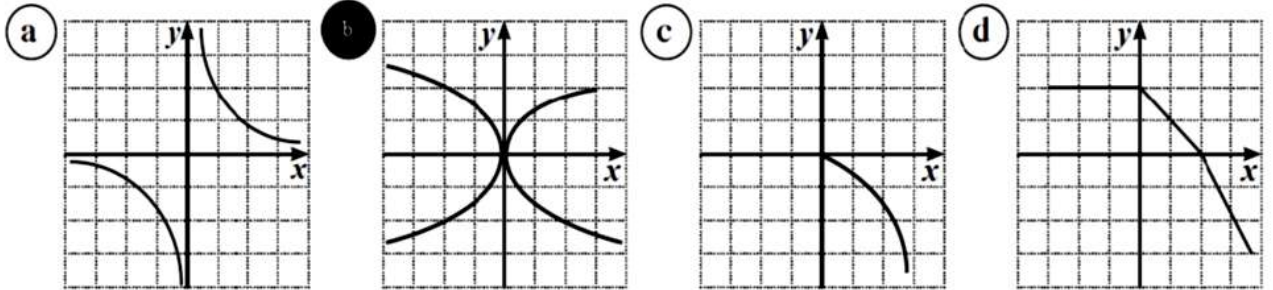
(4) مجال الدالة  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2}}\sqrt{x+3}$  هو  $[-3, \infty)$

السبب : بفرض أن  $f(x) = n(x) = m(x)$  حيث  $m(x) = -2$  ،  $n(x) = |x|$

مجال الدالة  $n = \mathbb{R}$  (دالة مطلق) ومجال  $m = \mathbb{R}$  (دالة ثابتة)

في التمارين (6-11)، ظلل رمز الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة.

(6) أيّاً مما يلي لا يمثل بيان دالة:



السبب : هذا البيان لا يمثل دالة

لان يمكن رسم على الأقل مستقيم رأسي واحد يقطع بيان هذا الدالة بأكثر من نقطة

(7) مجال الدالة  $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x + 1}$  هو:

- (a)  $\mathbb{R}$       (b)  $\mathbb{R} / \{1\}$       (c)  $\mathbb{R} / \{-1, 1\}$       (d)  $\mathbb{R} / \{-1\}$

السبب:

مجال دالة البسط =  $\mathbb{R}$  ، مجال دالة المقام =  $\mathbb{R}$

$$x^2 + 2x + 1 = 0 \Rightarrow (x + 1)^2 = 0 \Rightarrow x = -1 \quad \text{أصفار المقام}$$

$$\mathbb{R} - \{-1\} = f \quad \text{مجال دالة } f$$

(8) مجال الدالة  $f(x) = \frac{\sqrt{x^2}}{x}$  هو:

- (a)  $\mathbb{R} / \{0\}$       (b)  $[0, \infty)$       (c)  $(-\infty, 0)$       (d)  $(0, \infty)$

السبب:

مجال دالة البسط =  $\mathbb{R}$  (دالة مطلق) ، مجال دالة المقام =  $\mathbb{R}$  (دالة حدودية)

$$x = 0 \Rightarrow \quad \text{أصفار المقام}$$

$$\mathbb{R} - \{0\} = f \quad \text{مجال دالة } f$$

(9) مجال الدالة  $f(x) = \frac{x-1}{x-\sqrt{x}}$  هو:

- (a)  $\mathbb{R} / \{1\}$       (b)  $\mathbb{R} / \{0, 1\}$       (c)  $\mathbb{R} - \{0\}$       (d)  $(0, \infty) / \{1\}$

السبب:

$$f(x) = \frac{A(x)}{B(x)-C(x)} \quad \text{حيث } A(x) = x-1, B(x) = x, C(x) = \sqrt{x}$$

$$\mathbb{R} = A \quad \text{مجال الدالة } A \quad \mathbb{R} = B \quad \text{مجال الدالة } B \quad [0, \infty) = C \quad \text{مجال الدالة } C$$

$$\text{أصفار المقام: } x - \sqrt{x} = 0 \Rightarrow x = \sqrt{x} \quad \text{بتربيع الطرفين}$$

$$x^2 = x \Rightarrow x^2 - x = 0 \Rightarrow x(x-1) = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ or } x = 1$$

$$\text{مجال دالة } f = (\mathbb{R} \cup \mathbb{R} \cup [0, \infty) - \{0, 1\}) = (0, \infty) - \{1\}$$

(10) مجال الدالة  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x+1}-1}$  هو:

- (a)  $(0, \infty)$       (b)  $[1, \infty)$       (c)  $(-1, \infty)$       (d)  $[-1, \infty) / \{0\}$

$$f(x) = \frac{A(x)}{B(x)-C(x)} \quad \text{حيث } A(x) = x, B(x) = \sqrt{x+1}, C(x) = -1 \quad \text{السبب:}$$

$$\mathbb{R} = A \quad \text{مجال الدالة } A \quad [-1, \infty) = B \quad \text{مجال الدالة } B \quad \mathbb{R} = C \quad \text{مجال الدالة } C$$

$$\text{أصفار المقام: } \sqrt{x+1} - 1 = 0 \Rightarrow \sqrt{x+1} = 1 \quad \text{بتربيع الطرفين}$$

$$x + 1 = 1 \Rightarrow x = 0$$

$$\text{مجال دالة } f = [-1, \infty) - \{0\} = \mathbb{R} \cup \mathbb{R} \cup [-1, \infty) - \{0\}$$

(11) لتكن  $f(x) = x\sqrt{x}$  ,  $g: [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  ,  $g(x) = x^2$  فإن مجال الدالة  $f \cdot g$  هو:

(a)  $[-2, 2]$

(b)  $[0, 2]$

(c)  $(0, 2)$

(d) ليس أيًا مما سبق صحيحًا

السبب:

$$f(x) = A(x).B(x) \text{ حيث } A(x) = x, B(x) = \sqrt{x}$$

$$\text{مجال الدالة } A = \mathbb{R}, \text{ مجال الدالة } B = [0, \infty)$$

$$\text{مجال دالة } f = [0, \infty)$$

$$\text{مجال دالة } f \cdot g = [0, 2] = [0, \infty) \cup [-2, 2]$$



KuwaitMath.com



## الدوال التربيعية ونمذجتها

### Quadratic Functions and their Modelling

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) الدالة  $f(x) = kx^2 + x - 3$ ,  $k \in \mathbb{Z}$  يمكن أن تكون دالة خطية.

السبب:

لأنه عندما تكون  $K=0$  تكون الدالة  $f$  دالة خطية

(a) (b)

(2) الدالة  $f(x) = x + \frac{|x|}{x}$  هي دالة خطية.

السبب:

فإن جميع النقاط ليست على خط مستقيم واحد .  
 $\frac{|x|}{x} = \begin{cases} \frac{x}{x} : x > 0 \\ -\frac{x}{x} : x < 0 \end{cases} = \begin{cases} 1 : x > 0 \\ -1 : x < 0 \end{cases}$

(a) (b)

(3) النقطة  $A(1, 6)$  تنتمي إلى منحنى الدالة:  $f(x) = (3x)(2x) + 6$

السبب:

$$f(x) = 6x^2 + 6, f(1) = 6(1)^2 + 6 = 12, 12 \neq 6$$

النقطة  $(1,6)$  لا تنتمي للدالة  $f$

(a) (b)

(4) الدالة  $y = x(1-x) - (1-x^2)$  هي دالة خطية.

السبب:

$$y = x(1-x) - (1-x^2) = x - x^2 - 1 + x^2 = x - 1$$

الدالة خطية من الدرجة الأولى

(a) (b)

(5) الدالة  $f(x) = \pi^2 - x$  هي دالة تربيعية.

السبب:

الدالة  $f$  هي دالة خطية (من الدرجة الأولى) لأن  $(\pi^2)$  لا تمثل متغيراً

الدوال التربيعية ونمذجتها

Quadratic Functions and their Modelling

المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) الدالة  $f(x) = kx^2 + x - 3$ ,  $k \in \mathbb{Z}$  يمكن أن تكون دالة خطية.

السبب:

لأنه عندما تكون  $K=0$  تكون الدالة  $f$  دالة خطية

(a) (b)

(2) الدالة  $f(x) = x + \frac{|x|}{x}$  هي دالة خطية.

السبب:

فإن جميع النقاط ليست على خط مستقيم واحد .  
 $\frac{|x|}{x} = \begin{cases} \frac{x}{x} : x > 0 \\ -\frac{x}{x} : x < 0 \end{cases} = \begin{cases} 1 : x > 0 \\ -1 : x < 0 \end{cases}$

(a) (b)

(3) النقطة  $A(1, 6)$  تنتمي إلى منحنى الدالة:  $f(x) = (3x)(2x) + 6$

السبب:

$$f(x) = 6x^2 + 6, \quad f(1) = 6(1)^2 + 6 = 12, \quad 12 \neq 6$$

النقطة  $(1,6)$  لا تنتمي للدالة  $f$

(a) (b)

(4) الدالة  $y = x(1-x) - (1-x^2)$  هي دالة خطية.

السبب:

$$y = x(1-x) - (1-x^2) = x - x^2 - 1 + x^2 = x - 1$$

الدالة خطية من الدرجة الأولى

(a) (b)

(5) الدالة  $f(x) = \pi^2 - x$  هي دالة تربيعية.

السبب:

الدالة  $f$  هي دالة خطية (من الدرجة الأولى) لأن  $(\pi^2)$  لا تمثل متغيراً

## الدوال التربيعية والقطع المكافئة

### Quadratic Functions and Parabolas

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a)

(b)

(1) المعادلة  $y = 2x^2 - 2(3-x)^2$  تمثل معادلة قطع مكافئ.

السبب :

$$y = 2x^2 - 2(3-x)^2 = 2x^2 - 2(9 - 6x + x^2) = 2x^2 - 18 + 12x - 2x^2$$

$$= -18 + 12x$$

هذا المعادلة تمثل دالة خطية ولا تمثل معادلة قطع مكافئ

(a)

(b)

(2) القطع المكافئ  $y = -\frac{1}{3}(x+2)^2 - 3$  فتحته إلى الأعلى.

السبب :

فتحة القطع إلى أسفل  $a = -\frac{1}{3}$  ,  $-\frac{1}{3} < 0$

(a)

(b)

(3) المعادلة  $y = 2(x-1)^2 + 2$  يكون بيانها أكثر اتساعاً من بيان الدالة  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

السبب :

كلما قل معامل حد الدرجة الثانية كلما زاد اتساع القطع المكافئ

(a)

(b)

(4) توجد عند رأس منحنى الدالة  $y = -(x-3)^2 - 2$  قيمة عظمى.

السبب :

$$a = -1$$
 ,  $-1 < 0$

فتحة القطع إلى أسفل ، وبالتالي يكون عند رأس القطع المكافئ قيمة عظمى للدالة

(a)

(b)

(5) منحنى القطع المكافئ  $y = (-x+2)^2 + 3$  يمر بالنقطة  $P(2, 3)$

نقوم بالتعويض عن  $x = 2$  في المعادلة  $y = (-x+2)^2 + 3$

$$y = (-2+2)^2 + 3 = 3$$

النقطة (2,3) تقع على القطع



في التمارين (11-6)، ظلل رمز الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة.

(6) الدالة  $y = a(3-x)^2 - 2$  يكون رسمها أوسع من رسم بيان الدالة  $y = -2x^2$  إذا كان:

- (a)  $|a| = 2$       (b)  $|a| > 2$       (c)  $a < 2$       (d)  $|a| < 2$

السبب: إذا كان معامل حد الدرجة الثانية مثلًا هو -2 أو 2 فإن اتساع بيان الدالة هو نفسه ولكن الإشارة تدل على

اتجاه فتحة المنحني إلى أعلى أو إلى أسفل وبالتالي فإن الدالة التي يكون رسمها  $|a| < 2$

(7) معادلة القطع المكافئ  $y = 2x^2$  الذي تم إزاحة رأسه وحدتين يسارًا و4 وحدات لأعلى هي:

- (a)  $y = (2x+2)^2 + 4$       (b)  $y = 2(x-2)^2 + 4$   
 (c)  $y = 2(x+2)^2 + 4$       (d)  $y = 2(x+2)^2 - 4$

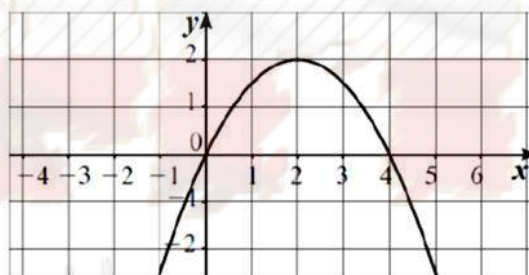
السبب:

عند إزاحة القطع المكافئ الذي معادلته  $y = 2x^2$

$$y = 2(x+2)^2 + 4$$

إزاحة منحنى الدالة وحدتين يسارًا وأربعة وحدات يمين

(8) الشكل أدناه يمثل منحنى قطع مكافئ معادلته هي:



- (a)  $y = (x-2)^2 + 2$       (b)  $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 + 2$   
 (c)  $y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 - 2$       (d)  $y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 + 2$

السبب:

لأن رأس المنحني هو النقطة (2, 2) والمنحني مفتوح إلى الأسفل

(9) القطع المكافئ  $y = a(x-h)^2 + k$  يقطع المحورين على الأكثر في:

- (a) نقطة      (b) نقطتين  
 (c) 3 نقاط      (d) 4 نقاط

السبب:

ويمكن أن يقطع محور الصادات في نقطة واحدة

القطع المكافئ يقطع محور السينات في نقطتين فقط



(10) القيمة الصغرى للدالة  $y = \frac{1}{3}(3-x)^2 - 2$  هي عند النقطة:

(a)  $(3, -2)$

(b)  $(-3, 2)$

(c)  $(-3, -2)$

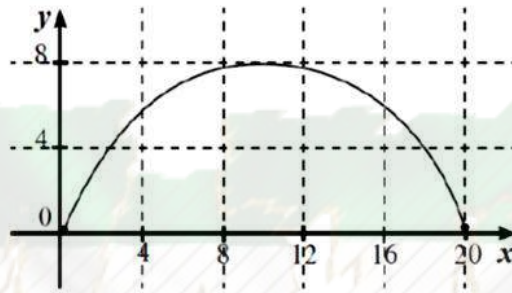
(d)  $(3, 2)$

السبب :

المعادلة  $y = \frac{1}{3}(3-x)^2 - 2$  هي المعادلة  $y = \frac{1}{3}(x-3)^2 - 2$

فإن رأس المنحني هو النقطة  $(3, -2)$

(11) يقع جسر على شكل قطع مكافئ فوق نهر. يبلغ البعد بين قاعدتيه 20 m وارتفاعه الأقصى 8 m معادلة القطع المكافئ هي:



(a)  $y = 0.08(x-10)^2 + 8$

(b)  $y = -0.08(x-10)^2 + 8$

(c)  $y = -0.08(x-20)^2 + 8$

(d)  $y = 0.08(x+10)^2 + 8$

السبب :

KuwaitMath.com

## المعكوسات ودوال الجذر التربيعي

### Inverses and Square Root Functions

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إذا كانت النقطة  $M(x, y)$  تنتمي لبيان الدالة  $f$  فإن النقطة  $N(y, x)$

تنتمي لبيان معكوس هذه الدالة.

السبب :

إذا كانت النقطة  $(a, b)$  تنتمي لبيان الدالة  $f$  فإن النقطة  $(b, a)$  تنتمي لبيان معكوس الدالة  $f$

(2) إذا كانت  $f(x) = x + 1, g(x) = x - 1$  فإن الدالتين كل منهما معكوس للأخرى.

$$f(x) = x + 1 \Rightarrow y = x + 1$$

السبب :

نقوم بتبديل كل من  $x, y$  ثم الحل بالنسبة إلى  $y$  كالتالي

$$x = y + 1 \Rightarrow y = x - 1 \Rightarrow g(x) = x - 1$$

(3) المستقيم  $y = x$  هو خط انعكاس لبيان دالة  $f$  وبيان معكوسها.

السبب :

العبارة صحيحة

(4) إذا مر بيان دالة بنقطة الأصل فإن بيان معكوسها يمر أيضًا بنقطة الأصل.

(5) لا يتغير مجال دالة الجذر التربيعي بعد إزاحة بيانها 3 وحدات يمينًا.

السبب :

لأنه عند التبديل  $y, x$  نحصل على نفس نقطة الأصل

في التمارين (6-10)، ظلل رمز الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

(6) إذا انتمت النقطة  $A(2, 3)$  إلى بيان دالة فإن النقطة التي تنتمي إلى بيان معكوس تلك الدالة هي:

(a)  $(-2, 3)$

(b)  $(2, -3)$

(c)  $(3, -2)$

(d)  $(3, 2)$

السبب :

لأنه إذا كانت النقطة  $(a, b)$  تنتمي لبيان الدالة  $f$  فإن النقطة  $(b, a)$  تنتمي لبيان معكوس الدالة  $f$

(7) بيان الدالة  $y = \sqrt{x+2} - 2$  هو انسحاب لبيان الدالة  $y = \sqrt{x}$ :

- (a) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأعلى  
 (b) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأسفل  
 (c) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأعلى  
 (d) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأسفل

السبب:

من خلال العلاقة بين الدالتين بيان الدالة  $y = \sqrt{x}$

هو انسحاب لبيان الدالة  $y = \sqrt{x+2} - 2$  وحدتين يسار ووحدتين إلى أسفل

(8) معكوس الدالة  $y = x^2 + 2$  هو:

- (a)  $y = \sqrt{x-2}$   
 (b)  $y = -\sqrt{x-2}$   
 (c)  $y = \pm\sqrt{x-2}$   
 (d) ليس أيًا مما سبق صحيحًا

السبب:

نقوم بتبديل كل من  $x, y$  ثم الحل بالنسبة إلى  $y$  كالتالي

$$x = y^2 + 2 \Rightarrow y^2 = x - 2 \Rightarrow y = \pm\sqrt{x-2}$$

معكوس الدالة  $y^2 = x + 2$  هو الدالة  $y = \pm\sqrt{x-2}$

نقوم بتبديل كل من  $x, y$  ثم الحل بالنسبة إلى  $y$  كالتالي

(9) معكوس الدالة  $y = 5x - 1$  هو:

- (a)  $y = 5x + 1$   
 (b)  $y = \frac{x+1}{5}$   
 (c)  $y = \frac{x}{5} + 1$   
 (d)  $y = \frac{x}{5} - 1$

السبب:

$$x = 5y - 1 \Rightarrow 5y = x + 1 \Rightarrow y = \frac{x+1}{5}$$

معكوس الدالة  $y = 5x - 1$  هو  $y = \frac{x+1}{5}$

(10) مجال معكوس الدالة  $y = \sqrt{x+3} - 1$  هو:

- (a)  $\mathbb{R}$   
 (b)  $(-1, \infty)$   
 (c)  $(-\infty, 1)$   
 (d)  $[-1, \infty)$

السبب: مدى هو  $[-1, \infty)$  و مجال معكوس الدالة هو  $[-1, \infty)$



## حل المتباينات

### Solving Inequalities

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1 - 5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة:

- (1) مجموعة حل المتباينة  $(x+3)^2 > 0$  هي  $\mathbb{R}$   
السبب: حيث أن الـ (-3) هو صفر للمتباينة

$$(x+3)^2 > 0$$

مجموعة الحل  $\mathbb{R} - \{-3\}$  وليست  $\mathbb{R}$

- (2) كل  $x$  ينتمي للفترة  $(0, \infty)$  هو حل للمتباينة  $\frac{x-1}{x^2-x} \geq 0$   
السبب: أصفار المقام

$$x^2 - x = 0 \Rightarrow x(x-1) = 0$$

أصفار المقام هي:  $1 \in (0 - \infty)$  فإن الفترة  $(0 - \infty)$  ليست حل للمتباينة

- (3) مجموعة حل المتباينة  $(x+3)^2 + 2 < 1$  هي المجموعة الخالية  $\emptyset$   
السبب:  $(x+3)^2 + 2 < 0$  أي أن  $(x+3)^2 < -2$

مجموعة الحل  $\emptyset = \{ \}$

- (4) مجموعة حل المتباينة  $\frac{x+2}{x+1} \geq 1$  هي  $(-1, \infty)$   
السبب:  $\frac{x+2}{x+1} \geq 1 \quad \forall x \in (-1, \infty)$   
 $\frac{x+2}{x+1} \neq 1, \quad \forall x \in (-1, \infty)$

وتكون الأجوبة صحيحة إذا كتبت المتباينة بالصورة  $\frac{x+2}{x+1} > 1$

- (5) مجموعة حل المتباينة  $(-x-3)^2 < 0$  هي  $\{3\}$

$$(-x-3)^2 < 0 \Rightarrow (x+3)^2 < 0$$

السبب:

مجموعة حل المتباينة هي  $\emptyset$



في التمارين (13-6)، ظلل رمز الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة.

(6) المعادلة المناظرة للمتباينة  $2 \leq -3(x+1)\left(x+\frac{1}{3}\right)$  هي:

- (a)  $-3x^2 + 2x - \frac{5}{3} = 0$  (b)  $x^2 + \frac{4}{3}x + 1 = 0$  (c)  $-3x^2 + 4x - 3 = 0$  (d)  $-3x^2 + 2x + 1 = 0$

السبب:  $-3(x+1)\left(x+\frac{1}{3}\right) \leq 2 \Rightarrow (x+1)(-3x-1) \leq 2$

$$-3x^2 - 4x - 1 \leq 2$$

$$-3x^2 - 4x - 3 = 0 \text{ معادلة المناظرة } -3x^2 - 4x - 3 \leq 0$$

(7) إن مجموعة حل المتباينة  $(1-2x)(4+5x) < 0$  هي:

- (a)  $\left(-\frac{4}{5}, \frac{1}{2}\right)$  (b)  $(-\infty, -\frac{4}{5}) \cup \left(\frac{1}{2}, \infty\right)$   
(c)  $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup \left(\frac{4}{5}, \infty\right)$  (d)  $(-\infty, -\frac{4}{5}) \cup \left(-\frac{1}{2}, \infty\right)$

السبب:  $(1-2x)(4+5x) < 0$  معادلة المناظرة  $(1-2x)(4+5x) = 0$

$$x = \frac{1}{2}, x = -\frac{4}{5} \quad \text{الأصفار هي: } \frac{1}{2}, -\frac{4}{5}$$

وحيث أن علاقة المتباينة أصغر فإن:

$$\left(-\infty, -\frac{4}{5}\right) \cup \left(\frac{1}{2}, \infty\right) = \text{مجموعة الحل}$$

(8) إن مجموعة حل المتباينة  $0 < \frac{(x^2+1)(x-3)}{x-3}$  هي:

- (a)  $\mathbb{R}$  (b)  $\mathbb{R}^*$  (c)  $\mathbb{R} - \{3\}$  (d)  $\mathbb{R} - \{0, 3\}$

السبب:  $\frac{(x^2+1)(x-3)}{x-3} > 0 \Rightarrow x^2 + 1 > 0 : x \neq 3$

$$\mathbb{R} - \{3\} = \text{مجموعة الحل}$$

(9) المتباينة التي مجموعة حلها  $[-2, 3]$  هي:

- (a)  $x^2 - x - 6 < 0$  (b)  $x^2 - x - 6 \leq 0$  (c)  $x^2 - x - 6 > 0$  (d)  $x^2 - x - 6 \geq 0$

السبب: المتباينة التي تحتوي على علاقة التباين أصغر من أو يساوي هي التي تحتوي

$$x^2 - x - 6 \leq 0 \text{ مجموعة الحل } = [-2, 3] \text{ المتباينة هي}$$

(10) مجموعة حل المتباينة  $x^2 + |x| > 0$  هي:

- (a)  $\mathbb{R}$       (b)  $(0, \infty)$       (c)  $\mathbb{R} - \{0\}$       (d) ليس أيًا مما سبق صحيحًا

السبب:

مجموعة حل المتباينة  $x^2 + |x| > 0$  هي  $\mathbb{R} - \{0\}$

(11) إذا كانت  $f(x) = \frac{x(x+1)}{(2x-3)(3x+2)}$  فإن قيم  $x$  التي تجعل  $f$  غير معرفة هي:

- (a)  $\{\frac{2}{3}, -\frac{3}{2}\}$       (b)  $\{-\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\}$       (c)  $\{\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\}$       (d)  $\{-\frac{2}{3}, -\frac{3}{2}\}$

السبب:

قيم  $x$  التي تجعل  $f$  غير معرفة هي أصفار المقام  $f(x) = \frac{x(x+1)}{(2x-3)(3x+2)}$

$$(2x-3)(3x+2) = 0 \Rightarrow x = \frac{3}{2}, x = -\frac{2}{3}$$

(12) مجموعة حل المعادلة  $x^2 + |x| - 2 = 0$  هي:

- (a)  $\{1, -2\}$       (b)  $\{-1, 2\}$       (c)  $\{-1, 1\}$       (d)  $\{-2, 2\}$

السبب:

$$x^2 + |x| - 2 = 0 \Rightarrow |x|^2 + |x| - 2 = 0$$

$$(|x| - 1)(|x| + 2) = 0$$

$$|x| - 1 = 0 \Rightarrow |x| = 1 \Rightarrow x = \pm 1, |x| = -2 \text{ مرفوض}$$

(13) إذا كانت  $f(x) = -3x^2 + x - \frac{1}{12}$  فإن قيم  $x$  التي تجعل  $f(x)$  غير موجبة ولا تساوي الصفر هي:

- (a)  $(-\infty, 0)$       (b)  $(0, \infty)$       (c)  $\{\frac{1}{6}\}$       (d)  $\mathbb{R} - \{\frac{1}{6}\}$

السبب:

قيم  $x$  التي تجعل  $f(x)$  غير موجبة ولا تساوي صفر  $f(x) = -3x^2 + x - \frac{1}{12}$

$$-3x^2 + x - \frac{1}{12} < 0 \Rightarrow 3x^2 - x + \frac{1}{12} > 0$$

$$36x^2 - 12x + 1 > 0 \quad \text{في ضرب 12}$$

$$\frac{1}{6} \text{ أصفار المتباينة } (6x-1)^2 > 0$$

مجموعة القيم هي  $\mathbb{R} - \{\frac{1}{6}\}$