

## بند ( 1 - 2 )

## المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a)

(b)

(1) ميل مماس منحنى الدالة  $f$  عند النقطة  $(c, f(c))$  هو  $\frac{f(c+h)-f(c)}{h}$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(c+h) - f(c)}{h}$$

إن وجدت

(a)

(b)

(2) السرعة المتوسطة لجسيم متحرك على خط مستقيم هي:  $\bar{v} = \frac{d(t_1+h) - d(t_1)}{h}$

$$v = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(t+h) - f(t)}{h}$$

تذكر أن السرعة اللحظية

(a)

(b)

(3) ميل مماس منحنى الدالة  $f: f(x) = x^2$  عند  $x = -2$  هو 4

$$f'(x) = 2x \Rightarrow f'(-2) = 2(-2) = -4$$

(a)

(b)

(4) ميل مماس منحنى الدالة  $f: f(x) = |x|$  عند  $x = -2$  هو 2

$$f(x) = \begin{cases} x: x \geq 0 \\ -x: x < 0 \end{cases} \Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 1: x \geq 0 \\ -1: x < 0 \end{cases} \Rightarrow f'(-2) = -1$$

(a)

(b)

(5) يكون مماس منحنى الدالة  $f: f(x) = 4$  عند النقطة  $(-1, 4)$  موازيًا لمحور السينات.

$$f'(x) = 0 \Rightarrow f'(-1) = 0$$

في التمارين (6-9)، ظلّ رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) ميل مماس منحنى الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{2}{x}$  عند  $x = -2$  هو:

(a) -1

(b)   $-\frac{1}{2}$ (c)  $\frac{1}{2}$ 

(d) 1

$$f'(x) = \frac{-2}{x^2} \Rightarrow f'(-2) = \frac{-2}{(-2)^2} = \frac{-1}{2}$$

آله حاسبة

(7) ميل مماس منحنى الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{-1}{x-1}$  عند  $x = 0$  هو:

(a) -1

(b) 0

(c)  1

(d) 2

$$f'(x) = \frac{-(-1)(1)}{(x-1)^2} \Rightarrow f'(0) = \frac{1}{(0-1)^2} = 1$$

آله حاسبة

(8) ميل مماس منحنى الدالة  $f$ :  $f(x) = 9 - x^2$  عند  $x = 2$  هو:

(a) -5

(b)  -4

(c) 4

(d) 5

$$f'(x) = -2x \Rightarrow f'(2) = -2(2) = -4$$

آله حاسبة

(9) ليكن منحنى الدالة  $f$ :  $f(x) = x^2 - 4x + 3$  فإن النقطة التي يكون مماس المنحنى عندها أفقيًا هي:

(a) (3, 0)

(b) (1, 0)

(c)  (2, -1)

(d) (-1, 2)

$$f'(x) = 2x - 4 \Rightarrow 2x - 4 = 0 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2$$

**بند ( 2 - 2 )**

في التمارين (1-6)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (a) (b)

(1) إذا كانت  $f$ :  $f(x) = 3x - 12$  فإن  $f'(x) = 3$ .

- (a) (b)

(2) الدالة  $f$ :  $f(x) = x|x|$  غير قابلة للاشتقاق  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

$$f(x) = \begin{cases} x^2 : x \geq 0 \\ -x^2 : x < 0 \end{cases} \Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 2x : x > 0 \\ ??? : x = 0 \\ -2x : x < 0 \end{cases}$$

$$f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 - 0}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} x = 0$$

$$f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-x^2 - 0}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} (-x) = 0$$

الدالة قابلة  
للاشتقاق  
على  $\mathbb{R}$

- (a) (b)

(3) إن الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4x - 5}$  غير قابلة للاشتقاق عندما  $x$  تساوي  $-1$  فقط.

الدالة غير قابلة للاشتقاق عند أصفار المقام

$$x^2 - 4x - 5 = 0 \Rightarrow (x - 5)(x + 1) = 0 \Rightarrow x = 5, x = -1$$

- (a) (b)

(4) الدالة  $f$ :  $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 : x < 4 \\ x^2 - 9 : x > 4 \end{cases}$  قابلة للاشتقاق عند  $x = 4$ .

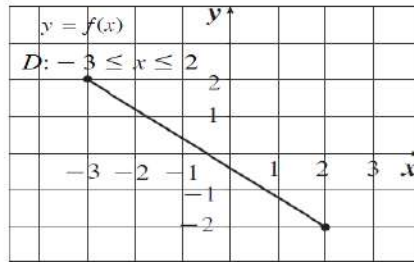
الدالة غير معرفة عند 4

a

b

(5) إن الدالة  $f$  ذات الرسم البياني أدناه قابلة للاشتقاق على الفترة  $[-3, 2]$ .

الدالة غير قابلة  
للاشتقاق عند  
النقاط الطرفية

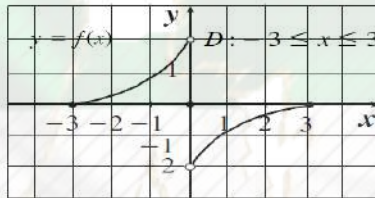


a

b

(6) إن الدالة  $f$  ذات الرسم البياني أدناه هي متصلة على الفترة  $[-3, 3]$ ولكن غير قابلة للاشتقاق عند  $x = 0$ 

الدالة غير متصلة  
عند  $x=0$



في التمارين (7-12)، ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(7) إن الدالة  $f: f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2}$  ليست قابلة للاشتقاق عند  $x = 0$  والسبب هو:

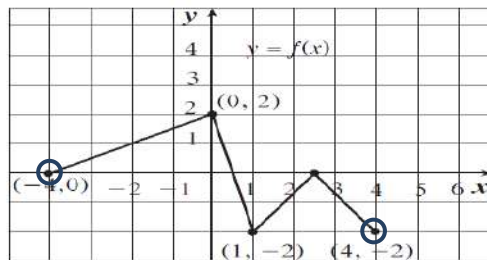
a ناب

b ركن

c مماس عمودي

d غير متصلة

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

(8) تكون الدالة  $f$  ذات الرسم البياني أدناه غير قابلة للاشتقاق عند كل  $x = \dots$ 

a

0, 1, 2,  $\frac{1}{2}$ 

c

-4, 0, 1, 4

b -2, +2

d 1, 4

(9) الدالة  $f$  القابلة للاشتقاق عند  $x=3$  فيما يلي هي:

(a)  $f(x) = \frac{x+1}{x-3}$

(b)  $\sqrt{3-x}$

(c)  $\begin{cases} 3x-1 & : & x \leq 3 \\ 1 & : & x > 3 \end{cases}$

(d)  $\sqrt[3]{x+2}$

(a) الدالة غير معرفة عند  $x=3$  لأن المقام  $= 0$  عند  $x=0$ (b) دالة مجالها  $[-\infty, 3]$  هي نقطة طرفية(c) الدالة غير متصلة عند  $x=3$ (10) إذا كانت  $f(x) = \frac{x-2}{x^2-4}$  فإن مجال  $f$  هو:

(a)  $\mathbb{R} - \{-2, 2\}$

(b)  $\mathbb{R} - \{-2\}$

(c)  $\mathbb{R} - \{2\}$

(d)  $\mathbb{R} - (-2, 2)$

الدالة غير قابلة للاشتقاق عند أصفار المقام

$$x^2 - 4 = 0 \Rightarrow (x-2)(x+2) = 0 \Rightarrow x = 2, x = -2$$

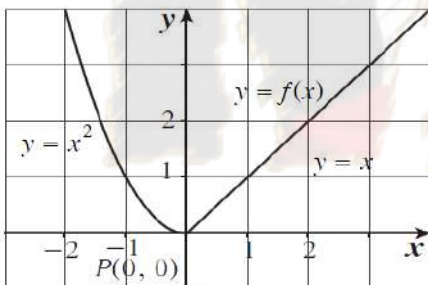
(11) في الشكل المقابل، عند النقطة  $P$ :

(a) المشتقة جهة اليسار موجبة.

(b) المشتقة جهة اليمين سالبة.

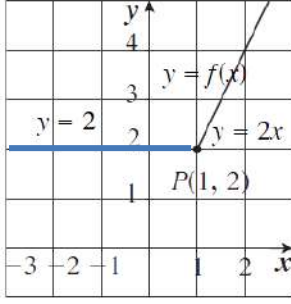
(c) الدالة قابلة للاشتقاق.

(d) ليس أي مما سبق.



$$f(x) = \begin{cases} x : x > 0 \\ 0 : x = 0 \\ x^2 : x < 0 \end{cases} \Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 1 : x > 0 \\ ??? : x = 0 \\ 2x : x < 0 \end{cases}$$

المشتقة جهة اليسار سالبة  
المشتقة جهة اليمين موجبة  
الدالة غير قابلة للاشتقاق عند  $x=0$

(12) في الشكل المقابل، عند النقطة  $P$ :

(a)  $f'_+(1) = 1$

(b)  $f'_-(1) = 0$

(c)  $f'_-(1) = 2$

(d)  $f$  قابلة للاشتقاق

$$f(x) = \begin{cases} 2x : x > 1 \\ 2 : x = 1 \\ 2 : x < 1 \end{cases} \Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 2 : x > 1 \\ ??? : x = 1 \\ 0 : x < 1 \end{cases}$$



KuwaitMath.com

**بند ( 2 - 3 )**

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إذا كانت  $y = -x^2 + 3$  فإن  $\frac{dy}{dx} = -2$

- (a) (b)

$$\frac{dy}{dx} = -2x$$

\*\*\*\*\*

(2) إذا كانت  $y = \frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{3} + x$  فإن  $\frac{dy}{dx} = x^2 + \frac{2}{3}x + 1$

- (a) (b)

$$\frac{dy}{dx} = \frac{3x^2}{3} + \frac{2x}{3} + 1 = x^2 + \frac{2x}{3} + 1$$

\*\*\*\*\*

(3) إذا كانت  $y = \frac{2x+5}{3x-2}$  فإن  $\frac{dy}{dx} = \frac{12x+11}{(3x-2)^2}$

- (a) (b)

$$\frac{dy}{dx} = \frac{(3x-2)(2) - (2x+5)(3)}{(3x-2)^2} = \frac{6x-4-6x-15}{(3x-2)^2} = \frac{-19}{(3x-2)^2}$$

\*\*\*\*\*

(4) إذا كانت  $y = \frac{(x-1)(x^2+x+1)}{x^3}$  فإن  $\frac{dy}{dx} = \frac{3}{x^4}$

- (a) (b)

$$y = \frac{x^3-1}{x^3} = \frac{x^3}{x^3} - \frac{1}{x^3} = 1 - x^{-3} \Rightarrow \frac{dy}{dx} = -(-3x^{-4}) = \frac{3}{x^4}$$

\*\*\*\*\*

في التمارين (14-5)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) إذا كانت  $y = 1 - x + x^2 - x^3$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- (a)  $-1 + 2x - 3x^2$  (b)  $2 - 3x$  (c)  $-6x + 2$  (d)  $1 - x$

$$\frac{dy}{dx} = -1 + 2x - 3x^2$$

\*\*\*\*\*

(6) إذا كانت  $f(x) = 5x^3 - 3x^5$  فإن  $f'(x)$  تساوي:

- (a)  $20x + 60x^3$  (b)  $15x^2 - 15x^4$  (c)  $30x - 30x^4$  (d)  $30x - 60x^3$

$$\frac{dy}{dx} = 15x^2 - 15x^4$$

\*\*\*\*\*

آلة حاسبة

(7) إذا كانت  $y = \frac{x^2 + 5x - 1}{x^2}$  فإن  $\frac{dy}{dx} \Big|_{x=1}$  تساوي:

- (a)  $-\frac{7}{2}$  (b)  $-3$  (c)  $3$  (d)  $\frac{7}{2}$

\*\*\*\*\*

آلة حاسبة

(8) ميل مماس منحنى  $y = x^2 + 5x$  عند  $x = 3$  يساوي:

- (a) 24 (b)  $-\frac{5}{2}$  (c) 11 (d) 8

\*\*\*\*\*

(9) للدالة  $f(x) = \sqrt[3]{x-1}$  مماس رأسي معادلته:

- (a)  $x = 0$  (b)  $y = 0$  (c)  $x = 1$  (d)  $y = 1$

$$f(x) = (x-1)^{\frac{1}{3}} \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{3}(x-1)^{\frac{-2}{3}} = \frac{1}{3\sqrt[3]{(x-1)^2}}$$

المماس الرأسي يكون عند أصفار المقام

\*\*\*\*\*



(10) ميل الناظم لمنحني الدالة  $y = x^3 - 3x + 1$  عند النقطة (2, 3) هي:

(a) 9

(b) 3

(c)  $-\frac{1}{3}$ (d)  $-\frac{1}{9}$ 

$$f'(x) = 3x^2 - 3 \Rightarrow \left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=2} = 3(2)^2 - 3 = 9$$

ميل الناظم  $-\frac{1}{9}$

\*\*\*\*\*

(11) النقاط على منحني الدالة  $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 20$  التي يكون المماس عندها موازيًا لمحور السينات هي:

(a) (-1, 27)

(b) (2, 0)

(c) (2, 0), (-1, 27)

(d) (-1, 27), (0, 20)

المماس يكون موازيًا لمحور السينات اذا كانت المشتقة = صفر

$$f'(x) = 6x^2 - 6x - 12 \Rightarrow 6x^2 - 6x - 12 = 0 \Rightarrow x^2 - x - 2 = 0$$

$$(x - 2)(x + 1) = 0 \Rightarrow x = 2, x = -1$$

\*\*\*\*\*

(12) لتكن الدالة  $f$ : لتكن الدالة  $f$ :  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & : x \geq 1 \\ 4x - 1 & : x < 1 \end{cases}$  فإن مجال  $f'$  هو:

(a) {1}

(b)  $\mathbb{R} - \{1\}$ (c)  $[1, \infty)$ (d)  $\mathbb{R}$ 

$$f'(x) = \begin{cases} 2x + 2 & : x > 1 \\ ??? & : x = 1 \\ 4 & : x < 1 \end{cases}$$

$$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 2x - 3}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x + 3)(x - 1)}{x - 1} = 4$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{4x - 1 - 3}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{4(x - 1)}{x - 1} = 4$$

\*\*\*\*\*

(13) إن معادلة المماس لمنحنى الدالة  $f : f(x) = 2x^2 - 13x + 2$  عند  $x = 3$  هي:

(a)  $y = x - 16$

(b)  $y = -x + 16$

(c)  $y = -x - 13$

(d)  $y = -x - 16$

$$y = f(3) = 2(3)^2 - 13(3) + 2 = -19$$

$$f'(x) = 4x - 13 \Rightarrow f'(3) = 4(3) - 13 = -1$$

$$y - (-19) = -1(x - 3) \Rightarrow y + 19 = -x + 3$$

$$\Rightarrow y = -x + 3 - 19 \Rightarrow y = -x - 16$$

\*\*\*\*\*

(14) إذا كانت  $f(2) = 3$  ،  $f'(2) = 5$  عند النقطة  $P$  من الرسم البياني لدالة  $f$  فإن:

(a) معادلة خط المماس:  $y = 5x + 7$

(b) معادلة الخط العمودي (الناظم):  $y = -\frac{1}{5}x + 7$

(c) معادلة الخط العمودي (الناظم):  $y = -\frac{1}{5}x + \frac{17}{5}$

(d) معادلة خط المماس:  $y = 5x + 3$

معادلة المماس

$$y - (3) = 5(x - 2) \Rightarrow y = 5x - 10 + 3 \Rightarrow y = 5x - 7$$

معادلة العمودي

$$y - (3) = \frac{-1}{5}(x - 2) \Rightarrow y = \frac{-1}{5}x + \frac{2}{5} + 3$$

$$\Rightarrow y = \frac{-1}{5}x + \frac{2}{5} + \frac{15}{5} \Rightarrow y = \frac{-1}{5}x + \frac{17}{5}$$

## بند ( 2 - 4 )

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (a) (b)

(1) إذا كانت  $y = 1 + x - \cos x$  فإن  $\frac{dy}{dx} = 1 + \sin x$

\*\*\*\*\*

- (a) (b)

(2) إذا كانت  $y = \frac{4}{\cos x}$  فإن  $\frac{dy}{dx} = -\frac{4}{\cos^2 x}$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-4(-\sin x)}{\cos^2 x} = \frac{4 \sin x}{\cos^2 x}$$

\*\*\*\*\*

- (a) (b)

(3) ميل المماس لمنحنى الدالة  $y = \sin x + 3$  عند  $x = \pi$  هو 1

$$y' = \cos x \Rightarrow \left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=\pi} = \cos \pi = -1$$

\*\*\*\*\*

- (a) (b)

(4) إن منحنى الدالة  $y = \tan x$  ومنحنى الدالة  $y = \cot x$  ليست لهما مماسات أفقية.

$$\frac{d}{dx} (\tan x) = \sec^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} \quad \frac{d}{dx} (\cot x) = -\csc^2 x = \frac{-1}{\sin^2 x}$$

لا يمكن أن يكون البسط = صفر

\*\*\*\*\*

في التمارين (5-9)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) إذا كانت  $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

(a)  $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(b)  $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(c)  $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(d)  $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(6) إذا كانت  $f(x) = 3x + x \tan x$  فإن  $f'(0)$  يساوي:

(a) -3

(b) 0

(c) 1

(d) 3

$$f'(x) = 3 + \tan x + x \sec^2 x \Rightarrow f'(0) = 3 + \tan 0 + (0) \sec^2(0) = 3$$

\*\*\*\*\*

(7) إذا كانت  $y = \frac{x}{1 + \cos x}$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

(a)  $-\frac{x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$

(b)  $\frac{1 + \cos x - x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$

(c)  $\frac{1 + \cos x - x \sin x}{1 + \cos^2 x}$

(d)  $\frac{1 + \cos x + x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$

$$y' = \frac{(1 + \cos x)(1) - x(-\sin x)}{(1 + \cos x)^2} = \frac{1 + \cos x + x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$$

\*\*\*\*\*

(8) معادلة المستقيم العمودي على المماس لبيان الدالة  $y = 2 \cos x$  عند النقطة  $(\frac{\pi}{2}, 0)$  هي:

(a)  $y = \frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}$

(b)  $y = -\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}$

(c)  $y = \frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}$

(d)  $y = -\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}$

$$f'(x) = -2 \sin x \Rightarrow f'(\frac{\pi}{2}) = -2 \sin \frac{\pi}{2} = -2$$

$$y - 0 = \frac{1}{2} (x - \frac{\pi}{2}) \Rightarrow y = \frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}$$

\*\*\*\*\*

(9) إذا كانت  $y = \frac{1}{\sin x}$  فإن  $y'$  تساوي:

(a)  $\cot x \cdot \csc x$

(b)  $\cos x$

(c)  $-\cot x \cdot \csc x$

(d)  $-\cos x$

$$y = \csc x$$

$$y' = -\csc x \cdot \cot x$$

**بند ( 5 - 2 )**

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (a)  (b)

(1) إذا كانت  $y = \cos(\sqrt{3}x)$  فإن  $\frac{dy}{dx} = \sqrt{3} \sin(\sqrt{3}x)$

$$\frac{dy}{dx} = (-\sin \sqrt{3}x)(\sqrt{3}) = -\sqrt{3} \sin(\sqrt{3}x)$$

\*\*\*\*\*

- (a) (b)

(2) إذا كانت  $y = 5 \cot\left(\frac{2}{x}\right)$  فإن  $\frac{dy}{dx} = \frac{10}{x^2} \csc^2\left(\frac{2}{x}\right)$

$$\frac{dy}{dx} = 5\left(-\csc^2 \frac{2}{x}\right)\left(-\frac{2}{x^2}\right) = \frac{10}{x^2} \csc^2\left(\frac{2}{x}\right)$$

\*\*\*\*\*

- (a)  (b)

(3) إذا كانت  $y = (x + \sqrt{x})^{-2}$  فإن  $\frac{dy}{dx} = -2(x + \sqrt{x})^{-3}\left(1 + \frac{1}{2\sqrt{x}}\right)$

$$\frac{dy}{dx} = -2(x + \sqrt{x})^{-3}\left(1 + \frac{1}{2\sqrt{x}}\right)$$

\*\*\*\*\*

- (a) (b)

(4) إذا كانت  $s = \cos\left(\frac{\pi}{2} - 3t\right)$  فإن  $\frac{ds}{dt} = 3 \sin\left(\frac{\pi}{2} - 3t\right)$

$$\frac{ds}{dt} = -\sin\left(\frac{\pi}{2} - 3t\right)(-3) = 3 \sin\left(\frac{\pi}{2} - 3t\right)$$

\*\*\*\*\*

في التمارين (5-9)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) إذا كانت  $y = \sin^{-5}x - \cos^3x$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

(a)  $5 \sin^{-6}x \cos x - 3 \cos^2 x \sin x$

(b)  $5 \sin^{-6}x \cos x + 3 \cos^2 x \sin x$

(c)  $-5 \sin^{-6}x \cos x - 3 \cos^2 x \sin x$

(d)  $-5 \sin^{-6}x \cos x + 3 \cos^2 x \sin x$

$$\begin{aligned} \frac{dy}{dx} &= -5 \sin^{-6} x (\cos x) - 3 \cos^2 x (-\sin x) \\ &= -5 \sin^{-6} x \cos x + 3 \cos^2 x \sin x \end{aligned}$$

(6) إذا كانت  $y = \frac{3}{\sqrt{2x+1}}$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

(a)  $3(2x+1)^{-\frac{3}{2}}$

(c)  $-3(2x+1)^{-\frac{1}{2}}$

(b)  $-3(2x+1)^{-\frac{3}{2}}$

(d)  $3(2x+1)^{-1}$

$$y = 3(2x+1)^{-\frac{1}{2}}$$

$$\frac{dy}{dx} = 3 \times \frac{-1}{2} (2x+1)^{-\frac{3}{2}} (2) = -3(2x+1)^{-\frac{3}{2}}$$

\*\*\*\*\*

(7) إذا كانت  $s = \frac{4}{3\pi} \sin 3t + \frac{4}{5\pi} \cos 5t$  فإن  $\frac{ds}{dt}$  تساوي:

(a)  $\frac{4}{\pi} \sin 3t - \frac{4}{\pi} \cos 5t$

(c)  $\frac{4}{\pi} \cos 3t - \frac{4}{\pi} \sin 3t$

(b)  $\frac{4}{\pi} \cos 3t + \frac{4}{\pi} \sin 5t$

(d)  $\frac{4}{\pi} \cos 3t - \frac{4}{\pi} \sin 5t$

$$\frac{ds}{dt} = \frac{4}{3\pi} \cos 3t (3) + \frac{4}{5\pi} (-\sin 5t)(5) = \frac{4}{\pi} \cos 3t - \frac{4}{\pi} \sin 5t$$

\*\*\*\*\*

(8) إذا كانت  $r = \tan(2 - \theta)$  فإن  $\frac{dr}{d\theta}$  تساوي:

(a)  $\sec^2(2 - \theta)$

(c)  $\sec^2(\theta + 2)$

(b)  $-\sec^2(2 - \theta)$

(d)  $\sec(2 - \theta)$

$$\frac{dr}{d\theta} = \sec^2(2 - \theta)(-1) = -\sec^2(2 - \theta)$$

\*\*\*\*\*

(9) إذا كانت  $f(u) = \cot \frac{\pi u}{10}$  و  $u = g(x) = 5\sqrt{x}$  فإن  $(f \circ g)'$  عند  $x = +1$  تساوي:

(a)  $\frac{3\pi}{4}$

(c)  $-\frac{\pi}{4}$

(b)  $\frac{\pi}{4}$

(d)  $-\frac{3\pi}{4}$

$$(f \circ g)'(x) = \frac{df}{du} \times \frac{du}{dx} = -\csc^2\left(\frac{\pi u}{10}\right) \left(\frac{\pi}{10}\right) \times 5 \frac{1}{2\sqrt{x}} =$$

$$= -\csc^2\left(\frac{\pi(5\sqrt{x})}{10}\right) \left(\frac{\pi}{10}\right) \times 5 \frac{1}{2\sqrt{x}} = -\csc^2\left(\frac{\pi(5\sqrt{1})}{10}\right) \left(\frac{\pi}{10}\right) \times 5 \frac{1}{2\sqrt{1}}$$

$$= -\csc^2\left(\frac{\pi}{2}\right) \left(\frac{\pi}{4}\right) = -\frac{\pi}{4}$$

**بند ( 2 - 6 )**

في التمارين (1-3)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) إذا كان:  $y = \frac{-x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + x$  فإن:  $\frac{d^2y}{dx^2} = -2x$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-3x^2}{3} + \frac{2x}{2} + 1 = -x^2 + x + 1$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = -2x + 1$$

\*\*\*\*\*

(a) (b)

(2) إذا كان:  $y = \frac{-3x^4}{4} - \frac{3x^2}{2} + 4x$  فإن:  $\frac{d^3y}{dx^3} = -18x$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-3(4x^3)}{4} - \frac{3(2x)}{2} + 4 = -3x^3 - 3x + 4$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = -9x^2 - 3 \Rightarrow \frac{d^3y}{dx^3} = -18x$$

\*\*\*\*\*

(a) (b)

(3) معادلة المماس لمنحنى:  $x^2 - y^2 - x^2y = 7$  عند النقطة  $(2, -1)$  هي:  $y = 4x - 9$

$$2x - 2yy' - 2xy - x^2y' = 0 \Rightarrow -2yy' - x^2y' = -2x + 2xy$$

$$y'(-2y - x^2) = -2x + 2xy \Rightarrow y' = \frac{-2x + 2xy}{-2y - x^2}$$

$$\left. \frac{dy}{dx} \right|_{(2,-1)} = \frac{-2(2) + 2(2)(-1)}{-2(-1) - (2)^2} = \frac{-8}{-2} = 4$$

$$y - (-1) = 4(x - 2) \Rightarrow y = 4x - 8 - 1 \Rightarrow y = 4x - 9$$

\*\*\*\*\*

في التمارين (7-4)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) إذا كانت:  $f(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$  فإن:  $f''(x)$  تساوي:

(a)  $\frac{8}{27}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(b)  $8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(c)  $-8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(d)  $-64(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

$$f'(x) = \frac{2}{3}(1 + 6x)^{-\frac{1}{3}} \times 6 = 4(1 + 6x)^{-\frac{1}{3}}$$

$$f''(x) = 4 \times \frac{-1}{3}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}} \times 6 = -8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$$

\*\*\*\*\*

(5) إذا كانت:  $f(x) = \frac{2x+1}{3x+2}$  فإن:  $f^{(4)}(x)$  تساوي:

(a)  $24(3x+2)^{-5}$

(b)  $-24(3x+2)^{-5}$

(c)  $648(3x+2)^{-5}$

(d)  $-648(3x+2)^{-5}$

$$f'(x) = \frac{(3x+2)(2) - (2x+1)(3)}{(3x+2)^2} = \frac{6x+4-6x-3}{(3x+2)^2} = \frac{1}{(3x+2)^2} = (3x+2)^{-2}$$

$$f''(x) = -2(3x+2)^{-3} \times (3) = -6(3x+2)^{-3}$$

$$f'''(x) = 18(3x+2)^{-4} \times (3) = 54(3x+2)^{-4}$$

$$f^{(4)}(x) = -216(3x+2)^{-5} \times (3) = -648(3x+2)^{-5}$$

\*\*\*\*\*

(6) ميل الخط العمودي على المماس (الناظم) عند النقطة  $A(3, 2)$  على منحنى:  $x^2 - y^2 - 2xy = -7$  هو:

(a)  $-5$

(b)  $-\frac{1}{5}$

(c)  $\frac{1}{5}$

(d)  $5$

$$2x - 2yy' - 2xy' - 2y = 0 \Rightarrow -2yy' - 2xy' = 2y - 2x$$

$$\Rightarrow -yy' - xy' = y - x$$

$$y'(-y - x) = y - x \Rightarrow y' = \frac{y - x}{-y - x}$$

$$\Rightarrow \left. \frac{dy}{dx} \right|_{(3,2)} = \frac{2-3}{-2-3} = \frac{-1}{-5} = \frac{1}{5}$$



(7) ميل المماس عند النقطة  $A(1, 1)$  على منحنى:  $x^2 - 3y^2 + 2xy = 0$  هي:

(a) -1  
(c) 1

(b) 0  
(d) 2

$$2x - 6yy' + 2xy' + 2y = 0 \Rightarrow -6yy' + 2xy' = -2y - 2x$$

$$\Rightarrow -3yy' + xy' = -y - x$$

$$y'(-3y + x) = -y - x$$

$$\Rightarrow y' = \frac{-y-x}{-3y-x} \Rightarrow \frac{dy}{dx}\bigg|_{(1,1)} = \frac{-1-1}{-3(1)+1} = \frac{-2}{-2} = 1$$

KuwaitMath.com